

https://doi.org/10.30482/jhyd.2022.307129.1558

Study of Particle Movement Pattern in Vortex Settling Basin Based on Particle Tracking Technique

Elnaz Mehrabani¹, Ali Naghi Ziaei^{2*}, Neda Sheikh Rezazadeh Nikou³, Mahmoodreza Golzarian⁴

1- M.Sc. student in Water Structures, Ferdowsi University of Mashhad, Iran.

2- Professor, Department of Water Science and Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Iran.

3- Postdoctoral researcher, Ferdowsi University of Mashhad, Iran.

4- Professor, Department of Biosystems Engineering, Ferdowsi University of Mashhad, Iran.

* an-ziaei@um.ac.ir

Abstract

Introduction: The quality of water required for agriculture, industry, drinking, etc., has made it necessary for the solids particle in the water flow to enter its permissible level in irrigation and drainage or urban water networks. The Vortex Settling Basin (VSB) makes use of the vortex flow inside the chamber for the separation of sediment particles from the flow.

Elaborate studies have been made on investigation flow pattern at VSB that includes: (Paul, 1988 and 1991; Athar et al., 2003; Gheisi, et al, 2006; Ziaei et al., 2007; Chabokpour et al., 2011; Mulligan et al, 2016; Rehman et al., 2017; Huang et al., 2017; S. R. Nikou et al., 2021).

Elaborate studies in hydraulic sciences apply particle tracking and image processing method for analysis (Sun et al., 2015; Shin et al., 2016; Mulligan et al., 2016 and 2018; Rosberry et al., 2019; Witz et al., 2018; Duinmeijer et al., 2020).

The study of vortex flow is very sensitive to measuring instruments, for example, ADV, which is the most common instrument for measuring the velocity, increases disturbance of flow. Therefore, it is recommended to use the non-interference particle tracking method to measure velocity components.

Methodology: The experiments were performed in the hydraulic laboratory of the water science and engineering department at the Ferdowsi University of Mashhad, Iran on an acrylic laboratory setup. Spherical particles with a relative density of 1.41, at distances of 37 cm and 1.5 m from the chamber (sediment injection site in the study of Athar et al., (2003)) and in these two longitudinal distances, left at 9 points and each experiment is repeated 5 times (Figure 2).

In this research, two iPhone 7 Plus cameras have been used for taking photos. The camera of this phone has one of the most advanced cameras in terms of expertise and technology. In this study, due to the high volume of data at different points, image processing is presented in the highest probability of trapping (point 4), the position of this point is as follows: 5 cm from the floor, 2 cm from its right wall (sloping to the chamber), 18 cm from the sloping wall to the outlet channel and 6.5 cm to the water level. The input flow to the channel is 8 and 13.7 l/s.

Results and Discussion: The highest probability of trapping for a particle at two

longitudinal distances is at point 4 with a probability of 60%. The process of particle displacement and the time series of three velocity diagrams in the vortex settling basin of the present study are sinusoidal. In sections 150°-210° and 330°-30°, the particle is inclined toward the wall and in other sections, it is inclined toward the orifice, affected by the location of input and output channels (S. R. Nikou et al., 2021).

There is a meaningful correlation between the two components vx and vy, and in almost all places where the x velocity component is extreme, in the same position y component is zero, and vice versa. This result is quite justifiable given the motion of vortex flow. The extreme values of the velocity component in the x direction become closer as they approach the orifice, indicating an increase in velocity near the orifice and the chamber floor and a smaller curved path around the vortex core. Notably, the absolute value of the maximum velocity in the x direction is 1.61 m/s and in the z direction is 0.13 m/s, which indicates that the particle tends to enter the orifice more in a rotating passage than falling position, having said that, centrifugal force is dominated over the action of dewatering. The mean relative error of water surface profiles by image processing method compared to laboratory data is estimated to be 0.002 and 1.36%, respectively, which confirms well with the experimental measurements.

Conclusion: The results showed that the distribution of the velocity components of the particle in all three dimensions has a sinusoidal trend. The higher value of the maximum velocity in the x-direction than the z-direction indicated the dominance of the centrifugal force over the dewatering operation in the vortex flow.

According to the obtained results, particle tracking and image processing can be used as an accurate approach with a higher operational speed to study the flow patterns and determine the water surface profile in vortex settling basins.

Keywords: PTV, Particle tracking, Orifice at the center, Point gauge, Velocity distributions.



© 2022 Iranian Hydraulic Association, Tehran, Iran. This is an open access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC BY 4.0 license) (http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/



الناز مهربانی'، علینقی ضیائی'، ندا شیخرضازادەنیکو"، محمودرضا گلزاریان[؛]

۱- دانشجوی کارشناسیارشد سازههای آبی، دانشگاه فردوسی مشهد ۲- دانشیار گروه علوم و مهندسیآب،دانشگاه فردوسی مشهد ۳- پژوهشگر پسادکتری، دانشگاه فردوسی مشهد

مقاله پژوهشی https://doi.org/10.30482/jhyd.2022.307129.1558

۴- دانشیار گروه مهندسی بیوسیستم، دانشگاه فردوسی مشهد

* an-ziaei@um.ac.ir

دریافت: ۱۴۰۰/۰۷/۱۰، پذیرش: ۱۴۰۱/۰۱/۲۲ 🛛 🔻 وبگاه نشریه هیدرولیک: www.jhyd.iha.ir

چکیده: حوضچههای رسوبگیر گردابی، نوع کارآمدی از سازههای رسوبگیر پیوسته در تصفیهی آب میباشند. مطالعه و اصلاح راندمان حذف رسوب در این نوع حوضچه به طور قطع به شناخت الگوی حرکت ذره و خصوصیات آن بستگی دارد. در پژوهش حاضر با تصویربرداری دو بعدی و پردازش تصویر به مطالعه حرکت ذره در میدان جریان گردابی در یک مدل آزمایشگاهی از حوضچه رسوبگیر پرداخته شد. درصد احتمال تلهاندازی ذره تعیین و سرعت ذره در سه بعد با استفاده از تکنیک ردیابی ذره و به کمک نرمافزار پرداخته شد. درصد احتمال تلهاندازی ذره تعیین و سرعت ذره در سه بعد با استفاده از تکنیک ردیابی ذره و به کمک نرمافزار که توزیع سرعت در حوضچه ی گردابی به صورت تابع سینوسی میباشد و ذره با سرعت بریان مقایسه گردید. نتایج نشان داده است مارپیچی حوضچهی گردابی حرکت میکند.

كليدواژگان: PTV ، احتمال تلهاندازی، شناسایی ذره، عمق سنج، توزیع سرعت.

۱– مقدمه

هدف از آبگیری بهینه و موثر، افزایش دبی ورودی همراه با کمترین غلظت رسوب است و نیز کیفیت آب مورد نیاز برای کشاورزی، صنعت، آشامیدن و… این امر را ضروری ساخته است که مواد جامد موجود در جریان آب هنگام ورود به تأسیسات و سازههای انتقال آب، آبگیرها به کمینه حد مجاز کاهش یابد. با این حال امکان جلوگیری کامل ورود ذرات رسوبی به تأسیسات آبی وجود نداشته و حتی ممکن است در پی جداسازیهای اولیه نیاز به جداسازی پی در پی و ثانویه نیز باشد. حوضچه رسوبگیر گردابی (VSB) با استفاده از جریان گردابی، رسوبها را از آب جدا می کند. جریان آب به صورت مماسی وارد حوضچه

می شود، در کف حوضچه یک روزنه مرکزی قرار دارد، پس از ورود جریان و تشکیل گردابه ی ترکیبی^۲، گرادیان غلظت ذرات در عرض گردابه افزایش مییابد، اختلاف گرادیان غلظت و نیروی گریز از مرکز گردابه، باعث حرکت ذرات به سمت حاشیهی حوضچه می شود. پس از آن، جریان های ثانویه در این سامانه در نتیجهی میکنند. جریان های ثانویه در این سامانه در نتیجهی موارد زیر تشکیل می شوند: الف) نیروی گریز از مرکز کردابه و جریان ورودی، ب) اصکاک بین سیال و کف حوضچه که باعث کم شدن سرعت مرزی سیال می شود و جریان هایی که بر جریان گردابه عمود هستند ج) جریان هایی که بر جریان گردابه عمود هستند

¹ Vortex Settling Basin

هوا شکل می گیرد که منجر به کاهش دبی خروجی از روزنه و در پی آن افزایش بازده هیدرولیکی سامانه می شود و مسیری که ذره طی می کند چند برابر قطر حوضچه می شود. چنین ویژگیهایی این اجازه را می دهد که سرعت ورودی به حوضچه گردابی بسیار بیشتر از حوضچههای معمولی تهنشینی باشد. تاکنون بررسیهای بسیاری بر روی حوضچه رسوبگیر گردابی پیرامون بررسی الگوی جریان که شامل سرعتهای مماسی، شعاعی، محوری، جریانهای ثانویه و گردابهها انجام شده است که نتایج بعضی از این پژوهشها در زیر ارائه شده است:

Chabokpour et al. (2011) با ابـزار انـدازهگیـری سـرعت ADV¹ به تعیین ساختار جریان در VSB پرداختند و به این نتیجه رسیدند که جریان های ثانویه در مقطعهای شعاعی دارای الگوهای مختلف جریان در حوضچه می باشد که نقش مؤثری در بازده تلهاندازی دارد، تحلیل دو بعدی بردارهای سرعت پژوهش ایشان نشان داده است که روند سرعتهای پیرامون هسته هوا نسبت به پیرامون حوضچه بیشتر است. (Rehman et al. (2017) به بررسی سازوکار حرکت گردایی در دو مدل حوضچه گردایی پرداختند از نظر ایشان نیمرخ سطح آب برای حرکت گردابهی اجباری و آزاد به ترتیب به صورت سهمی^۲ و هـذلولی^۳ میباشـد و توزیع سرعت از قانونهای تغییر سرعت در گردابهی آزاد و اجباري ييروي مي كند. (Huang et al. (2017) با استفاده از نرمافـزار Flow-3D بـه شـبيهسـازي جريـان در VSB یرداختند. آنان مشاهده کردند که انحراف هستهی هوا از مركز روزنه به دليل جريان ورودي مماسي ميباشد، افزون برآن سرعت مماسی به سرعت از دیـواره بـه سـمت مرکـز افزایش می یابد و ناحیه نزدیک به روزنه سرعت محوری منفی دارد که نقش مثبتی در جداسازی رسوب از طریق روزنه ايفا مى كند. برمبناى نتايج & Nikou et al. (2021a (b) کمینے سے عت شےاعی در نزدیکے کانےال ورودی و بیشینهی آن در نزدیکی آبراههی خروجی که تحت تـأثیر ورود و خروج جریان می باشد، اتفاق می افتد. شبیه سازی نیمرخ سطح آب حوضچه رسوبگیر گردایی با مدلهای

1 Acoustic Doppler Velocity

تلاطمی در ناحیهی گردابه آزاد همخوانی خوبی با دادههای آزمایشگاهی دارد، اما در ناحیه گردابهی اجباری مدل LES – Smagorinsky نسبت به مدلهای RANS روند نزدیک تری به نتایج آزمایشگاهی دارد. (..(). Nikou et al روند نزدیک تری به نتایج آزمایشگاهی دارد. (..() 2022) به بررسی تاثیر فراسنجهای هیدرولیکی و هندسی روش روش بر بازده جریان در حوضچه گردابی با استفاده از روش تاگوچی و روش سطح پاسخ پرداختند. آنان به منظور تعیین بازده کل، سه بازده جریان، بازده کانال ورودی و بازده تله اندازی را تعیین کردند.

تاکنون بررسیهای بسیاری در علم هیدرولیک با استفاده از روش و فن پردازش تصویر و ردیابی ذره انجام شده که نتایج بعضی ازین پژوهشها در زیر بیان شدهاست: Sun and Liu (2015) به منظور ارزیابی ویژگیهای گردابه اعم از توزیع مؤلفههای سرعت، نیم رخ سطح آب، تغییرهای شعاع هستهی گردایه و توزیع چرخش جریان، آزمایشهایی را در مخزنی استوانهای به روش PIV⁴ انجام دادهاند. مدل پیشنهادی ایشان با دادههای آزمایشگاهی و دیگر مدلهای گردابی از همخوانی قابل قبولی برخوردار است. (Shin et al. (2016 سرعت جريان را با استفاده از نگارههای ویدیویی یک شناور کروی که به منظور اندازه-گیری میزان دبی سیلاب به هنگام باران شدید طراحی شده بود، اندازه گیری کردند. ایشان به این نتیجه رسیدند کے سرعتھای محاسبہ شدہ بے روش سرعتسنجی تصویری شناور کروی⁵ SFIV با سرعتهای واقعی در آبراههی باز تا حدودی همخوانی دارد، نتایج ایشان گویای آن است کے این روش میتواند برای تعیین سرعت میانگین و دبی رودخانه ها استفاده شود. Mulligan et al. (2016) به منظور شناسایی فراسنجههای هیدرولیکی ساختار گرداب در دوازده مدل محفظهی استوانهای با روش ردیابی ذرات ویژگیهای جریان را به صورت دو بعدی بررسی و ارزیابی کردند. از دستگاه PTV لیزر دو بعدی سرعت ردیابی ذرات برای تعیین میدان چرخش استفاده شده است. آنان نشان دادند که میدان چرخش و شمار چرخشها به شدت وابسته به کارکرد هندسه جریان

4 Particle Image Velocimetry

² Paraboloid

³ Hyperboloid

⁵ Spherical Float Image Velocimetry

و شرايط جريان ورودي مي باشد. (2018) Mulligan et al. با بررسی گرداب سطح آزاد آشفته، گردابههای شبیه تیلور ناپایدار را در جریانهای ثانویه که همانند سیستم جریان تیلور-کوت^۱ میباشد را مشاهده کردند، این بررسیها به وسیله سرعت سنج فراصوتی دو بعدیUDP و تزریق رنگ ليزر فلورسانسPLIF انجام شده است. Rosberry et al. (2019) پژوهشی با بهره گیری از روش و فن تصویربرداری با سرعت بالا از ذرات درشت شن به قطر میانگین۵/۰۸ سانتیمتر به عنوان بار کف بالای یک بستر مسطح درون فلوم آزمایشگاهی با ابعاد۲/۰× ۸/۵ متر انجام دادند. ایشان از روش و فن پردازش تصویر با سرعت ۲۵۰ فریم در ثانیه استفاده کردند و دریافتند حجم جامد ذرات در حال حرکت در واحد سطح پخش شده در حال نوسان می باشد، که به دلیل واکنش ذرات در حال حرکت نسبت به تلاطم سیال نزدیک کف می باشد. (Witz et al. (2018) به بررسی تجربی با تمرکز بر ویژگیهای آماری مسیر ذرات با جدا شدن از کف درون فلوم آزمایشگاهی به طول ۱۸ و عرض ۱/۱۸ متر پرداختند. در این آزمایش کف ورودی فلوم از یک لایه گویهای شیشهای با آرایشی شش ضلعی پوشیده شده بود. محدوده مکانی از حرکت ذره مبنی بر مفهوم پخشیدگی آن با آغاز برخورد با یک ذره در حال حرکت و یا از حرکت ذره ساکن پیشین، بررسی شد. نتایج ایشان با استفاده از روش سرعتسنجی تصویری ذرات، به روشنی تفاوت بین انتشار یک ذره در حال حرکت و آغاز حرکت یک ذرہ از موقعیت ساکن را نشان داد. این تفاوت ها به تغییر در سازوکارهای فیزیکی در مرحله ی اولیه حرکت ذرات پس از جدا شدن از بستر، نسبت داده شده است. Duinmeijer et al. (2020) به منظور تحليل ويژگيهاي جریان گرداب سطح آزاد و اعتبارسنجی مدل گردابهی برگر با استفاده از روش SPIV^۲ پژوهش خود را در مخزن گردایی با قطر ۶۰۰ میلیمتر انجام دادند. در این روش، از دو دوربین برای تصویربرداری از صفحه افقی استفاده شده که یک دوربین از از بالای صفحه و دوربین دیگر از صفحه زیر تصویربرداری می کند. بنا بر نتایج پژوهش ایشان جریان

شعاعی نزدیک هسته گردابه و جریان محوری در دامنـه ۲ تـا ۳ برابر شعاع هستهی گرداب متمرکـز شـده اسـت. همچنـین مـدل گردابـه برگـر بـرای بـرآوورد سـرعت مماسـی مناسـب میباشد.

بررسی جریان گردابی بسیار حساس به ابزار اندازه گیری میباشد، برای مثال سرعتسنج ADV که رایج ترین ابزار برای اندازه گیری میدان سرعت در جریان گردابی میباشد، در یک جریان گردابی موجب افزایش آشفتگی و تلاطم در جریان شده که بر آشفتگی ناحیهی اندازه گیری سرعت و مهمتر از آن بر مولفههای سرعت تأثیر گذار است. همچنین قرار گیری این دستگاه نزدیک هسته گردابه باعث اختلال و آشفتگی میشود بنابراین، از روش های غیر استفاده میشود. در این پژوهش، با استفاده از روش و فن تسویر برداری و پردازش نگارهها به بررسی درصد احتمال تلهاندازی تک ذره بر مبنای محل رهاشدگی پرداخته شده است. همچنین، سرعت سه بعدی ذره و مسیر حرکت آن درون حوضچه، اندازه گیری و ارزیابی شده است.

۲- مواد و روشها ۱-۲- بستر آزمایشگاهی

آزمایشها در آزمایشگاه هیدرولیک علوم و مهندسی آب دانشکدهی کشاورزی دانشگاه فردوسی مشهد بر روی بستر آزمایشگاهی از جنس آکریلیک^۳ انجام شد. در جدول ۱ ویژگیهای آبراهه و حوضچه گردابی ارائه شده است که در آن، L= طول آبراهه، B= عرض آبراهه، h=ارتفاع آبراهه، D= قطر حوضچه، H= ارتفاع حوضچه، Sc= شیب کف حوضچه، b= قطر روزنهی مرکزی است.

۲-۲- روش انجام آزمایش

در این نوع از حوضچه گردابی، آبراهه ورودی و خروجی در امتداد یک دیگر قـرار گرفتـه و حوضـچه ممـاس بـر آنهـا میباشد. در آغاز، جریان از آبراهـهی ورودی وارد حوضـچه

```
3 Acrylic
```

¹ Taylor-Coutte

² Stereo Particle Image Velocity

دادهها در نقطههای مختلف، پردازش تصویر در بیشترین احتمال تلهاندازی (نقطهی ۴) در دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه انجام شده است (باتوجه به امکانات آزمایشگاهی تـ اُمین دو دبی ۸ و ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه میسر بود، احتمال تلهاندازی در دبی ۸ نیز بررسی شد که برای ذره مورد نظر و متناسب با هندسهی حوضچه، این میزان ناچیز میباشد و به این دلیل است که در دبیهای پایینتر گردابهی ضعیفتری در حوضچه شکل می گیرد پس قدرت کمتری برای کشاندن ذره به سمت خود و تلهاندازی در حوضچه، دارد که با نتایج یژوهش (Nikou et al., 2022) مبنے بر اینکه بیشترین بازده برای این نوع حوضچه رسوبگیر گردابی مربوط به دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه می باشد، همخوانی دارد.) موقعیت نقطه ۴ به شرح زیر میباشد: ۵ سانتیمتر از کف، ۲ سانتی متر از دیواره سمت راست آن (متمایل به حوضیچه)، ۱۸ سانتی متر از دیواره متمایل به آبراهه خروجی و ۶/۵ سانتی متر تا سطح آب.

جدول ۱ ویژگیهای بستر آزمایشگاهی

Table 1 Laboratory setup specifications	
Parameter(m)	Value (<i>m</i>)
Lin	4
\mathbf{B}_{in}	0.2
\mathbf{h}_{in}	0.3
Lout	3
Bout	0.2
hout	0.3
D	1
H _b	0.4
Sc	1:10
d	0.1

در این پژوهش از دو دوربین آیفون Plus 7 به منظور عکسبرداری استفاده شده است، دوربین این گوشی از نظر تخصصی و فنی یکی از پیشرفتهترین دوربینها را میباشد، شکل ۱ کیفیت تصویر گردابه را نشان میدهد. ماژول دوتایی این دوربین از یک لنز واید ۲۸ میلیمتر با دیافراگم /1.8 و یک لنز تلهفتو ۵۶ میلیمتر با دیافراگم /2.8 ساخته شده است. اهمیت این دوربین از این جهت میباشد که قابلیت زوم اپتیکال دارد و لنز ۵۶ میلیمتری امکان رسیدن به دو برابر بزرگ نمایی را فراهم میکند. رسوبگیر میشود. بخش اندکی از جریان بدون چرخش درون حوضچه از آبراهه خروجی خارجی می شود. بیشتر جریان درون حوضچه بدلیل هندسه حوضچه گردابی چرخش یافته و سپس بخش قابلملاحظهای از جریان چرخش یافته از آبراهه خروجی خارج می شود و بخش ناچیزی (در حدود ۱۲-۲۵٪ نسبت به دبی ورودی به حوضچه) از روزنه خارج می شود. هدف از قرارگیری روزنه در مرکز حوضچه، شستشوی رسوب ته نشین شده در کف حوضچه می باشد (Nikou et al., 2021a).

در این پژوهش دبی ورودی به کانال ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه میباشد که توسط مخزنی متحرک در انتهای آبراهه، تأمین میشود. از روش حجمی برای اندازه گیری دبی استفاده شد. به منظور کاهش تلاطم سطح آب، صفحهای شناور از جنس آکاسیف در ابتدای ورودی آبراهه روی سطح آب قرار داده شد و همچنین برای کاهش تلاطم حریان از توریهایی فلزی در آغاز آبراهه بهره گرفته شد (شکل ۱). در این بررسی، هدف از روش و فن ردیابی ذره، ارزیابی رفتار ذرات رسوبی در حوضچه گردابی میباشد.

در این پژوهش، به دلیل محدودیت امکانات آزمایشگاهی و مواد اولیه موجود در بازار، ذرهای با قابلیت حرکت در جریان آب بدون تاثیر در ویژگیهای جریان و قابلیت تفکیک و شناسایی با روش و فن پردازش تصویر انتخاب شد. این ذره انتخابی با استفاده از دستگاه پرینت سه بعدی به صورت کروی و با چگالی نسبی ۱/۴۱ و قطر ۰/۸۵ سانتی متر تهیه شد که مادهی اولیهی آن پلی آمید ۱۲ میباشد که میتواند با افزودنی ای مختلف مانند فايبر گلاس، فيبر كربن و...تركيب شود. اين ذرات طي فرآیند بسپاری شدن بهدست میآیند که دارای خلل و فرج ریـز میباشـند و بـه عنـوان ذرات تعقیـب کننـده در جریان آب، پیشینهاد می شیوند. ذره در فاصیلههای ۳۷سانتیمتری و ۱/۵ متری از حوضچه (محل تزریق رسوب در یـژوهش (Athar et al., (2003) و در ایـن دو فاصلهی طولی، در ۹ نقطه رها شده است و هر آزمایش ۵ بار تکرار شده است. نقطهها به گونهای انتخاب شدهاند که تحت تأثير تنش كف، زبرى جدارهها و وجود سطح آزاد آب نباشند (شکل۲). در این پژوهش به دلیل حجم بالای



Fig. 1 Views of the laboratory setup شکل ۱ نمایی از مجموعه آزمایشگاهی پژوهش و گرداب مورد بررسی



Fig. 2 Network of particle release points شکل ۲ نمای کلی شبکهبندی ناحیه نقطههای رهاشدن ذره



Fig. 3 Schematic of how the cameras are placed: (1) up view. (2) side view شکل ۳ نمای کلی چگونگی قرارگیری دوربینها: (۱) نمای بالای حوضچه. (۲) نمای کنار حوضچه.

زوم اپتیکال بهترین راه برای بزرگنمایی همراه با حفظ کیفیت فریم تا حد ممکن میباشد. نحوه قرارگیری دوربینها در دوناحیهی فیلمبرداری به صورت نمای کلی در شکل ۳ نشان داده شده است. شکل ۴ نمونهای از تصویرهای تهیه شده از آزمایش و پردازش تصویر در محیط متلب را نشان میدهد.





(۲)

Fig.4 (1) The particle is not present in the frame, (2) the particle has entered the frame and been traced. (۲) فره در تصویر موجود نمیباشد، (۲) فره وارد تصویر و ردیابی شدهاست.

۳- نتایج و بحث

این بخش شامل احتمال تلهاندازی، مسیر جریان، توزیع سرعت و نیمرخ سطح آب میباشد که نتایج مسیر جریان و توزیع سرعت مربوط به حالتی میباشد که ذره از نقطهی ۴ با بیشترین درصد احتمال تلهاندازی، در فاصله طولی ۱/۵ متر تا حوضچه، رها شده است (در دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه).

۳-۱- احتمال تلهاندازی

بیشترین درصد احتمال تلهاندازی برای ذره در دو فاصلهی طولی، مربوط به نقطهی ۴ با احتمال ۶۰ درصد میباشد

باشد (که سرعت ذره تحت تأثیر سرعت بیشینه جریان، افزایش یابد) احتمال ورود به حوضچه نسبت به خروج از آبراهه خروجی افزایش مییابد. همچنین، تاثیر فاصله طولی رهایی ذره بر درصد احتمال تلهاندازی در نقاط ۲ و ۷ مشهود می باشد بدین گونه که با کمترشدن فاصله طولی احتمال تلهاندازی بیشتر شده است.

۲-۳- مسیر حرکت ذره

با بررسی تصویرهای برداشت شده در MATLAB جهت و مسیر حرکت ذره در دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه تعیین شد. ذره معلق در مسیر جریان گردایی از نقطه آغاز حرکت تا لحظه خروج از روزنه مرکزی واقع در کف حوضچه، مسیر منحنی شکل را طی می کند. ضمن اینکه گردابه در این حوضیعه در جهت ساعتگرد تشکیل می شود، برای محور x، جهتهای بالادست جریان به سمت پاییندست جریان، برای محور y، جهت دوربین side به سمت پایه دوربین up (به عبارتی بعد عمود بر تصویر side) و برای محور z، کف حوضچه از ناحیه روزنه مرکزی تا سطح آب به عنوان جهتهای مثبت جریان فـرض میشـود. در آغـاز ذره در عمـق ۵ سـانتیمتری فلـوم آزمایشگاهی رها شده و طول ۱/۵ متر را طی کرده ســیس در حوضچه تلهاندازی شده است. شکل۵ مسیر منحنی شکل ذره در حوضچه گردایی را نشان میدهد، در شکلa۶ ذره در ورودی حوضچه با مختصات (۰۰/۲۴، ۰۰/۳۳) ردیابی شده است و سیس، در جهت ساعتگرد به سمت روزنه حرکت می کند و پس از ۱۴ دور متوالی و زمان ماند تقریبی ۱۸/۴ ثانیه وارد روزنه می شود. در شکل b۵ مسیر دایرهای و منحنی شکل ذره را از زاویه ۴۵ (ورودی حوضچه) تـا ۳۶۰ درجـه از نمای up نشان میدهد.

شکل ۷ مسیرهای حرکت ذره از نمای کنار از نقطههای مختلف رهایی را نشان میدهد. در ضمن نقاط ۲ و ۷ به دلیل این که ذره از آبراهه خروجی خارج شده، در بین نقطهها ارائه نشده است. در بیشتر ویدیوهای برداشت شده توسط دوربین جانبی، رفتاری منحصر به فرد از ذره مشاهده میشود بدین گونه که ذره نخستین چرخش خود به دور گردابه را به عنوان بزرگترین دور خود ثبت میکند که این مدار تاحدودی در نزدیکی کف حوضچه و با میانگین (شکل۵). با توجه به موقعیت این نقطه، ذره در ۲ سانتیمتری ديواره متمايل به حوضچه رها مي شود پس نسبت به نقط های ۲، ۳، ۵، ۶، ۸ و ۹ مسیر ذره به سمت حوضچه نزدیکتر و متمایلتر میباشد و احتمال ورود به حوضچه و تلهاندازی بیشتر می شود. افزایش بازده نسبت به نقطه ۱ احتمال دارد به این دلیل باشد که سرعت بیشینه در هر مقطع قائم در فاصلهی ۰/۰۵ تا ۰/۲۵ عمـق جریـان از سـطح آب رخ دهد که در دبی ۱۳/۷ با عمق ۱۳ سانتیمتر در آبراهه ورودی، سرعت بیشینهی جریان مربوط به فاصلهی ۰/۶۵ تا ۳/۲۵ سانتیمتر از سطح آب میباشد که نزدیک به نقطه ۴ است و این سرعت بیشینه جریان، ذره را با انرژی و سرعت بیشتری به سمت حوضچه هدایت میکند. همچنین، نقطهی ۴ نسبت به نقطههای ۱و ۷ که فاصلهی یکسانی تا دیوارهی متمایل به حوضچه دارند، کمتر تحت تأثیر تنش کف و سطح آب می باشد. در همه ۵ تکرار آزمایش از نقطه ۷، ذره به سمت آبراهه خروجی حرکت کرد و احتمال تلهاندازی برای ذره از این محل رهاسازی صفر است. این نتیجه برمبنای پژوهش (Nikou et al. (2021b برای این هندسه از حوضچه گردایی قابل انتظار است. باتوجه به توضیحهای بالا، در این مدل حوضچه رسوبگیر گردایی، هرچه ذره به دیواره متمایل به حوضچه نزدیکتر باشد (تا جایی که تحت تنش جداره قرار نگیرد) و با توجه به الگوی توزیع سرعت در آبراهههای مستطیلی هرچه به ناحیه سرعت بیشینهی جریان نزدیکتر



Fig. 5 Probability of trapping efficiency at different points of particle release: 37 cm (red color), 1/5 m (black color)

شکل ۵ درصد احتمال تلهاندازی نقطههای مختلف رها شدن ذره: درفاصلهی ۳۷ سانتیمتری تا حوضچه (رنگ قرمز) و در فاصله ۱/۵ متری تا حوضچه (رنگ مشکی)



 Fig. 6 (a) path particle in x-z plane, (b) path particle in x-y plane

 (b) (side view) x-z (مفحهی x-z (مفحهی) (up view) x-y مسیر حرکت ذره در صفحهی y-y

میانگین فاصله ۳۷/۳۷ متر از روزنه قرار دارد (قطر بزرگ این مدار بیضی شکل با علامت پیکان مشکی رنگ در شکل ۶۶ مشخص شده است)، پس از آن گردابه ذره را به سمت خود کشیده دورهای کوچکتری را مشاهده میکنیم که ذره ابتدا در نزدیکی کف (عمق پایینتر) و سپس در عمقهای بالاتر به اندازه یک الی دو دور متوالی و پس از آن دوباره در عمقهای پایینتر در شمار دورهای بیشتر میچرخد که هرچه زمان ماند ذره در حوضچه بیشتر باشد این الگوی رفتاری بیشتر تکرار می شود دلیل بایینی حوضچه به دلیل وجود مرز پایینی، که قسمت اعظم جریان به سمت روزنه می باشد، ناچار می شود ذره را با خود به درون گرداب بکشد پس به دور گرداب بلند می شود، در نیمه بالایی عمق حوضچه، برعکس این عمل رخ می دهد.

ذره تا زمانی که با جریانی که از پایین، بالا می آید تم اس داشته باشد به سمت پایین فشار داده می شود و آنگاه چرخش دوم در لایه بالا، آن را به سمت بالا و داخل گرداب می کشد. به نظر می رسد یک ناحیه ی مرده در وسط وجود دارد که ذره به صورت افقی به سمت گرداب حرکت می کند و بین دو چرخش گیر کرده است، این امر با افزایش عمق حوضچه، متمایزتر است. با این حال، با کاهش عمق جریان در حوضچه، ذره بیشتر ناچار می شود به قسمت زیرین عمق جریان برود و در آنجا بچرخد و وارد ناحیه گرداب شود (Paul., 1988).

توجیـه هماننـدی بـرای ایـن پدیـده هماننـد پـژوهش ایر 2020) Duinmeijer et al. (2020) است که توانایی انتقال ذره در دو جهـت شـعاعی و محـوری بسـتگی بـه میـدان جریـان غیرچرخشـی گـرداب (میـدان بیرونـی) و میـدان جریـان چرخشی (هستهی گرداب) دارد به بیان دیگر ذره میتواند به بیرون از هستهی گرداب رانده شود (نخستین چـرخش مشاهده شدهی ذره در این پژوهش) که به نبود تعادل بین نیروهای فشـار هیدرواسـتاتیک و نیـروی سانتریفیوژ ذره مربوط است، حال اگر ذره در هستهی گرداب گرفتار شـود به نبود تعادل بین نیروی کششی پایین دست تولیـد شـده بالادست ذره مربوط است. شکل ۷ مسیرهای مختلف ذره را نشان میدهد که به ازای رها شـدن از نقطـههای مختلف پیموده است.



Fig. 7 Flow paths on the X-Z plane شکل ۷ مسیرهای حرکت ذره در صفحهی X-Z

شکل ۸ دامنه تغییر سه مؤلفه مختصات را نسبت به هم در دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه نشان می دهد. با توجه به این شکل، روند جابه جایی ذره در حوضچه ی رسوبگیر گردابی این پژوهش، سینوسی شکل است که به دلیل چگونگی حرکت ذره درون حوضچه می باشد. در مقطعها ۱۵۰-۱۹۲۰ و ۳۳۰-۳۰ ذره متمایل به دیواره و در سایر مقطعها متمایل به روزنه می باشد که در شکل ۵ب به خوبی مشهود است که می تواند تحت تاثیر آبراهه های ورودی و خروجی نیز باشد که بر مسیر حرکت جریان تاثیر گذار هستند نیز باشد که بر مسیر حرکت جریان تاثیر گذار هستند (استای x می باشد تا از روزنه خارج شود و در راستای z (در جهت عمق) کم ترین جابه جایی را داشته است. به همین دلیل تغییر پذیری های سرعت در راستای z نسبت به دو مؤلفه سرعت دیگر کمتر می باشد.

۳-۳- توزيع سرعت

بررسی و شناخت روند توزیع مؤلفههای سرعت سه بعدی در جریان گردابی توسط پژوهش آزمایشگاهی منجر به شناخت بهتر و عمیقتر ساختار گردابه و هسته هوا میشود و میتواند نقش مؤثری در طراحی سازههای آبگیر و به ویژه افزایش بازده و کارکرد سازه وکاهش هزینههای ساخت داشته باشد. مولفههای سه بعدی سرعت در این پژوهش، برمبنای تصویرهای برداشت شده از حرکت ذره پژوهش، برمبنای تصویرهای برداشت شده از حرکت ذره میده در حوضچه گردابی و پردازش تصویرها برمبنای کد تهیه شده در حوضچه می باشد. در شکل ۹ دوره زمانی نمودارهای سه مؤلفهی سرعت، روند سینوسی شکل دارد که با توجه به جریان گردابی درون حوضچه می باشد. از آن



روزنـه) در حـال دوران میباشـد، مؤلفـههای سـرعت در موقعیتهای مختلف مثبت و منفی قـرار میگیرنـد و ایـن امر پیدرپی تکرار میشود. سرعت در جهت x، غالب بـوده که جهت حرکت غالـب نیـز در همـین راسـتا می باشـد. همچنین، در لحظههایی کـه سـرعت xV ذره در موقعیتی صفر بوده است به این معنی است کـه درراسـتای x در آن لحظه جابهجایی وجـود نداشـته است. حـال آنکـه در آن لحظه، ذره حرکت ریزشی (تغییر سرعت zV) و یا چرخشی انعییر سرعت vV) داشته است کـه بـر مبنـای شـکل ۸ و نمودارهای سرعت قابل ملاحظه است. در لحظـههایی کـه سرعت در سه جهت در یـک لحظـه یکسان صفر است. مفهوم آن این گونه است که در جهتی کـه سـرعت در آن لحظه صفر میباشد ذره تمایـل بـه حرکـت در جهتهای

شکل ۱۰ توزیع سرعت ذره در جهت محور x-y-z را نشان می دهد که هرچه مسیر طی شده توسط ذره افزایش می یابد و به ناحیه روزنهی مرکزی نزدیک می شود حرکت ذره به سمت کف حوضچه بوده و سرعت ذره به دلیل قرارگیری در ناحیه گردابه اجباری بیشتر می شود. در شکل (a) ۲۰ تغییر پذیری های توام دو مؤلفه سرعت در راستای x و y نشان داده شده است. ارتباط معناداری میان دو مولفه و y نشان داده شده است. ارتباط معناداری میان دو مولفه مؤلفه سرعت x اکسترمم می باشد در موقعیت همانند مولفه y مقدار صغر را دارد و برعکس. این نتیجه با توجه به حرکت جریان گردابی به خوبی قابل توجیه است. در شکل (b) ۲ تغییر پذیری های توام دو مؤلفه سرعت در راستای x و z نشان داده شده است.



17 (4), 2022 10



سرعت در این جهت در همهی ارتفاعهای نزدیک به هسته هوا بیشینه میباشد که مکان شکل گیری گردابه اجباری است (Nikou et al., 2021). تغییر پذیریهای کم مولفه سرعت در راستای z به این دلیل میباشد که جابه جایی در این راستا نسبت به دو مؤلفه دیگر ناچیز است و بیشینه آن در نزدیکی روزنه اتفاق رخ می دهد. این نکته دارای میزانهای اکسترمم مؤلفه سرعت در راستای x با نزدیک شدن به روزنه به هم نزدیکتر می شوند که نشان دهنده افزایش سرعت نزدیک روزنه و کف حوضچه و کوچکتر شدن مسیرهای منحنی شکل پیرامون هسته گرداب می باشد، به عبارتی در دورهای پایانی، ذره با سرعت بیشتری به دور هسته گرداب می چرخد. به طور کلی



Fig. 10 (a) velocities distribution obtained from Up camera data, (b) velocities distribution obtained from Side camera data side side (b) توزیع سرعت به دست آمده توسط دادههای دوربین (b) (Up شکل۱۰ (c) توزیع سرعت به دست آمده توسط دادههای دوربین ا

Journal of Hydraulics	
17 (4), 2023	
11	

جریان گردابی میباشد. در شکل ۱۱ جهتهای بردارهای سرعت برای نقطهی ۴ آشکارا حالت ساعتگرد بودن جریان و گردابه را نشان میدهد. سرعت در جهت x، غالب بوده که جهت حرکت غالب نیز در همین راستا میباشد. اهمیت است که میزان قدرمطلق بیشینه سرعت در راستای x، ۱/۶۱ و در راستای z، ۰/۱۳ متر بر ثانیه است که نشان میدهد ذره تمایل دارد بیشتر به صورت چرخشی تا حالت ریزشی وارد روزنه شود و یا به عبارتی گویای چیرگی نیروی گریز از مرکز بر عمل آبگیری در



Fig. 11 The velocity vector fields for point 4 on the plane x-y and x-z, respectively. x-z و x-z عنه x-y شکل ۱۱ میدان بردارهای سرعت برای نقطه ۴ به ترتیب در صفحه y-x-

در صفحهها افقی مختلف(۰/۰۰، ۰/۰۰، ۰/۰۹، ۰/۰۹ متر از کف حوضچه) با استفاده از سرعتسنج مغناطیسی Nortek 21 MHz Micro-ADV در دو دبی ۸ و ۱۴ لیتر (S. R. Nikou et al., 2021) بر ثانیه صورت گرفته است

۳–۴– مقایسهی سرعت ذره با سرعت سیال (دادههای دستگاه ADV) اندازه گیری سرعت جریان در هشت مقطع (هشت زاویه)

که شکل ۱۲ خط وط هم سرعت ۳ بعدی این دادههای ADV را برای دبی ۱۴ لیتر بر ثانیه نشان می دهد، که مربوط به سرعت سیال (آب) می باشد که دادههای سرعت ذره نیز به صورت نقطه در این شکل ترسیم شده است. در ضمن نوسانهای سرعت برای خط وط هم تراز جریان نرسیم شده است. این شکل گویای نزدیک بودن سرعت ترسیم شده است. این شکل گویای نزدیک بودن سرعت نره به سرعت جریان می باشد و فرض اینکه ذره سرعت تاحدودی معادل سرعت جریان را دارا است را اثبات می کند. جدول ۲ نیز نزدیک بودن میزانهای دو مؤلفهی سرعت ذره و جریان را با وجود اختلاف دبی ۲/۳ لیتر بر ثانیه، نشان می دهد.



Fig. 12 3D velocity contour of ADV data for a flow rate of 14 liters per second ۱۴ شکل ۲۲ خطوط هم تراز سرعت ۳ بعدی دادههای ADV برای دبی لیتر بر ثانیه

جدول ۲ مقایسه سرعت میانگین ذره با سرعت جریان Table 2 Comparison of average particle velocity with flow velocity

	now velocity	
	V _x (m/s)	V _z (m/s)
Average particle velocity	• / ۵ • ۵	•/• 47
Average flow velocity	•/٧٣١	•/•۴۵

۳–۵– زمان ماند

توزیع مؤلفههای سرعت در صفحهی x-y نهتنها اطلاعات سرعت ذره را در اختیار ما قرار می دهد بلکه شمار دورهای طی شده توسط ذره و مهمتر از آن زمان ماند ذره در حوضچه را مشخص می کند. بدین صورت که با دانستن مختصات اکسترمم مثبت مؤلفهی سرعت در جهت X می توان به شمار دورهایی که ذره پیرامون هسته ی هوای

گرداب داشته است، پی برد. برای مثال ذره ۳۲ بار (نقطه ۱) به دور روزنه دوران داشته است به عبارتی از هنگام ورودش به حوضچه ۳۲ بار از زاویه ۴۵ درجه عبور کرده است و این نکته دارای اهمیت است که ذره در منحنی های غیر بسته این دورها را طی می کند و افزون بر حرکت دورانی اش، در جهت قائم و رو به پایین نیز حرکت می کند که این مطلب با فرض مدل گرداب (Rankine, 1858) که ذره در منحنی های بسته حرکت می کند همخوانی ندارد. بیشترین زمان ماند ذره در حوضچه مربوط به نقط هی رهایی (۸) در فاصله ی ۱/۱ متری و در دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه، ۱۹/۷ ثانیه است، زمان ماند ذره برای هر نقطه رهایی، مطابق شکل ۱۳ می باشد. میانگین زمان ماند برای این نقاط در حوضچه و برای دبی ۱۳/۷ لیتر بر ثانیه، ۱۴/۵



Fig. 13 Detention time (gray color) and length of sedimentation (wide downward diagonal) in the chamber from different parts of the particle release

شکل۱۳ زمان ماند(رنگ خاکستری) و طول تهنشینی(مورب) در حوضچه از نقطههای مختلف رهایی ذره

۴- نتیجهگیری

در این پژوهش به بررسی الگوی حرکت ذره در حوضچه رسوبگیر گردابی با تکنیک ردیابی ذرات و پردازش تصویر به کمک کد نویسی در محیط MATLAB 2020 اقدام شد و مسیر حرکت ذره از نقطههای مختلف رهایی و همچنین میدان بردارهای سرعت ترسیم شد، الگوی توزیع سرعت ذره تعیین شد و سرعت ذره با سرعت جریان شد. نتایج نشان داد که در این مدل حوضچه رسوبگیر گردابی،

۶- منبعها

Athar, M., Kothyari, U.C. and Garde, R.J. (2003). Distribution of sediment concentration in the vortex Chamber type sediment extractor. Journal of Hydraulic Research, 41, 427-438.

Cecen, K., Bayazit, M. (1975). Some laboratory studies of sediment controlling structures. Proc. 9th Cong. ICID, Moscow, Soviet Union, 107-111.

Chabokpour, J. and Farhoudi, J. (2011). Sediment Extraction and flow structure of Vortex Settling Basin. 6th National Congress on Civil Engineering, 14(5), 782-793.

Duinmeijer, A. Oldenziel, G. and Clemens, F. (2020). Experimental study on the 3D-flow field of a freesurface vortex using stereo PIV. Journal of Hydraulic research, 58(1), 105-119.

Huang, T.-H., Jan, C.-D. and Hsu, Y.-C. (2017). Numerical simulations of water surface profiles and vortex structure in a vortex settling basin by using Flow-3D. Journal of Marine Science and Technology, 25(5), 531-542.

Keshavarzi, A.R. and Gheisi, A.R. (2006). Trap efficiency of vortex settling basin for exclusion of fine suspended particles in irrigation canals. J. Irrig. Drain. Engng. 55(4), 419-434.

Mulligan, S., Casserly, J. and Sherlock, R. (2016). Effects of Geometry on Strong Free-Surface Vortices in Subcritical Approach Flows. Journal of Hydraulic Engineering, 142(11), https://doi.org/ 10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001194.

Mulligan, S., Casserly, J. Giovanni, D. and Sherlock, R. (2018). Understanding Turbulent Free Surface Vortex Flows using a Taylor-Couette flow analogy. Sci Rep 8, 824(2018).

Nikou, N.S.R., Ziaei, A.N., Ansary, H. and McDonough, J.M. (2021a). Flow field Investigation in a Vortex Settling Basin using Acoustic Doppler Velocimetry and Large Eddy Simulation. Water and Environment Journal, 35, 865-883.

Nikou, N.S.R., Ziaei, A.N. and McDonough, J.M. (2021b). Numerical Modeling of Flow Field in Three Types of Vortex Settling Basins. Journal of Irrigation and Drainage Engineering, 147(12). https://doi.org/10.1061/(ASCE)IR.1943-4774.0001628.

Nikou, N.S.R., Ziaei, A.N. and Dalir, M. (2022). Study of Effective Parameters on Performance of Vortex Settling Basins Using Taguchi Method, ASCE Journal of Irrigation and Drainage هرچه ذره به دیواره متمایل به خوضچه نزدیکتر باشد (تا جایی که تحت تنش جداره قرار نگیرد) و هرچه به ناحیه سرعت بیشینهی جریان نزدیکتر باشد، احتمال ورود ذره به حوضچه نسبت به دیگر ناحیهها افزایش می یابد. توزیع مؤلفههای سرعت ذره در جهت محور x-y-z توزیع سینوسی میباشد که هرچه مسیر طے شدہ توسط ذرہ افزایش می یابد و به ناحیه روزنه مرکزی نزدیک می شود، سرعت ذره بیشتر می شود و میزان قدرمطلق بیشینه سرعت ذره در راستای ۱/۶۱ ،x و در راستای ۲ /۱۳ متـر بر ثانیه است که بیشتر بودن سرعت در جهت x نسبت به z گویای چیرگی نیروی گریز از مرکز بر عمل آبگیری در جریان گردایی می باشد. همانند با پژوهش های پیشین وجود آبراهه ورودي وخروجي باعث انحراف هسته هوا از محور عمودی می شود و نیز نزدیک بودن میزان های دو مؤلفهی سرعت ذره و جریان فرض اینکه ذره سـرعتی تـا حدودی معادل سرعت جریان را دارا است را اثبات میکند. در ضمن میانگین زمان ماند در حوضچه و برای دبی ۱۳/۷ ليتر بر ثانيه، ١۴/۵ ثانيه مي باشد.

با توجه به نتایج به دست آمده می توان از روش ردیابی ذره و پردازش تصویر به عنوان روشی با سرعت عمل بالا و دقت نزدیک به دادههای اندازه گیری مستقیم، برای بررسی الگوی حرکت ذره در حوضچههای گردابی بهره گرفت.

۵– فهرست نشانهها

т	(m) as , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
L _{in}	طول ابراهه ورودی(۱۱۱)
B _{in}	عرض آبراهه ورودی(m)
h _{in}	ارتفاع آبراهه ورودی(m)
L _{out}	طول آبراهه خروجی(m)
Bout	عرض آبراهه خروجی(m)
h _{out}	ارتفاع آبراهه خروجی (m)
h _{out} D	ارتفاع آبراهه خروجی (m) قطر حوضچه
h _{out} D H _b	ارتفاع آبراهه خروجی (m) قطر حوضچه ارتفاع حوضچه
h _{out} D H _b S _c	ارتفاع آبراهه خروجی (m) قطر حوضچه ارتفاع حوضچه شیب کف حوضچه
h _{out} D H _b S _c d	ارتفاع آبراهه خروجی (m) قطر حوضچه ارتفاع حوضچه شیب کف حوضچه قطر روزنهی مرکزی

Engineering. Vol. 148(2). https://doi.org/10.1061/ (ASCE)IR.1943-4774.0001648

Paul, T.C. (1988). Designing circulation Chamber Sediment Extractor. Report No. OD 91 Hydraulics Research Limited, Wallingford, UK.

Rankine, W.J.M. (1858). A Manual of Applied Mechanics, Charles Griffin, London.

Roseberry, J.C, Schmeeckle, M.W and Furbish, D. J. (2012). A probabilistic description of the bed load Sediment flux: 2. Particle activity and motions. Journal of Geophysical Research, 117(F3). https://doi.org/10.1029/2012JF002353.

Shin, S.S. Park, S.D and Lee, S.K. (2016). Measurement of Flow Velocity Using Video Image of Spherical Float. Procedia Engineering, 154, 885 – 889.

Sun, H. and Liu, Y. (2015). Theoretical and experimental study on the vortex at hydraulic intakes. Journal of Hydraulic Research, 53(6), 787–796.

Witz, M.J., Cameron, S. and Nikora, V. (2018). Bed Particle Dynamics at Entrainment. Journal of Hydraulic Research, 57(4), 464-474.