توسعه روش نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) به منظور بهبود شبیهسازی جریانهای سطح آزاد با شرایط مرزی باز

احسان جعفری ندوشن¹، احمد شکیبایی نیا²، سید فرهاد موسوی³، خسرو حسینی^{4*}

1- دانشجوی دکترای مهندسی عمران، دانشگاه سمنان، سمنان
 2- محقق، مرکز تحقیقات آب و هوا، دانشگاه ویکتوریا، کانادا
 3- استاد، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه سمنان، سمنان
 4- دانشیار، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه سمنان، سمنان

*khhoseini@semnan.ac.ir

چکیده - روشهای نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) و هیدرودینامیک ذرات هموار (SPH) از مشهورترین روشهای ذرات بدون شبکه (لاگرانژی) هستند که توجه محققان را در مسائل کاربردی با تغییرشکلهای بزرگ و ناپیوستگی جریان به خود جلب کردهاند. هدف از این پژوهش، توسعه و بهبود شبیه سازی جریان با مرزهای باز با استفاده از مدل جدید نیمه ضمنی ذرات متحرک با تراکمپذیری ضعیف (WCMPS) است. در بیشتر مطالعات انجام گرفته در زمینه روشهای لاگرانژی، مدلهای مورد نظر دارای شرایط مرزی بسته میباشند. لذا در این پژوهش، با به کارگیری روش بازیافت ذرات در مرزهای ورودی و خروجی، به توسعه و بهبود این مدل در شبیه-سازی مدلهای کاربردی با شرایط مرزی باز پرداخته شده و الگوریتم جدیدی برای شرایط مرزی ورودی و نوسانات فشار در مرزها را نیز کاهش میدهد. همچنین در این تحقیق برای پیشبینی بهتر سرعت در نزدیکی مرز، قانون لگاریتمی استادارد دیوار برای ذرات سیال در مجاورت مرزهای ورودی و خروجی را بهبود می دهد، بلکه به منظور ارزیابی روش و مدل پیشنهادی برنامهنویسی شده با زبان C، مسأله شناخته شده و پرکاربرد جریان به منظور ارزیابی روش و مدل پیشنهادی برنامهنویسی شده با زبان C، مسأله شناخته شده و پرکاربرد جریان روی بستر خمیده نامتقارن، و سریز اوجی مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج بررسیها و مقایسه با نتایج آزمایشگاهی نشان میدهد که مدل پیشنهادی قابلیت و کارایی بالایی در مدل سازی جریانهای با سطح آزاد با شرایط مرزی باز دارد.

کلیدواژگان: جریان با سطح آزاد، روش نیمه ضمنی ذرات متحرک (MPS)، تراکم پذیری ضعیف، روش بازیافت ذرات، شرایط مرزی باز.

1– مقدمه

روشهای عددی مشهور برای ردیابی سطح آزاد جریان، مانند روش مارکر و سل (MAC¹) و روش حجم سیال (VOF²)، (Hirt and Nichols 1981) روشهای مبتنی بر شبکه را قادر به شبیهسازی سطح آزاد میسازند. با این حال، مشکل اصلی در استفاده از چنین روشهایی در نقاط

برای سالهای متمادی، مدلسازی عددی جریانهای سطح آزاد، بر اساس روشهای مبتنی بر شبکه، مانند المان محدود و حجم محدود، بوده است. روشهای عددی مبتنی بر شبکه بعضاً مشکلاتی در برخورد با پدیدههای پیچیده با تغییر شکلهای بزرگ و ناپیوستگی سطح آزاد دارند.

^{1.} Marker and Cell

^{2.} Volume of Fluid

MPS ارائه دادند. (Shibata and Koshizuka (2007) مدل

MPS سه بعدی را برای شبیهسازی برخورد موج به عرشه

کشتی و پیشبینی فشار ناشی از برخورد به کار بردند.

Khayer and Gotoh (2010) روی بخش مومنتم مدل کار کردند و رابطه جدیدی برای تغییرات فشار پیشنهاد دادند.

آنها همچنین برای غلبه بر نوسانات فشار، تراکم پذیری کم

را برای مدل قائل شدند. (2010) Khayer and Gotoh (2010) مدل مانب محاسبات محاسبات

به منظور غلبه بر Kondo and Koshizuka (2011) نوسانات فشار، رابطه جدیدی برای جمله منبع در معادله

يواسون فشار پيشنهاد كردند. Shakibaeinia and Jin

(2010) روش MPS با تراكم ضعيف⁴ (WCMPS) را براي

مدلسازی مایعات تراکمنایذیر پیشنهاد کردند. در این

روش سیال به جای کاملاً غیر قابل تراکم، به صورت نسبتاً تراکمپذیر در نظر گرفته میشود و به جای حل معادله

پواسن فشار به صورت ضمنی، از معادله حالت، که به

صورت صريح حل مى شود، استفاده مى گردد. آنها نشان

دادند که این روش نه تنها نوسانات MPS مصنوعی را

بهبود میدهد، بلکه کمی کارایی مدل در مقایسه با MPS

استاندارد (کاملاً تراکمپذیر) را افزایش میدهد

Shakibaeinia and Jin (2011a) تراکمیذیری کم برای

مدل MPS قائل شده و در مرزها استراتژی جایگزینی

ذرات را پیشنهاد نمودند. (2011b) Shakibaeinia and Jin

شبیهسازی شکست سد روی بستر متحرک با استفاده از مدل دوفازی MPS با تراکم ضعیف را ارائه نمودند. در

بیشتر مطالعات انجام گرفته در زمینه روشهای لاگرانژی

مدلهای مورد نظر دارای شرایط مرزی بسته میباشند.

هدف از ارائه این مقاله، توسعه و بهبود شبیهسازی

جریانهای با سطح آزاد با شرایط مرزی باز میباشد. بدین

منظور، یک روش لاگرانژی به نام روش نیمه ضمنی ذرات

متحرک تراکمیذیر ضعیف (WCMPS) برای شبیهسازی

جریان سطح آزاد با شرایط مرزی باز معرفی میشود.

حذف محدودیت های مدل WCMPS قبلی، که تنها

مسائل هيدروليک با مرز بسته قابل اجرا بود برطرف

فشار در مدل MPS معرفی کردند.

با تغییر شکل های ناگهانی و یا نقاط پراکنده است Liu et) al., 2005). همچنین، به علت ترم جابجایی در معادلات، این روشها با مشکل انتشار عددی روبرو هستند (Koshizuka et al., 1998). در سال های اخیر، نسل جدیدی از روشهای عددی، به نام روشهای ذرات بدون شبکه (لاگرانژی) برای حل مسائل دینامیک سیالات محاسباتی (CFD¹) توسعه یافتهاند. از اولین و معتبرترین این روشها میتوان روشهای هیدرودینامیک ذرات هموار (SPH²) و نیمه ضمنی ذرات متحرک (MPS³) را نام برد. روش MPS توسط (Koshizuka and Oka (1996) معرفي شده است (Koshizuka and Oka, 2006). این روش کاملاً لاگرانژی بوده که به سیال به دید مجموعهای از ذرات مینگرد. مدلهای برهمکنش ذرات برای عملگرهای دیفرانسیلی همچون گرادیان، دیورژانس و لاپلاسین تعریف شده و معادلات حاکم به معادلات برهمکنش ذرات متحرک تبدیل میشوند. این روش بر پایه بسط سری تیلور بیان گردیده و ابتدا در مسائل مکانیک سیالات تحت فشار به کار برده شده است (Koshizuka and Oka (1996 فروپاشی ستون آب را توسط روش MPS مدلسازی نمودند و تطابق قابل قبولی بین دادههای آزمایشگاهی و نتایج عددی به دست آوردند. از آن زمان به بعد، بسیاری از محققان از روش MPS برای حل مسائل مختلف استفاده كردند. (Koshizuka and Oka (1998) شبيهسازى شكست موج روى شيب را انجام دادند (Koshizuka et al., 1998). Gotoh and Sakai (2006) شکست امواج روی هندسههای مختلف بستر دریا را شبیهسازی نمودند. مدلسازی آنها روى شيب يكنواخت غيرقابل نفوذ، شيب يكنواخت نفوذپذیر و یک دیواره عمودی با پلههای کوچک صورت گرفت و نتابج مطلوبی به دست آمد (Gotoh and Sakai, 2006). (2006). Gotoh and Sakai (2006) یک مدل چند فازی MPS را برای شبیهسازی مسائل با فازهای مایع و گاز یا مايع و جامد انتقال رسوب و اجسام شناور توسعه دادند. Ataei- Ashtiani and Farhadi (2006) توابع كرنل مختلف را مقایسه نموده و رابطهای برای افزایش پایداری مدل

^{1.} Computatainal Fluid Dynamic

^{2.} Smoothed Particle Hydrodynamics

^{3.} Moving-Particle Semi-Implicit

^{4.} Weakly Compressible MPS

$$\frac{1}{\rho} \frac{D\rho}{Dt} + \nabla \cdot \boldsymbol{u} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{Du}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p + \nabla \cdot (\upsilon_t \nabla u) + g$$
⁽²⁾

P در روابط بالا، u بردار سرعت، t زمان، ρ چگالی سیال، Pفشار، g شتاب ثقل و $_{1}v$ لزجت گردابی سیال می باشد. آشفتگی یک عامل مؤثر در محاسبات هیدرولیکی جریانهای آشفته به شمار می آید. در این پژوهش، برای مدل سازی تنش آشفتگی در معادله اندازه حرکت، از روابط معرفی شده توسط (2001) دمعادله اندازه حرکت، از روابط معرفی شده توسط (2001) معادله اندازه مرکت، از روابط استفاده شده توسط (2011) معادله اندازه روابی سینماتیک) با استفاده از رابطه (3) محاسبه می شود: (3)

که در آن Δ فاصله بین ذرات و C_s ثابت اسماگورینسکی میباشد که معمولاً بین 1/0 تا 2/0 در نظر گرفته می شود. در این تحقیق با توجه به توصیه محققان عدد 0/18 برای ضریب اسماگورینسگی در نظر گرفته شده است Deville) and Gatski, 2012; Pagaut, 2006; Ahuzac et al., (4) تانسور کرنش در مقیاس حل است که به صورت رابطه (4) (4):

$$S_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial \overline{\mathbf{U}}_i}{\partial \mathbf{x}_j} + \frac{\partial \overline{\mathbf{U}}_j}{\partial \mathbf{x}_i} \right)$$
(4)

3-گسستهسازی در روش MPS

در روشهای لاگرانژی بر خلاف روش اویلری، به جای شبکهبندی میدان حل و منقطع سازی معادلات روی گرهها، میدان حل به تعدادی ذره تقسیم شده و معادلات منقطع شده روی این ذرات حل میشوند. در حقیقت معادلات محاکم با استفاده از اپراتورهای مختلف به معادلات اندرکنش خرات تبدیل میشوند. در این میان، ذراتی که به ذره مورد بررسی نزدیکتر باشند، اثر بیشتری روی آن ذره خواهند گذاشت، به گونهای که میتوان از اثر ذرات نسبتاً دورتر در مقایسه با ذرات نزدیکتر صرفنظر کرد و اندرکنش بین ذرات را به قلمرو مشخصی به نام شعاع تأثیر محدود نمود. اثر هر یک از ذرات بر ذره مورد محاسبه با تابعی وزنی سنجیده میشود. وزندهی ذرات همسایه موجود در شعاع گردیده است. مدل برای سه مسأله کانال باز صحتسنجی و توسعه داده شده است. لازم به ذکر است که این سه مدل تاکنون با روش MPS مدلسازی نشدهاند. در این تحقیق به اصلاح روش پیادهسازی مرزهای ورودی و خروجی و همچنین مرزهای جامد پرداخته شده است و اثر آنها بر نتایج شبیهسازی مورد بررسی قرار گرفته است. در این تحقیق از روش بازیافت ذرات¹ برای ورود و خروج ذرات در مرزها استفاده شده است. در این روش به تعدادی ذرات ذخیره² در مدل نیاز است. ذراتی که میدان حل را ترک می کنند، به ذرات ذخیره اضافه شده و ذراتی که به میدان حل وارد می شوند، از ذرات ذخیره کسر می گردند. ذرات ذخیره هیچ مقدار فیزیکی نخواهند داشت و وجود آنها این امکان را به مدل میدهد که بدون محدودیت، تعدادی از ذرات را به میدان حل وارد کرده، یا از آن خارج کند. چنین رویکردی محدودیت ناشی از نابرابری تعداد ذرات ورودی و خروجی را از میان برمیدارد. این رویکرد که توسط (Shakibaeinia and Jin (2010) پیشنهاد شده است دارای نوسانات فشار در مرزهای ورودی است، لذا در اين تحقيق براى بهبود و رفع اين مشكل الگوريتم جدیدی برای شرایط مرزی ورودی و خروجی توسعه داده شده است. این الگوریتم نهتنها شرایط مرزهای ورودی و خروجی را بهبود میدهد، بلکه نوسانات فشار در مرزها و سطح آزاد را نیز کاهش میدهد. قابلیتهای مدل برای پیش بینی دقیق پروفیل سرعت، میدان فشار و مشخصات سطح آزاد به صورت جامع با مقایسه با نتایج تجربی و عددی در طیف گستردهای از جریان و شرایط هندسی مورد بررسی قرار گرفته است. مقایسه نتایج مدل مورد نظر با نتایج آزمایشگاهی و عددی موجود حاکی از دقت بالای مدل در پیشبینی پروفیل سرعت، میدان فشار و مشخصات سطح آزاد است.

2- معادلات حاكم

معادلات حاکم بر جریان سیال شامل بقای جرم و اندازه حرکت در فرم لاگرانژی به شرح روابط (1) و (2) میباشند (Shakibaeinia and Jin, 2010):

^{1.} Particle Recycling Strategy

^{2.} Storage Particle

تأثیر یک ذره خاص، توسط تابع کرنل انجام می گیرد. شکل 1 موقعیت ذره مورد نظر در میدان حل و اندرکنش با ذرات همسایه را نشان میدهد. تابع کرنل برای درونیابی کمیتهای فیزیکی در اطراف هر ذره استفاده میشود.



شکل **1** موقعیت ذره مورد نظر در میدان حل و اندر کنش با ذرات همسایه (Shakibaeinia and Jin, 2011b)

1-3 - چگالی عددی ذرات

چگالی عددی ذرات برای نشان دادن تراکم ذرات در اطراف یک ذره خاص (پارامتر n)، به صورت رابطه (5) تعریف شده است (Shakibaeinia and Jin, 2010).

$$\langle n \rangle_i = \sum_{j \neq i} W(\mathbf{R}_{ij}, r_e)$$
 (5)

تعداد ذرات در واحد حجم (*N_i*) را می توان با استفاده از چگالی عددی ذرات طبق رابطه (6) محاسبه نمود (Gotoh) (et al. 2001:

$$\langle N \rangle_i = \frac{\langle n \rangle_i}{\int\limits_{v} W(R, r_e) dv}$$
(6)

بنابراین، با داشتن جرم هر ذره، چگالی سیال به کمک رابطه (7) تعیین می شود (Shakibaeinia and Jin, 2010):

$$\left\langle \rho \right\rangle_{i} = \frac{\sum_{i \neq j} m_{i} W(R_{ij}, r_{e})}{\int W(R, r_{e}) dv}$$
(7)

که در آن m_i جرم ذره *i* ، اپراتور $\langle \rangle$ تقریب کرنل و مخرج کسر انتگرال از تابع کرنل در منطقه تعامل است. با فرض این که تمام ذرات دارای جرم مشابه *m* باشند، چگالی سیال و چگالی عددی ذرات با رابطه (8) بیان می شود (Shakibaeinia and Jin, 2010):

$$\langle \rho \rangle_i = \frac{m}{\int\limits_{V} W(R, r_e) dv} \langle n \rangle_i$$
 (8)

2-3- اپراتورهای روش MPS

همان طور که در معادلات حاکم دیده می شود، جملات اپراتورهای گرادیان و لاپلاسین در این معادلات وجود دارد که برای گسسته سازی لازم است به صورت لاگرانژی تعریف شوند. اپراتور گرادیان، میانگین وزنی بردارهای گرادیان بین شوند. اپراتور گرادیان، میانگین وزنی مردارهای گرادیان بین شوند. اپراتور گرادیان، میانگین وزنی مردارهای گرادیان شوند. اپراتور گرادیان میانگین وزنی مردارهای گرادیان شوند. ایراتور گرادیان می فرادهای گرادیان می مورد نظر i و ذرات همسایه آن است که در روش (Shakibaeinia می شود Jin, 2010)

$$\left\langle \nabla \phi \right\rangle_{i} = \frac{d}{n^{0}} \sum_{i \neq j} \left[\frac{\phi_{i} - \phi_{j}}{R_{ij}} \frac{r_{j} - r_{i}}{R_{ij}} W(R_{ij}, r_{e}) \right]$$
(9)

به طور مشابه، فرمول ديورژانس بردار u براى ذره i به صورت رابطه (10) تعريف مىشود (Shakibaeinia and): (Jin, 2010):

$$\left\langle \nabla .u \right\rangle_{i} = \frac{d}{n^{0}} \sum_{i \neq j} \left[\frac{u_{i} - u_{j}}{R_{ij}} \cdot \frac{r_{j} - r_{i}}{R_{ij}} W(R_{ij}, r_{e}) \right]$$
(10)

که در آن b ابعاد فضا، n^0 مقدار متوسط چگالی عددی ذرات اولیه و r بردار موقعیت میباشد. فرمول لاپلاس به-وسیله متوسط وزنی مقادیر فیزیکی توزیع شده از ذره i به ذرات مجاور خود محاسبه میشود. بر این اساس، اپراتور لاپلاسین به صورت رابطه (11) تعریف میشود (Shakibaeinia and Jin, 2011b)

$$\left\langle \nabla^2 \phi \right\rangle_i = \frac{2d}{\lambda n^0} \sum_{i \neq j} \left[(\phi_i - \phi_j) W(R_{ij}, r_e) \right]$$
(11)

که درآن λ پارامتر معرف برای حفظ تساوی افزایش واریانس با راه حل تحلیلی است. این پارامتر به صورت Shakibaeinia and Jin,) رابطه (12) تعریف می شود (2010):

$$\lambda = \frac{\int W(R, r_e) R^2 dv}{\int W(R, r_e) dv}$$
(12)

تابع کرنل که در این مطالعه استفاده شده، تابع چند جملهای ناهمگون در مرتبه سوم میباشد که توسط شکیبائینیا و جین پیشنهاد شده است ,Shakibaeinia) and Jin, 2010:

$$W(r_{ij}, r_e) = \begin{cases} (1 - r_{ij} / r_e)^3 & 0 \le r_{ij} / r_e < 1\\ 0 & r_{ij} / r_e \ge 1 \end{cases}$$
(13)

4- الگوريتم حل روش MPS

برای حل معادلات حاکم ارائه شده، از روش MPS استفاده می شود. در این روش، معادلات بر اساس دو سطح زمانی فعلى و آينده نوشته خواهند شد. همان گونه که از نام روش نیمه ضمنی ذرات متحرک برمیآید، معادلات به صورت نيمه ضمني حل مي شوند، يعني بعضي جملات معادله به صورت صریح و برخی به صورت ضمنی در نظر گرفته مى شوند. طبق اين روش، منقطعسازى معادله ناوير-استوکس در دو نیم گام زمانی انجام می شود. در نیم گام اول (مرحله پیش بینی)، معادلات حاکم با حضور جملات لزجت و ثقل، بدون اعمال تراکمناپذیری به صورت صریح حل شده، ولی جمله فشار در نظر گرفته نمی شود. تا این مرحله، بقای جرم یا تراکمناپذیری سیال ارضا نشده است. در نيم گام دوم (مرحله تصحيح) معادلات حاكم با حضور جمله فشار حل می شوند و سپس نتایج به دست آمده از مرحله قبل شامل سرعت و موقعیت ذرات، با حضور گرادیان فشار و با ثابت نگاه داشتن چگالی، اصلاح می شود. به بیان دیگر، از جمله فشار برای تصحیح سرعت ذرات محاسبه شده از مرحله تخمين استفاده مي شود. بر اين اساس، معادله ناوير -استوکس در نیم گام اول را می توان به زبان ریاضی به صورت , ابطه (14) نوشت:

 $\frac{Du}{Dt} = \nabla \cdot (\upsilon_t \nabla u) + f \tag{14}$

از حل معادله (14) به صورت صریح، نوسانات مؤلفههای سرعت *Du* برای همه ذرات بهدست آمده و سپس موقعیت و سرعت اصلاح شده ذرات با استفاده از روابط (15) و (16) محاسبه می شود:

 $u^{t+\frac{1}{2}} = \Delta u^{t+\frac{1}{2}} + u^{t}$ (15)

$$r^{t+\frac{1}{2}} = \Delta r^{t+\frac{1}{2}} + r^{t}$$
(16)

که در آنها u^{t} u^{t} u^{t} $u^{t+1/2}$ و $u^{t+1/2}$ به ترتیب موقعیت و سرعت هر ذره در گام زمانی فعلی t و نیم گام زمانی آینده t+1/2میباشند. آنگاه مجدداً چگالی عددی هر ذره $n_{i}^{t+1/2}$ با توجه به موقعیت جدید ذرات محاسبه می گردد. جملات مربوط به ثقل و لزجت از معادله ناویر - استوکس کنار گذاشته شده و طبق رابطه (17) فشار ارزیابی می شود:

$$\frac{Du}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla P^{\prime+1} \tag{17}$$

از آنجا که این مرحله در نیم گام زمانی دوم انجام می شود، منقطعسازی معادله فوق به صورت روابط (18) و (19) خواهد بود:

$$\frac{1}{2} \frac{(n^0 - n_i^{t+\frac{1}{2}})}{\Delta t} = -\nabla \cdot (-\frac{\Delta t}{\rho} \nabla P^{t+1})$$
(18)

$$\langle \nabla^2 P^{t+1} \rangle = \frac{\rho}{\Delta t^2} \frac{(n^0 - n_i^{t+1/2})}{n^0}$$
 (19)

MPS بقای جرم را بدون محاسبات اضافی تضمین می کند، زیرا خود ذرات نشاندهنده جرم است. در این تحقیق، از روش WC-MPS، ارائه شده برای مدلسازی جریان تراکم ناپذیر برای محاسبه فشار استفاده میشود. در این روش، با نگهداشتن مقدار تراکمپذیری بسیار کوچک، سیال به عنوان یک سیال تقریباً تراکمناپذیر رفتار نموده و رابطه معنوان یک سیال تقریباً تراکمناپذیر رفتار نموده و رابطه مریح (معادله حالت) برای تعیین فشار در هر گام زمانی، به جای حل ضمنی رابطه (معادله پواسون) استفاده میشود. فرض تراکمپذیری ضعیف در روش MPS سبب کاهش نوسانات فشار مصنوعی و مدت زمان محاسبات میشود. با نگهداشتن مقدار تراکمپذیری در حد بسیار میکود. رابطه 20 معادله حالت اصلاح شده توسط میکند. رابطه 20 معادله حالت اصلاح شده توسط

$$P_i^{t+1} = k \left[\left(\frac{\left\langle n^{t+1/2} \right\rangle_i}{n^0} \right)^{\gamma} - 1 \right]; \qquad k = \frac{\rho c_0^2}{\gamma}$$
(20)

 C_0 که در آن معمولاً 7 = γ ، λ مدول حجمی مایع و C_0 سرعت مصنوعی صوت است. از آنجا که استفاده از سرعت صوت واقعی برای سیال، گام زمانی بسیار کوچک نتیجه میدهد، معمولاً از سرعت صوت مصنوعی کوچکتر استفاده می میدود. برای حفظ تغییرات چگالی مایع کمتر از 1% چگالی مرجع، سرعت صوت باید بیش از 10 برابر حداکثر سرعت سرعت سیال باشد. نسبت چگالی عددی ذرات محاسبه فشار در گام شده در گام پیشبینی $n'^{+1/2}$ به چگالی عددی ذرات محاسبه فشار در گام شده در گام پیشبینی $n'^{+1/2}$ به چگالی عددی ذرات محاسبه فشار در گام شده در معادله حالت برای محاسبه فشار در گام نرمانی جدید مورد استفاده قرار می گیرد. از آنجا که یک نرط پایداری کورانت فردریش و لوی (1967) شرط پایداری کورانت فردریش و لوی (1967) (2012) داده شده است.

توسعه روش نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) به منظور ...

(21) $\Delta t \ge \frac{C\Delta l}{c_0}$ عدد کورانت است. که در آن ΔL فاصله ذرات و $1 \ge C >> 0$ عدد کورانت است. در این مطالعه، c=0.5 یا کمتر، یک راه حل پایدار برای همه مسائل نمونه میدهد. لازم به ذکر است که مدل مورد نظر یک مدل تک فاز میباشد و همانگونه که بیان شد

نظر یک مدل تک فاز میباشد و همان کونه که بیان شد مدل اصلی MPS نیمه ضمنی میباشد، یعنی بخشی صریح و بخشی ضمنی (معادله پواسن فشار به صورت کاملاً ضمنی حل میشود) است. در روش WC-MPS حاضر به علت اینکه از معادله حالت برای محاسبه فشار استفاده میشود، (جهت اعمال تراکم پذیری ضعیف) این بخش نیز صریح محاسبه میشود، که در نهایت روش کاملاً صریح میباشد.

5- شرایط مرزی 5-1- سطح آزاد

(22)

در روش MPS برای ردیابی سطح آزاد از چگالی ذرات استفاده میشود. از آنجا که هیچ ذرهای در فضای بیرون از سطح آزاد وجود ندارد، چگالی ذرات در سطح آزاد به شدت کاهش مییابد. ذرهای به عنوان ذره سطح آزاد شناخته میشود که چگالی آن تا حدی از چگالی استاندارد ذرات کمتر باشد (مطابق شکل 2). مقدار این حد با توجه به مسأله مورد نظر ممکن است از 80% تا 99% انتخاب شود و با رابطه (22) نشان داده میشود:

$$\leq n^0 \beta$$

 n^* چگالی عددی ذرات در سطح آزاد، n^0 چگالی عددی اولیه ذرات و β ضریب آستانه است که بین 0/8 تا 0/9 تا انتخاب می شود. در این صورت فشار این ذره روی سطح آزاد در هر گام زمانی برابر صفر قرار داده خواهد شد. در روش MPS نیاز به اعمال شرط اضافه دیگری برای سطح آزاد نیست.



2-5- مرز جامد

در مواردی مانند دیوارهها یا کف کانال که مرز جامد غیر قابل نفوذ است، از این شرط مرزی استفاده میشود. در مجاورت مرزهای جامد، چگالی ذرات کاهش مییابد، که این امر میتواند سبب ایجاد اختلال در محاسبات شود. از این رو تعدادی ذرات مجازی در خارج از مرزها مستقر میشوند تا از این کاهش ناخواسته چگالی جلوگیری شود. این روش اولین بار توسط (Koshizuka et al.(1995) به کار گرفته شد. مرزهای جامد به صورت چند ردیف ذرات مجازی خارج از میدان جریان در نظر گرفته میشوند که با فواصلی برابر شعاع اولیه ذرات در کنار هم چیده شدهاند تا چگالی ذرات دیواره نسبت به چگالی ذرات سیال ثابت بماند (شکل 3). ضخامت لایه ذرات مجازی به شعاع تأثیر انتخاب شده در تابع کرنل بستگی دارد.



شکل 3 ذرات روی مرز جامد و ذرات مجازی

5-2-1- توسعه و بهبود عملکرد مرزهای جامد برای تعیین پروفیل سرعت

در این تحقیق برای بهبود پیشبینی سرعت در نزدیکی مرزهای جامد، قانون لگاریتمی استاندارد دیوار برای ذرات سیال در مجاورت مرزهای جامد استفاده شده است. در بخش 7-1-2 نتایج پروفیل سرعت بهبود یافته در نزدیکی مرز نشان داده شده است. قانون لگاریتمی دیوار در شکل کلی به صورت زیر می باشد.

$$u^{+} = \frac{1}{\kappa} \ln y^{+} + C^{+} \quad with \ y^{+} = \frac{\rho y u_{\tau}}{\mu}; \quad u^{+} = \frac{u}{u_{\tau}}$$
(23)
$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau} + C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau} + C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau} + C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau} + C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau} + C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+} \quad (\omega_{\tau}) = \frac{1}{\kappa} \ln u_{\tau}$$

$$C^{+}$$

 $\langle n^* \rangle$

جامد است، و *κ* ثابت فون کارمن (تقریباً 0/41) است. قانون لگاریتمی دیواره در نزدیکی دیواره (y<Δl) بکار گرفته میشود.

5-3- مرزهای باز

در مواردی که جریانی به محیط آبی وارد یا از آن خارج میشود، با مرز باز سروکار داریم. از آنجا که مدلسازی لاگرانژی با تعدادی از ذرات صورت میگیرد، مسائل با مرزهای بسته، حتی اگر گرادیانهای شدید سرعت و فشار یا سطح آزادهای پیچیده مشاهده شوند (مانند مسأله شکست سد)، بسیار آسانتر از روش اویلری انجام میشود. با وجود پیشرفتهای زیاد در مدلسازی با روشهای مبتنی بر ذره، اجرای مرزهای باز با ورود یا خروج جریان، به علت لزوم افزایش یا کاهش ذرات در میدان حل و محدودیت حافظه محاسباتی، هنوز چالشی در شبیه سازی مسائل سطح آزاد با روش لاگرانژی است و به ملاحظات ویژهای نیازمند است.

یکی از روشهای در نظر گرفتن مرزهای با جریان ورودی و خروجی در روشهای لاگرانژی، استفاده از شرایط مرزی تناوبی^۲است. در این روش، ذرهای که میدان حل را از طريق مرز جريان خروجي ترک مي کند، بلافاصله از طريق مرز جریان ورودی مجدداً وارد میدان حل می شود. از آنجا که در بسیاری از موارد تضمینی وجود ندارد که جریان خروجي و ورودي و به تبع آن تعداد ذرات خروجي و وارد شده به میدان حل، برابر باشد، این روش در شرایط محدودی کاربرد خواهد داشت. در روش دیگری که راهبرد بازیافت ذرات ² نامیده شده، به تعدادی ذره ذخیره ³ در مدل نياز است (Shibata and Koshizuka, 2004). ذراتي كه ميدان حل را ترک ميکنند، به ذرات ذخيره اضافه شده و ذراتی که به میدان حل وارد می شوند، از ذرات ذخیره کسر می گردند. ذرات ذخیره هیچ مقدار فیزیکی نخواهند داشت و وجود آنها این امکان را به مدل میدهد که بدون محدودیت، تعدادی از ذرات را به میدان حل وارد کرده یا از آن خارج کند. چنین رویکردی محدودیت ناشی از نابرابری تعداد ذرات ورودی و خروجی را از میان برمیدارد (شکل 4).

برای شرط مرزی با سرعت معلوم جریان ورودی، تعدادی ذره با توجه به مشخصات سرعت مرز ورودی به جریان ورودی افزوده می شود.



شکل4 راهبرد بازیافت ذرات در مدلسازی مرزهای باز در روش لاگرانژی

به بیان دیگر، بسته به توزیع سرعت جریان ورودی در عمق، در هر چند گام زمانی طبق رابطه (24)، یک ذره در همان عمق به جریان ورودی اضافه میشود (شکل 5- الف). خصوصیات مرز به این ذرات که بین ذرات سیال و ذرات مجازی مرز وارد میشوند، اعمال می گردد.

$$k(y) = \frac{\Delta l}{u(y)\Delta t} \tag{24}$$

u(y) که در آن k مقاطع زمانی افزودن ذرات محاسباتی، u(y) سرعت جریان ورودی در عمق، h گام زمانی و h فاصله اولیه بین ذرات است. برای شرط مرزی با فشار یا عمق معلوم جریان خروجی، ذراتی که در مجاورت ذرات مجازی مرز خروجی قرار می گیرند، حذف شده و به ذرات ذخیره می پیوندند، به نحوی که عمق ذرات مجازی مرز برابر شرط مرزی عمق خروجی خواهد بود. (شکل 5- ب). شکل 5 روش ارائه شده توسط (2010) Shakibaeinia and Jin را

5-3 -1- توسعه و بهبود عملكرد مرزهاي باز

همان گونه که در بخش قبل بیان شد الگوریتم پیشنهاد شده توسط (Shakibaeinia and Jin (2010) با موفقیت به تعیین سرعت جریان ورودی و کنترل عمق جریان خروجی می پردازد. با این حال، این روش نوسانات غیر فیزیکی فشار در مرز ورودی و سطح آزاد ایجاد می کند.

¹⁻ Periodic Boundary Condition

^{2.} Particle Recycling Strategy

^{3.} Storage Particle

نوسعه روش نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) به منظور . . .

اضافه شده و به صورت ورودی به سمت دامنه محاسباتی حرکت میکنند. در این روش هیچ رابطه ریاضی اضافی به مدل افزود نشده و فقط ذرات ثابت ورودی با بافر زون جایگزین شده است. نتایج این مطالعه نشان داد که روش جدید نوسانات فشار نزدیک مرز را کاهش میدهد. (شکل 6-الف).

برای شرط مرزی با فشار یا عمق معلوم جریان خروجی، ذراتی که در مجاورت ذرات مجازی مرز خروجی قرار می-گیرند، حذف شده و به ذرات ذخیره می پیوندند، به نحوی که عمق ذرات مجازی مرز برابر شرط مرزی عمق خروجی خواهد بود (شکل 5- ب). در روش اصلاحی حاضر دیگر نیازی به ذرات مجازی در مرزهای خروجی نیست و با توجه به شرایط هیدرولیکی خروجی به صورت خودکار خارج شده و به ذرات ذخیره اضافه می شود (شکل 6- ب).



شکل 6 الف) شرط مرزی سرعت جریان ورودی و ب) شرط مرزی فشار (عمق) جریان خروجی در روش لاگرانژی اصلاح شده

6- مدلهای مورد مطالعه

در این پژوهش، سه هندسه سرریز با شرایط هیدرولیکی مختلف برای صحتسنجی و کاربرد مدل توسعه داده شده در نظر گرفته شده است. مدل اول و دوم دو نوع سرریز اوجی با زوایای 45 و 60 درجه میباشند (شکل 7- الف) و مدل سوم جریان روی بستر خمیده نامتقارن در کانال میباشد (شکل 7- ب). در جدول 1 خلاصهای از هندسه



فشار (عمق) جریان حروجی در روش لا دراندی آرانه توسط شکیبایی نیا و جین (2010)

این نوسانات به این دلیل می باشد که ذرات به طور ناگهانی، به ذرات جدید اضافه شده و این ذرات توسط ذرات مجازی منعکس شده و ایجاد نوسانات فشار میکنند. در این مطالعه با استفاده از یک روش جایگزین، ناگهانی اضافه کردن ذرات جدید کاهش داده شد. در این روش، جریان ذرات مجازی ایستا توسط نوعی ذرات دینامیکی در یک ناحیه بافر زون جایگزین شده است. ذرات جدید به لایه خارجی از منطقه بافر اضافه شده است. این ذرات در منطقه بافر با توجه به فشار هيدرواستاتيك و سرعت ورودی جریان وارد مرز می شوند و ذرات با توجه به سرعت ورودی جابجا میشوند. در این روش نهتنها ذرات توسط ذرات مجازی منعکس نمیشوند (هیچ ذره مجازی در مرز موجود نیست) بلکه نوسانات فشار ناشی از ناگهانی اضافه شدر، ذرات کاملاً مستهلک شده و ذرات به وسیله آن از منطقه بافر زون عبور مىكنند. همان گونه كه بيان شد در روش قبلی در مرز ورودی، چند لایه ذرات ثابت در نظر گرفته می شد و ذرات جدید در فاصله بین این ذرات و ذرات سیال اضافه می گردید. در روش اصلاحی به جای این ذرات ثابت یک ناحیه در محل ورودی در نظر گرفته می شود که در آن ذرات اجازه حرکت دارند، ولی با مقادیر سرعت و فشاری برابر شرایط مرز ورودی. این ناحیه بافر زون نامید شده است. ذرات جدید ورودی به این بافر زون

هيدروليک

7-1 -1- تأثیر شرایط مرزی اصلاح شده درمرز ورودی

در این بخش مدل فیزیکی سرریز اوجی 45 درجه برای

شبیهسازی و صحتسنجی مدل توسعه داده شده بکار گرفته شده است. مشخصات مدل فیزیکی مورد نظر در

جدول 1 و شکل 7 ارائه شده است. در شکل 9 به مقایسه

مدل اصلاح شده و مدل (2010) Shakibaeinia and Jin یرداخته شده است. همانطور که در شکل نشان داده شده

است در مدلی که از بافر زون در مرز ورودی برای ورود

ذرات استفاده شده است (مدل اصلاح شده)، نسبت به

مدلی که از ذرات مجازی در مرز ورودی استفاده شده

است، (Shakibaeinia and Jin, 2010) به مراتب نوسانات

فشار و سطح آب کمتری وجود دارد.

مدل و شرایط هیدرولیکی بیان شده است.

7- بحث و نتايج

7-۱- شبیهسازی جریان بر روی سرریز اوجی 45 درجه شکل 8 موقعیت اولیه ذرات برای سرریز 45 درجه اوجی شکل را نشان میدهد. تجزیه و تحلیل حساسیت مدل نسبت به اندازه ذرات نشان می دهد که اندازه بزرگتر ذرات ممکن است برای نشان دادن ویژگیهای جریان مناسب نباشد، و اندازه کوچک ذرات زمان محاسباتی را افزایش میدهد. در ابتدا، ذرات یکنواخت توزیع شده است و سرعت و فشار ذرات به ترتیب برابر صفر و فشار هیدرواستاتیک، تنظیم شدند.

			S						
هندسه	$q (m^2/s)$	<i>H</i> _s (m)	<i>H</i> _d (m)	H_s/H_d	<i>H</i> _p (m)	L_u (m)	<i>L</i> _d (m)	h/l	آزمایشگاهی
سرریز45 درجه (مدل 1)	0/031	0/050	0/050	1	0/075	0/25	0/25	1:1	(Kim and Park, 2005)
	0/039	0/067		1/33	0/075				
سرريز 60 درجه (مدل 2)	0/015	0/038	0/051	0/75					
	0/024	0/058		1	0/38	0/60	1	1/73:1	(Chatila and Tabbara, 2004)
	0/047	0/077		1/50					
بستر خمیدہ (مدل 3)	0/111	0/15	-	-	0/30	2/10	1/5	-	(Sivakumaran, 1983)
	0/0375	0/078		-					



جدول 1 مشخصات مدل های فیزیکی





الف) استفاده از ذرات مجازی در مرز ورودی



ب) استفاده از بافر زون در مرز ورودی (روش اصلاح شده) شکل 9 مقایسه نوسانات فشار بر روی بستر سرریز اوجی 45 درجه

در بخشهای بعدی تاثیر دقت این روش در پیشبینی پروفیل سرعت، میدان فشار و پروفیل سطح آزاد جریان مورد ارزیابی قرار گرفته است. شکل 10 مقایسه تاریخچه زمانی فشار نزدیک به ورودی در نقطه (05/- و 0/2-) برای هر دو حالت استفاده از ذرات مجازی در مرز ورودی و استفاده از بافر زون در مرز ورودی مجازی در مرز ورودی و استفاده از بافر زون در مرز ورودی (روش اصلاح شده) را به صورت کمّی نشان میدهد. همان گونه که در شکل نشان داده شده است، در روش اصلاحی نوسانات فشار به شدت کاهش پیدا کرده است.

7-1-7- تاثیر شرایط مرزی اصلاح شده در دیواره

Kim and در شکل آ1 نتایج سرعت جریان آزمایشگاهی WC-MPS و روش CFD و روش Park (2005) تحقیق حاضر (نرمال شده بر اساس سرعت بیشینه) در تاج $(H_s/H_d=1,1.33)$ برای شرایط هیدرولیکی (X=0) برای دو نشان داده شده است. نتایج عددی برای دو حالت با استفاده و بدون استفاده از قانون دیواره لگاریتمی برای سرعت در نزدیکی دیواره ارائه شده است. نتایج عددی بر اساس درونیابی مکانی و زمانی سرعت لحظهای ذرات در نشان می دهد، وقتی قانون دیواره برای سرعت نزدیک دیواره به کار گرفته نشود، نتایج دقت و ساز گاری خوبی با نتایج آزمایشگاهی ندارد. اما زمانی که سرعت نزدیک دیواره با بکار بردن قانون دیواره اصلاح شود، از دقت و سازگاری بالایی با نتایج آزمایشگاهی برخوردار است.



حل ₪ مقایسه تاریخچه زمانی قشار تردیک به ورودی در نقطه (0/1- و0/2-) برای هر دو خاک استفاده از دراک مجاری در مرز ورودی و استفاده از بافر زون در مرز ورودی (روش اصلاح شده)



های از معیسه پرویین سرعت در دو حکت با استفاده از قانون لگاریتمی دیواره و عدم استفاده از قانون لگاریتمی دیواره با نتایج آزمایشگاهی و عددی اویلری

همچنین در این بخش برای مقایسه روش لاگرانژی و اویلری، نتایج عددی کیم و پارک (2005) که با استفاده از نرمافزار Flow-3D به پیشبینی پروفیل سرعت روی تاج سرریز پرداختهاند، مقایسه شده است. با توجه به شکل 11 روش پیشنهادی حاضر از دقت قابل ملاحظهای، در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی، برخوردار

میباشد. رویکرد اویلری (VOF) نیز پدیده را خوب مدلسازی نموده و روند کلی مطابق نتایج آزمایشگاهی است. در حالت کلی، رویکرد لاگرانژی معرفی شده در این پژوهش از دقت بالاتری برخوردار است. به منظور ارزیابی عملکرد کمی مدل توسعه داده شده در این تحقیق، از شاخص آماری ریشه میانگین مربعات خطا RMSE¹ استفاده شده است.

شاخص RMSE باقیمانده بین دادههای مشاهده شده و تخمین زده شده را ارزیابی مینماید. این شاخص فرض می کند که خطاهای بزرگتر، از اهمیت بیشتری نسبت به خطاهای کوچکتر برخوردارند؛ لذا درخور غرامت بیشتری هستند. لازم به ذکر است که RMSE نزدیکتر به صفر، تناسب بیشتر بین متغیرها را نشان میدهد. شکلهای 12 و 13 نمودار پراکندگی پروفیل سرعت بر روی تاج سرریز برای نتایج هر دو حالت روش اویلری و روش WC-MPS با





نتایج نمودارهای همبستگی، حاکی از دقت بالای مدلهای مورد نظر در پیشبینی پروفیل سرعت سطحی است. در مجموع با توجه به نتایج نمودارهای همبستگی، روش WC-MPS نتایج نسبتاً بهتری را نسبت به روش اویلری -که با نرمافزار Flow-3d مدل شده است-ارائه میدهد.

^{1.} Root Mean Square Error



شکل **15** نمودار پراکندگی پروفیل سطح آزاد نتایج -WC MPS با نتایج آزمایشگاهی

توسعه روش نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) به منظور . . .

7-2- شبیهسازی جریان بر روی سرریز اوجی 60 درجه دراین بخش نتایج مدل فیزیکی Chatila and Tabbara (2004) به عنوان دومین مدل برای صحتسنجی مدل توسعه داده شده بکار گرفته شده است. در این مدل به شبیهسازی نیمرخ سطح آزاد آب پرداخته شده است. چاتیلا و تابارا (2004) جریان روی سرریز را به ازای سه مقدار H_s/H_d=0.75,1,1.5 مورد بررسی قرار دادند. نتایج عددی در روش WC-MPS برای هر سه مدل به ترتیب به ازاي تعداد 10993، 11588 و 12183 ذره با قطر 0/005 متر شبیهسازی شده است. در این بخش نیز برای مقایسه روش لاگرانژی و اویلری، نتایج عددی Chatila and Tabbara (2004) که با استفاده از نرمافزار ADINA به پیشبینی پروفیل سطح آزاد روی سرریز پرداختهاند، مورد مقایسه قرار گرفته است. پروفیلهای سطح آزاد شبیهسازی شده WC-MPS، آزمایشگاهی و روش اویلری المان محدود که با استفاده از نرمافزار ADINA مدل شده است، در شکل 14 به ازای *H_s/H_d=*0.75,1,1.5 نشان داده شده است. نمودارها نشان میدهند که روش لاگرانژی WC-MPS دقت بالایی در پیشبینی پروفیل سطح آزاد آب و همبستگی بالایی را با دادههای آزمایشگاهی فراهم می کند و نسبت به روش عددی اویلری دقت بالاتری دارد. همانگونه که بیان شد نمودار پراکندگی شبیهسازی عددی روش WC-MPS حاضر و اویلری در مقابل نتایج آزمایشگاهی سطح آب در شکلهای 15 و 16 نشان داده شده است.

خط ترسیم شده با زاویه 45 درجه نسبت به محور افقی در شکلها نشان میدهد که راهحلهای عددی همبستگی بالایی با دادههای آزمایشگاهی دارند و مقدار خطای موجود بین دادههای آزمایشگاهی و راه حلهای عددی اندک میباشد. در مجموع با ارزیابی خطاهای موجود، نتایج روش WC-MPS تا حدودی دقیق تر از روش اویلری میباشد.

در شکل 17 به شبیهسازی نیمرخ سطح آزاد و توزیع سرعت در زمانهای مختلف به ازای H/H_d=1.5 با استفاده از روش WC-MPS پرداخته شده است. به عنوان سومین مدل صحتسنجی، برای شبیهسازی نیمرخ سطح آزاد آب و پروفیل فشار مورد استفاده قرار گرفته است. (Sivakumaran, (1983) به بررسی پروفیل جریان و فشار وارد بر بستر بر روی بستر خمیده پرداختهاند. پروفیل جریان روی بستر خمیده به ترتیب به ازای ارتفاع جریان 744/0و 70/378 متر به روش -WC MPS شبیهسازی شده است و در شکلهای 18 و 19 با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. همان گونه که در شکلهای 18 و 19 مشخص است، نتایج شبیهسازی عددی تطابق بالایی با نتایج آزمایشگاهی دارد.





در این شبیه سازی برای رسیدن به نتایج مطلوب تر، دو سری ذره سیال (7944 و 28690 ذره) برای ارتفاع جریان 44/7 سانتی متر و دو سری ذره سیال (6824 و24537 ذره) برای ارتفاع جریان 37/8 سانتی متر شبیه سازی شده است. همان طور که در شکل ها نشان داده شده است، با



7-3-7 شبیه سازی جریان کم عمق روی بستر خمیده نامتقارن مدل آزمایشگاهی (Sivakumaran, (1983 (شکل 7- ب) پراکندگی فشار بر روی بستر خمیده نامتقارن را نشان میدهد. نتایج نمودار همبستگی دقت بالای مدل حاضر در پیشینی فشار وارد بر سطح را نشان میدهد.



متر مکعب بر ثانبه بر متر و ارتفاع جریان 0/378 متر با استفاده از روش WC-MPS



شکل **23** نمودار پراکندگی پروفیل فشار نتایج WC-MPS با نتایج آزمایشگاهی

در ادامه، شکل 24 شبیه سازی سرعت در جهت x، سرعت در جهت y، فشار بر روی بستر خمیده نامتقارن و بردار سرعت در زمان 3/5 ثانیه را نشان می دهد.

8- نتيجەگىرى

هدف از این مطالعه، توسعه و بهبود روش نیمهضمنی ذرات متحرک با تراکم ضعیف در شبیهسازی جریانهای با سطح آزاد با شرایط مرزی باز و مدل سازی مسائل هیدرولیک و اثبات قابلیتهای این روش در زمینه هیدرولیک محاسباتی است، در این تحقیق، الگوریتم جدیدی برای مرزهای ورودی و خروجی توسعه داده شده افزایش تعداد ذرات نتایج در هر دو مدل به نتایج آزمایشگاهی نزدیک می شود. شکل 20 نمودار پراکندگی پروفیل سطح آزاد و خطای RMSE نتایج موجود و مقدار نتایج آزمایشگاهی را نشان می دهد. نتایج موجود و مقدار خطای کم RMSE در نمودار حاکی از همبستگی و دقت بالای مدل حاضر در پیش بینی پروفیل سطح آزاد است.



در این بخش فشار وارد بر بستر خمیده با دو سری ارتفاع جریان متفاوت مورد ارزیابی قرار گرفته و با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. در شکلهای 21 و 22 پروفیل فشار جریان روی بستر خمیده به ترتیب به ازای ارتفاع جریان 0/447 و 0/378 متر به روش WC-MPS شبیه سازی شده است و با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. همان گونه که در اشکال مشخص است شبیه سازی عدی تطابق بالایی با نتایج آزمایشگاهی دارد.



شكل 23 نتايج WC-MPS با نتايج آزمايشگاهي،

هيدروليک



شکل24 شبیهسازی نیمرخ سطح آزاد و توزیع سرعت و فشار در زمان 6/5 ثانیه

مزیت عمده روش پیشنهادی این است که نوسانات فشار در مرزهای وروی و خروجی و نوسانات سطح آزاد را به شدت کاهش میدهد.

علاوه بر تغییر در مرزهای ورودی برای پیشبینی بهتر سرعت در نزدیکی مرز جامد، قانون لگاریتمی استاندارد دیوار برای ذرات سیال در مجاورت مرزهای جامد توسعه داده شده است. زمانی که سرعت نزدیک دیواره با بکار بردن قانون دیواره اصلاح شود، نتایج از سازگاری بالایی با نتایج آزمایشگاهی برخوردار است. به منظور ارزیابی و اثبات قابلیت روش حاضر، مسأله شناخته شده و پرکاربرد جریان روی سرریز اوجی و جریان کم عمق بستر خمیده نامتقارن مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج بررسیها و

دوره 10، شماره 1، بهار 1394

مقایسه با نتایج آزمایشگاهی نشان میدهد که مدل پیشنهادی دقت بالایی در مدلسازی جریانهای سطح آزاد با شرایط مرزی باز دارد. روش ارائه شده توانایی مقابله با مشکلات کانال باز، افزایش دقت در پیش بینی شکل سطح آزاد و پروفیل های فشار و سرعت را دارا می باشد.

9- فهرست علايم

c ₀ (<i>m</i> /s)	سرعت صوت
Cs	ثابت اسماگورينسكي
С	عدد كورانت
d	ابعاد فضا
n	چگالی عددی ذرات
n^0	چگالی عددی اولیه ذرات
Ν	تعداد ذرات در واحد حجم
$p(kg/ms^2)$	فشار
<i>r</i> (<i>m</i>)	بردار موقعیت ذرہ
$r_e(m)$	شعاع تأثير
t(s)	زمان
u,v(m/s)	مؤلفههای بردار سرعت در جهت x و y
u', u [*] (m/s)	سرعتهای اصلاح و پیشبینی
W	تابع کرنل
$\Delta l(m)$	فاصله متوسط ذرات (اندازه ذرات)
$\rho(kg/m^3)$	چگالی سیال
$\eta(m^2/s)$	ويسكوزيته ديناميكى
i	ذره هدف
j	ذره همسایه
β.	ضريب آستانه

10- منابع

Adami, S. X, Hu,Y. and Adams, N. A.(2012). "Simulating three-dimensional turbulence with SPH". In Proceedings of the *Summer Program*, p. 177.

Ataie-Ashtiani, B. and Farhadi, L. (2006). "A stable moving–particle semi-implicit method for free surface flows", Fluid Dyn. Res., 38, pp. 241-256.

Chatila, J. and Tabbara, M. (2004). "Computational modeling of flow over an ogee spillway", J. Comput. Struc. 82, pp. 1805-1812.

احسان جعفری ندوشن و همکاران

توسعه روش نیمهضمنی ذرات متحرک (MPS) به منظور ...

particle semi-implicit method for fragmentation of incompressible fluid", Nucl. Sci. Eng., 123(3), pp. 421-434.

Koshizuka, S., Nobe, A. and Oka, Y. (1998). "Numerical analysis of breaking waves using the moving particle semi-implicit method", Int. J. Numer. Methods in Fluids, 26(7), pp. 751-769.

Liu, J., Koshizuka, S. and Oka, Y. (2005). "A hybrid particle-mesh method for viscous, incompressible, multiphase flows" J. Comput. Phys., 202(1), pp. 65-93.

Shakibaeinia, A. and Jin, Y.C. (2010). "A weakly compressible MPS method for modeling of openboundary free-surface flow", Int. J. Numer. Methods in Fluids, 63(10), 1208-1232.

Shakibaeinia, A. and Jin, Y.C. (2011a). "A mesh-free particle model for simulation of mobile-bed dam break", Adv. Water Resour., 34(6), pp. 794-807.

Shakibaeinia, A. and Jin, Y.C. (2011b). "MPSbased mesh-free particle method for modeling open-channel flows", J. Hyd. Eng. 137(11), pp. 1375-1384.

Shakibaeinia, A. and Jin, Y.C. (2012a). "MPS meshfree particle method for multiphase flows", Comput. Methods Appl. Mech. Eng., 229-232: pp. 13-26.

Shibata, K. and Koshizuka, S. (2007). "Numerical analysis of shipping water impact on a deck using a particle method", Ocean Eng., 34, pp. 585-593.

Shibata, K., Koshizuka, S. and Oka, Y. (2004). "Numerical analysis of jet breakup using particle method", J. Nucl. Sci. Technol., 41(7), pp. 715-722.

Sivakumaran, N.S., Tingsanchali, T. and Hosking, R.J. (1983). "Steady shallow flow over curved beds", J. Fluid Mech., 128, pp. 469-487.

Deville, M. O. and Gatski, T. B. (2012). *Mathematical modeling for complex fluids and flows*. Springer Science and Business Media, 364225294X, p. 294.

Gotoh, H. and Sakai, T. (1999). "Lagrangian simulation of breaking wave using particle method", Coastal Eng. J., 41(3-4), pp. 303-326.

Gotoh, H. and Sakai, T. (2006). "Key issues in the particle method for computation of wave breaking", Coastal Eng. J., 53, pp. 171-179.

Gotoh, H., Shibahara, T. and Saka, T. (2001). "Subparticle scale turbulence model for the MPS method- Lagrangian flow model for hydraulic engineering", Comput. Fluid Dyn. J., 9(4), pp. 331-347.

Hirt, C.W. and Nichols, B.D. (1981). "Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free boundaries", J. Comput. Phys., 39(1), pp. 201-225.

Khayyer, A. and Gotoh, H. (2009). "Modified moving particle semi-implicit methods for the prediction of 2D wave impact pressure", Coastal Eng., 56, pp. 419-440.

Khayyer, A. and Gotoh, H. (2010). "A higher order Laplacian model for enhancement and stabilization of pressure calculation by the MPS method", Appl. Ocean Res., 32, pp. 124-131.

Kim, D. G. and park J. H, (2005). "Analysis of flow structure over ogee_spillway in consideration of scale and roughness effects by using CFD model". KSCE Journal of Civil Engineering; Vol. 9, No. 2, pp. 161~169.

Kondo, M. and Koshizuka, S. (2011). Improvement of stability in moving particle semi-implicit method. Int. J. Numer. Methods in Fluids, 65(6), pp. 638-654.

Koshizuka, S. and Oka, Y. (1996). "Moving