هیدرودینامیک سه بعدی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان

اکبر صفرزاده گندشمین^{1*}، بهزاد نوروزی²

1- استادیار گروه مهندسی عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه محقق اردبیلی 2- دانشجوی کارشناسی ارشد سازه های هیدرولیکی، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه محقق اردبیلی

* اردبیل، صندوق پستی 179 Safarzadeh@uma.ac.ir

چکیده- در این مقاله، جریان سه بعدی سطح آزاد بر روی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان مدلسازی عددی شده و منحنیهای عملکرد هیدرولیکی این نوع سرریزها به ازای پارامترهای مختلف هندسی و هیدرولیکی تعیین شده است. الگوی سه بعدی جریان حول مدلهای مختلف از این نوع سرریزها تعیین شده و ضمن تحلیل هیدرودینامیکی، علت تفاوت عملکرد آنها با سرریزهای کلیدپیانویی مستطیلی و ذوزنقهای بحث شده است. سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان، الزاماً دارای کلیدهای ذوزنقهای شکل بوده و مزایای سرریزهای ذوزنقهای را به دلیل افزایش سطح کلید ورودی و بهبود میزان تخلیه جریان دارا میباشند. علاوه بر آن، پلان انحنادار با حالت تحدب به داخل مخزن منجر به حذف حالت کانالیزه جریان نزدیک شونده شده و از ملاحظه ضریب دبی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار میشود. با افزایش زاویه مرکزی سرریز، به علت کاهش تمامی جهات، جریان بصورت عمود بر تاج سرریز تخلیه میشود. دو نکته ذکر شده منجر به افزایش قابل استغراق موضعی، افزایش سطح کلیدهای ورودی و همچنین اصلاح الگوی جریان نزدیک شونده شده ی استغراق، موضعی، افزایش سطح کلیدهای ورودی و همچنین اصلاح الگوی جریانهای عبوری از روی کلیدهای کناری، ظرفیت آبگذری سیستم افزایش میابد.

کلیدواژگان: سرریز کلید پیانویی، انحناء در پلان، استغراق موضعی، ضریب دبی، مدل عددی.

1- مقدمه

کارایی هیدرولیکی سرریزهای ریزشی آزاد برای یک هد ثابت، ارتباط مستقیم با طول سرریز داشته و ضریب دبی (C_d) این نوع سرریزها با استفاده از رابطه (1) تعیین میشود (Henderson, 1966):

$$C_d = Q/(\frac{2}{3}L\sqrt{2g}H^{1.5})$$
 (1)

در این رابطه، L طول تاج، H هد روی سرریز و Q دبی است. یکی از معایب سرریزهای متداول، ظرفیت تخلیه پایین آنها به علت محدودیت عرض موجود برای اجرای این نوع سرریزها می باشد. در دهه سوم قرن گذشته، سرریزهای کنگرهای به عنوان یک راه حل مؤثر برای بهبود عملکرد هیدرولیکی این نوع سرریزها توسعه داده شده است. سرریزهای کنگرهای غالباً با استفاده از

براي بهبود عملكرد تخليه سيلاب سدهاي مختلفي مانند سنتمارک⁵، اترویت⁶، گلوریتس⁷ نیز از سرریزهای کلیدییانویی استفاده شد. مطالعات آزمایشگاهی اونامه و لمپریره نشان داد که در سرریزهای کلید پیانویی دو نوع جریان غالب وجود دارد: کلید ورودی جریان های نزدیک شونده را به سمت خود کشیده و مشابه سرریزهای لبه تیز با بدنه شيب دار جريان از روى تاج ورودى بصورت ریزشی به سمت پاییندست تخلیه میشود. الگوی دوم بر روی کلید های خروجی شکل می گیرد. در این بخش، جریان عبوری از روی تاج خروجی، مشابه یک جت به سمت پايين دست بخش شيبدار كليد تخليه مي شود (Ouamane and Lempérière, 2006). با توجه به شکل عوامل هندسی متعددی بر عملکرد این نوع سرریزها دخالت دارد که به تدریج و با استفاده از مطالعات آزمایشگاهی و عددی تأثیر عوامل مزبور بر رفتار هیدرولیکی سرریزهای کلید پیانویی در حال بررسی است. ريبريو و همكاران دبي كل عبوري از روى سرريزهاي کلیدپیانویی را به یکسری عوامل هیدرولیکی و هندسی بصورت رابطه (2) مرتبط دانست (Riberio et al.,) :(2007

 $Q = f(\rho, g, \mu, H, L_t, P, W, W_i, W_o, B_i, B_o,$ $L, S_{in}, S_{out}, t, R, \alpha)$ (2)

که در آن، ρ و μ به ترتیب بیانگر جرم مخصوص و لزجت سیال بوده و g شتاب ثقل میباشد. H بیانگر هد کل جریان روی سرریز بوده و L_i طول کل تاج می باشد. در رابطه مزبور، P، W_i ، W_i ، W_o B_i و L به ترتیب بیانگر ارتفاع سرریز، عرض کل، عرض کلید ورودی، عرض کلید خروجی، طول کنسول پایین دست، طول کنسول بالادست و طول تاج کناری میباشد. S_i و S_i شیب کلیدهای ورودی و خروجی بوده و t ضخامت بدنه هیدرودینامیک سه بعدی سرریزهای کلیدپیانویی . . .

دیوارهای قائم ساخته شده و کارایی آنها بسیار بهتر از سرریزهای خطی است. ساخت این نوع سرریزها بواسطه استفاده از دیواره های قائم ساده می باشد، لیکن جریان نزدیک شونده به این نوع سرریزها، به ویژه جریانهای تحتانی، پس از ورود به محدوده دو دیواره قائم تاجهای کناری، به شدت دچار فشردگی شده و به همین علت، تاجهای بالادست و پاییندست نیز عملکرد هیدرولیکی مناسب ندارند. علاوه بر این نکات، عیب عمده این نوع سرریزها، سطح پی بزرگ مورد نیاز برای نصب آنها بر روی سدهای بتنی است. شکل جدیدی از سرریزهای غیرخطی، سرریزهای کلیدپیانویی¹ هستند که توسط مؤسسه هیدروکووپ² فرانسه و آزمایشگاه هیدرولیک و محیطزیست دانشگاه بیسکارا³ الجزایر ارائه شده است. در این نوع از سرریزها، برخلاف سرریزهای کنگرهای، دهانهها یک در میان شیبدار به سمت داخل مخزن و بيرون مي باشد. اجراي اين نوع سرريزها نسبت به سرریزهای کنگرهای، فضای کمتری نیاز داشته و لذا پی این نوع سرریزها میتواند ابعاد کوچکتری داشته باشد، به نحوى كه اين مزيت باعث شده است تا بتوان از اين نوع سرریز در تاج سدهای بتنی استفاده کرد.

از دیگر مزیتهای سرریزهای کلیدپیانویی می توان به این موارد اشاره نمود: دبی مخصوص عبوری از سرریز را تا 100 مترمکعب بر ثانیه بر متر افزایش می دهند، دبی عبوری از این نوع سرریزها حداقل 4 برابر سرریزهای معمولی است، باعث افزایش ظرفیت مخزن می شوند و از لحاظ اقتصادی بسیار مقرون به صرفه بوده و هزینه نگهداری کمتری دارند. اولین سرریز کلیدپیانویی در سال 2006 بر روی سد گلورس⁴ در کشور فرانسه اجرا شده است (Laugier, 2007 تا 2010). طی سالهای 2008 تا 2010

^{5.} St. Marc

^{6.} Etroit

^{7.} Gloriettes

^{1.}Piano Key Weir (PKW)

^{2.} Hydrocoop

^{3.} Biskra

^{4.} Golours

میباشد. R شعاع انحنای تاج سرریز و α زاویه دیواره کناری نسبت به جریان نزدیک شونده (زاویه کلید) میباشد. Q کل دبی عبوری از روی سرریز میباشد. بر اساس مطالعات آزمایشگاهی لمپریره و جان و همچنین

برابر المحاران، مقدار بهینه برای نسبت W_i/W_o برابر (Lempérière and Jun, 2005; Hien et al., میباشد 1/2

لمپریره رابطه (3) را به عنوان رابطه اشل- دبی برای سرریزهای کلیدپیانویی ارائه داده است (, Lempérière) 2009):

 $q = 4.3H\sqrt{P_m} \tag{3}$

در رابطه فوق، (m³/s/m دبی در واحد عرض سرریز بوده و(m(m) در شکل 1 معرفی شده است. این پارامتر تحت عنوان ارتفاع مشخصه سرریز معروف است. لازم به ذکر است که رابطه فوق برای محدوده elex-m معتبر است.

روند طراحی این نوع سرریزها اولین بار توسط ماچیلس و همکاران ارائه شده و ماچیلس و همکاران تأثیر ارتفاع سرریز بر ظرفیت تخلیه آن را مطالعه کردند (Machiels et al., 2011a و مایریز بر ظرفیت تخلیه آن را مطالعه کردند (Machiels et al., 2011b). اشلایس تاریخچه مطالعات بر روی سرریزهای کنگرهای و کلیدپیانویی را مرور کرده است (Schleiss, 2011). از بر عملکرد ماچیلس و همکاران تأثیر دیواره جان پناه¹ را بر عملکرد هیدرولیک این نوع سرریز مطالعه کرده و به تأثیر مثبت آن بهیند اشاره نمودهاند (Machiels et al., 2012). ریبریو و به واسطه افزایش ارتفاع سرریز و نزدیک شدن به ارتفاع همکاران با استفاده از نتایج مدلهای فیزیکی موجود یک معادله عمومی برای رابطه اشل-دبی این نوع سرریزها ارائه کردند (Riberio et al., 2012). بر اساس نتایج این محققان، ظرفیت این نوع سرریزها عمدتاً به بلندای آب روی سرریز، طول کل، ارتفاع کلیدهای ورودی و عرض

جانبی آن بستگی دارد.

کبیری سامانی و جواهری ظرفیت آبگذری این نوع سرریزها را در حالت کاربرد در کانالها بررسی نموده و با استفاده از آنالیز ابعادی و نتایج آزمایشگاهی، روابط تجربی برای ضریب آبگذری این نوع سرریزها در دو حالت آزاد و مستغرق ارائه نمودند (Javaheri , 2012).

اندرسون و تولیس عملکرد هیدرولیکی سرریزهای کنگرهای و کلیدپیانویی مستطیلی را مقایسه کردند. بر اساس نتایج محققان، سرریز کلیدپیانویی به دلیل کاهش افت در کلید های ورودی، از عملکرد بهتری برخوردار است (Anderson and Tullis ,2012). صفرزاده و (1-1392) هیدرودینامیک سرریزهای نوروزي کلیدییانویی، کنگرهای و کنگرهای با کلیدهای شیبدار را به صورت سه بعدی مطالعه کرده و نشان دادند در سرریزهای کلیدییانویی به علت حذف فشردگی جریان در کلیدهای ورودی و همچنین توزیع بهتر جریان بر روی بخشهای مختلف سرریز، ضریب آبگذری بالاتر از دو نوع دیگر میباشد. تأثیر دیواره جان پناه و شکل پشت بند²نيز به وسيله محققان مزبور مطالعه شده است (صفرزاده و نوروزی، 1392-2و 3). مرور مطالعات قبلی نشان میدهد که تأثیر زاویه کلید (α) بر عملکرد آن مطالعه نشده و علاوه بر آن هیچ تحقیق آزمایشگاهی و یا عددی در مورد رفتار این نوع سرریزها در پلان انحنادار گزارش نشده است. در این تحقیق ضمن صحتسنجی مدل عددی سرریز کلیدپیانویی با دادههای موجود آزمایشگاهی، با تغییر زاویه کلید و ایجاد سرریز ذوزنقهای ابتدا تأثیر آن بر تغییرات ضریب آبگذری مطالعه شده و در نهایت عملکرد ترکیبی سرریزهای ذوزنقهای و پلان انحنادار مورد ارزیابی هیدرودینامیکی قرار گرفته است.

^{1.} Parapet Wall



شکل 1 پارامترهای هندسی سرریزهای کلید پیانویی

2- مبانى تئوريك

معادلات حاکم بر مسأله مورد نظر، معادلات بقای جرم و اندازه حرکت می باشد. این معادلات در جریان های دو فازی در سیستم مختصات کارتزین (x,y,z) با مؤلفه های سرعت (u,v,w) به صورت روابط (۵،۴) بیان می شوند (Flow Science, Inc., 2008)

$$V_F \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} (\rho u A_x) + \frac{\partial}{\partial y} (\rho v A_y) + \frac{\partial}{\partial z} (\rho w A_z) = 0 \quad (4)$$
(4)

$$\frac{\partial u}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ uA_x \frac{\partial u}{\partial x} + vA_y \frac{\partial u}{\partial y} + wA_z \frac{\partial u}{\partial z} \right\} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + G_x + f_x$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ uA_x \frac{\partial v}{\partial x} + vA_y \frac{\partial v}{\partial y} + wA_z \frac{\partial v}{\partial z} \right\} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} + G_y + f_y$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ uA_x \frac{\partial w}{\partial x} + vA_y \frac{\partial w}{\partial y} + wA_z \frac{\partial w}{\partial z} \right\} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} + G_z + f_z$$
(5)

در معادلات فوق، V_F جزء حجم باز برای برقراری جریان در الگوریتم FAVOR میباشد که در ادامه جزئیات آن ارائه شده است. A_X جزء سطح باز برای برقراری جریان در جهت x بوده و v_A و x_A جزء سطوح متناظردر راستای محورهای y و z میباشند. در معادلات بقای اندازه حرکت، P بیانگر فشار بوده و (z_w,G_w,G_z) و (f_w,f_x) به ترتیب بیانگر مؤلفههای شتاب کالبدی و شتاب ناشی از لزجت میباشند. مؤلفه شتاب ناشی از لزجت دربرگیرنده اثرات هر دو لزجت مولکولی و لزجت ناشی از آشفتگی است.

برای مدلسازی آشفتگی در مسائل هیدرولیک، عمدتاً از مدلهای دو معادلهای استفاده میشود. در این تحقیق از مدل RNG ۲۰۵ ۲۰۰ برای بستن معادلات متوسط گیری شده زمانی رینولدز استفاده شده است. برای حل عددی از نرمافزار CO-BC-GD استفاده شده و معادلات غیر دائم حاکم با روش حجم محدود، حل عددی شدهاند. در این نرمافزار الگوریتم جزء سطح/حجم بیانگر مانع (FAVOR) برای تعریف هندسه در روش حجم محدود بکار رفته برای تعریف هندسه در روش حجم محدود بکار رفته محاسباتی به صورت مقدار جزئی بین 0 و 1 در نظر میگیرد به نحوی که اگر کل سلول توسط مانع پر شده باشد، مقدار جزء حجم یا سطح برابر 1 خواهد بود. سطح آزاد جریان با استفاده از الگوریتم جزء حجم سیال (VOF) تعیین میشود.

ترمهای سرعت و فشار بصورت ضمنی و با استفاده از مقادیر فشار و سرعت زمانهای سابق در معادلات پیوستگی و مومنتم کوپل میشوند. در این نرمافزار، معادلات شبه ضمنی حاصله به صورت تکراری و با استفاده از تکنیکهای تخفیف حل میشوند که در این مقاله از تکنیک GMRES به عنوان حلگر ضمنی فشار استفاده شده است. در ادامه جزئیات بیشتر از انفصال مکانی میدان حل، شرایط مرزی و همچنین روند همگرایی ارائه شده است.

8- صحت سنجى مدل سازى سرريز كليد پيانويى مستطيلى

برای صحتسنجی روند مدلسازی و همچنین حصول اطمینان از شرایط مرزی مورد استفاده، مدل عددی سه بعدی متناظر با مطالعات آزمایشگاهی صورت گرفته به وسیله اندرسون بر روی سرریز کلیدپیانویی واقع در یک كانال با جزئيات منطبق بر جدول 1 ساخته شده است (Anderson , 2011). در این جدول، مقادیر بر حسب متر می باشند. N تعداد سیکل سرریز بوده و n بیانگر نسبت طول تاج به عرض سرریز میباشد. مدلسازی عددی به ازای 9 مقدار نسبت H/P از 0/05 تا 0/8 صورت گرفته است که H بیانگر هد استاتیکی آب بر روی سرریز میباشد. مدل عددی دارای یک بلوک شبکهبندی غیر یکنواخت با تعداد شبکه بهینه (60×80×125) در امتداد (x,y,z) می باشد. لازم به ذکر است که شبکه بندی بهینه با استفاده از الگوریتم GCI که توسط رواخه ارائه شده، تعیین شده است (Roache, 1980). در این الگوریتم، با توجه به داشتن مقدار دبی آزمایشگاهی، این پارامتر به عنوان هدف انتخاب شده و ضمن استفاده از شبکه

بندی های مختلف، شبکه بهینه بر اساس الگوریتم مزبور انتخاب شده است. در مرز ورودی بلوک از شرط مرزی فشار سکون استفاده شده و مقدار عمق مورد نظر اعمال شده است. در مرز پایین دست از شرط خروجی استفاده شده است. مرزهای کناری و بالای میدان بصورت مرز تقارن مدل شده و در کف مدل از شرط مرزی دیواره با بهره گیری از تابع دیوار در نقاط گرهی نزدیک به مرز، استفاده شده است. به منظور اطمینان از همگرایی حل و همچنین تثبیت کامل شرایط اعمالی به مدل، دبی خروجی از میدان و همچنین تغییرات زمانی سطح آب در ورودی مدل، در طول حل کنترل شد. بر اساس ارزیابی های صورت گرفته، زمان 15 ثانیه برای همگرایی مدل و همچنین شکل گیری جریان دائمی کفایت می کند (شکل همچنین شکل گیری جریان دائمی کفایت می کند (شکل

در شکل 3 الگوی عمومی جریان پیشبینی شده برای نسبت *H/P* برابر 0/15 نشان داده شده است. در این شکل خطوط جریان عبوری از تراز تحتانی میدان که توسط کلیدهای ورودی تخلیه می شوند، نیز ارائه شده است.



جدول 1 مشخصات هندسی سرریز کلیدپیانویی مستطیلی مورد استفاده برای صحتسنجی مدل عددی (ابعاد بر حسب متر).

هیدرودینامیک سه بعدی سرریزهای کلیدپیانویی . . .



شکل 3 الگوی عمومی جریان شبیهسازی شده بر روی سرریز کلیدییانویی مستطیلی

در شکل 4 مقادیر دبی پیشبینی شده با مقادیر آزمایشگاهی و همچنین مقادیر حاصل از رابطه (3) به ازای نسبتهای مختلف *H/P* ارائه شده است. لازم به یادآوری است که *H* بیانگر هد کل جریان نزدیک شونده میباشد. به منظور مقایسه کمّی نتایج مدل عددی با مقادیر آزمایشگاهی از آماره های میانگین اریبی (MBE)، میانگین خطای مطلق (MAE)، ضریب همبستگی (*R*) و مجذور میانگین مربعات خطا (RMSE) استفاده شده است. مقدار پارامترهای مزبور به ترتیب، 2000/0، 2001/0، 2006 و پارامترهای مزبور به ترتیب، 2000/0، 2001/0، 2006 و بسیار خوبی بین نتایج مدل وداده های آزمایشگاهی موجود برقرار میباشد. در شکل 5 پروفیل طولی سطح آب بر







شکل 5 مقایسه پروفیل سطح آب بر روی کلید ورودی بین دادههای آزمایشگاهی و نتایج مدل عددی برای H/P=0.3

4- بررسی عملکرد سرریز کلیدپیانوییذوزنقه ای TPK

همانطور که در بخش مقدمه عنوان شد، تأثیر زاویه کلید در هیچ کدام از مطالعات قبلی مورد بررسی قرار نگرفته است. در این بخش از مقاله از دو طریق، عملکرد هیدورلیکی و همچنین ساختار جریان بر روی این نوع از سرريز غيرخطي مطالعه شده و قابليت عبوردهي جريان در سه مدل سرریزهای کنگرهای (RL)، کلیدییانویی مستطیلی (PK) و کلیدییانویی ذوزنقهای (TPK) مقایسه شده است. در بخش اول، مطابق شکل 6 مدل سه بعدی از سرریز کلیدپیانویی ذوزنقهای با هندسه منطبق بر جدول 1 و زاویه کلید 96 درجه ساخته شده است. لازم به ذکر است که به منظور جلوگیری از تأثیر شرایط پاییندست بر تخلیه جریان از روی سرریز، مدلهای این بخش بر خلاف مدل مورد استفاده در صحتسنجی، بصورت سرریزهای مخزن در نظر گرفته شده است. سه نوع سرریز مورد نظر به نحوی انتخاب شدند که هر سه مورد دارای طول تاج یکسانی بوده و ابعاد بخشهای مختلف آن مطابق جدول 1 باشد. با توجه به شکل 6 شرایط مرزی مورد استفاده، مشابه مدل صحتسنجی بوده و تفاوت اصلی آنها، مرز Z_{min} میباشد. به منظور ایجاد شرایط



شکل 6 هندسه سه بعدی سرریز کلید پیانویی ذوزنقهای و شرایط مرزی مورد استفاده در مدل عددی

قرارگیری سرریز در مخزن سد و حذف اثرات پاييندست، به ويژه بر روى جريان جت كليدهاى خروجی، مرز مزبور در فاصله قائم کافی از انتهای شیب کلیدهای خروجی قرار داده شده و با استفاده از شرط مرزی خروجی در این مرز، جریان عبوری از کل مجموعه بصورت آزاد و بدون ایجاد استغراق از کف میدان خارج خواهد شد. برای انفصال میدان بر اساس الگوریتم GCI، از (65×200×125) سلول در سه امتداد (x,y,z) استفاده شده و الگوی جریان در هر سرریز به ازای 9 مقدار مختلف H/P مشابه مدل صحت سنجى شبيه سازى شده است. زمان حل برای هر مدل در یک کامپیوتر 8 هسته ای با 4 گیگابایت رم، 25 ساعت می باشد. در شکل 7 ضرایب دبی سه نوع سرریز مختلف باهم مقایسه شده است. با توجه به شکل مزبور، سرریزهای کنگرهای و کلیدپیانویی مستطیلی، در هدهای پایین عملکرد یکسانی داشته و با افزایش هد، ضریب آبگذری سرریز کلیدییانویی نسبت به کنگره ای افزایش مییابد. زاویهدار نمودن تاجهای کناری کلیدها و به عبارت دیگر، استفاده از سرریز کلیدپیانویی با پلان ذوزنقهای باعث بهبود قابل توجهی در تمام محدوده هد اعمالی به سرریز شده است. به طور میانگین ضریب دبي سرريز TPK به اندازه 23 و 18 درصد به ترتيب بالاتر از سرریزهای RL و PK می باشد.



شکل 7 مقایسه ضرایب دبی در سه نوع سرریز کنگرهای، کلیدپیانویی مستطیلی و کلیدپیانویی ذوزنقهای

با توجه به شکل، در هر سه نوع سرریز، بیشترین ضریب آبگذری در نسبت 0.1–H/P رخ داده است. به منظور بررسی علل بهبود قابلیت آبگذری سرریزهای ذوزنقهای نسبت به دو نوع دیگر، سری دیگر مدلهای عددی بصورت تک سیکل مطابق شکل 8 ساخته شد. هر سرریز دارای دو نیم کلید ورودی در طرفین به همراه یک کلید خروجی کامل میانی میباشد، به نحوی که یک سیکل کامل در نظر گرفته شده است. طول تاج در هر سه نوع تفاوت در عملکرد سرریزهای مورد نظر، از گزینه بفل برای تعیین توزیع دبی در بخشهای مختلف هر نوع اختصاص مقدار مناسب نفوذپذیری، میتوان شار حجمی عبوری از آنرا تعیین نمود. نحوه قرارگیری یکی از بفلها بر روی تاج سرریز ATP در شکل 8 نشان داده شده

است. در کل از 9 بفل بر روی تاج هر سرریز استفاده شده و مدل به ازای نسبت *H/P*=0.4 اجرا شده است. شرایط مرزی مورداستفاده مشابه شکل 6 بوده و در هر سرریز از 600000 سلول محاسباتی استفاده شده است.

در شکل 9 نحوه توزیع دبی در واحد عرض در نصف طول تاج سه نوع سرریز مورد نظر نشان داده شده است. با توجه به شکل مزبور، نحوه توزیع دبی بر روی تاجهای ورودی تقریباً یکسان بوده، ولی تفاوت عمدهای بر روی تاج کناری مشاهده میشود. در سرریز RL با حرکت در طول تاج کناری، مقدار دبی در واحد عرض به تدریج کاهش یافته و در محل تلاقی تاجهای کناری و تاج خروجی به حداقل خود میرسد، در حالی که در سرریزهای کلیدپیانویی، دبی در طول تاج کناری دارای یک مقدار حداکثر در بخش میانی میباشد.







شکل 9 روند توزیع دبی بر روی نصف تاج یک سیکل از سه نوع سرریز مورد مطالعه

مشاهده شکل 9 نشان میدهد که تبدیل سرریز کنگرهای به کلیدپیانویی منجر به بهبود قابل ملاحظهای در میزان عبور جریان از روی تاج کناری و بویژه محدوده سمت تاج خروجی سرریز شده است. میزان افزایش دبی عبوری از روی تاج کناری سرریز PK نسبت به سرریز RL بصورت ناحیه نقطه چین نشان داده شده است.

با تبدیل سرریز کلیدپیانویی مستطیلی به ذوزنقهای، دبی در واحد عرض در کل طول تاج کناری افزایش یافته و به طور مشخص در میانه تاج کناری حداکثر عبور جریان رخ میدهد. میزان افزایش دبی سرریز TPK در طول تاج کناری نسبت به سرریز PK بصورت ناحیه هاشور خورده نشان داده شده است. موارد فوقالذکر نشان میدهد که عمده تفاوت عملکرد هیدرولیکی سرریزهای مورد مطالعه، بر روی تاج کناری رخ داده و محدوده اتصال تاج کناری به تاج خروجی، نقش تعیین کنندهای در عبور رفتار هیدرولیکی سرریزهای مورد مطالعه، الگوی سه رفتار هیدرولیکی سرریزهای مورد مطالعه، الگوی سه بعدی جریان آنها در شکلهای 10 و 11 ارائه شده است.

با توجه به شکل 10، جریان عبوری از روی سرریز RL دارای پایین افتادگی شدید در بین دو دیواره کناری بوده و در انتهای سرریز بالازدگی شدید سطح آب رخ داده است. این پدیده نشان از ایجاد استغراق موضعی شدید و اغتشاش در جریان به هنگام عبور از روی سرریز کنگرهای دارد.

در پلان ارائه شده از سطح آب، طول ناحیه استغراق موضعی نیز با فلش دو سویه مشخص شده است. با تبدیل سرریز به کلیدپیانویی (PK)، رژیم جریان بر روی سرریز کاملاً تغییر یافته و علاوه بر کاهش قابل ملاحظه در پایین افتادگی سطح آب، ناحیه استغراق موضعی بسیار محدودتر شده و اغتشاش شدید در سطح آب مشاهده نمی شود. در این حالت تیغه جریان تشکیل شده بر روی تاجهای کناری، تنها در بخش کوچکی واقع در انتهای سرریز به هم برخورد میکنند. مقایسه ساختار سطح آب بین سرریزهای LT و PK نشان می دهد که طول ناحیه استغراق موضعی در سرریز کلید پیانویی به مراتب کمتر از سرریز کنگرهای می باشد.



شکل 10 شکل سه بعدی جریان عبوری بر روی سرریزهای تک کلید PK ، TPK و RL به ازای H/P برابر 0/4

جریان رها شده از ورودی، یکسان بوده است. با توجه به تصاویر، در لایه میانی تفاوت قابل ملاحظهای در الگوی حرکتی ذرات آب حول سرریزهای مورد مطالعه مشاهده می شود.

در سرریز RL بخش عمدهای از خطوطی که به سرریز نزدیک شدهاند، به سمت تاجهای ورودی و گوشه تاج سرریز (محل تلاقی تاجهای کناری و تاجهای ورودی) هدایت شده و در این ناحیه فشردگی زیادی در خطوط جریان ایجاد شده است. بواسطه تمرکز خطوط در نواحی مزبور و نبود ظرفیت کافی برای عبور جریان از این بخش، بالازدگی سطح آب رخ داده است. این پدیده در شکل 11 نیز نشان داده شده است. در سرریز PK از تمرکز جریان در گوشه تاج سرریز کاسته شده و بخش عمدهای از جریان از روی تاجهای جانبی خارج میشوند. در سرریز TPK توزیع خطوط جریان لایه میانی بر روی بخشهای مختلف تاج سرریز بسیار یکنواختتر از دو نوع سرریز قبلی شده و بخش عمدهای از جریان از روی تاج کناری عبور میکند. مقایسه طول هایی از تاج کناری سرریزهای مورد نظر که بدون خطوط جریان هستند، مؤيد بهبود عملكرد هيدروليكي سرريز ذوزنقهاي ميباشد. با ذوزنقهای کردن سرریز کلیدپیانویی (TPK) پایین افتادگی سطح آب بسیار محدودتر شده و جریانهای عبوری از روی تاج های کناری، بدون ایجاد استغراق موضعی و بدون برخورد به هم بر روی بخش شیبدار کلید خروجی تخلیه شده و پس از ترکیب با جریان سرریزی از کلید خروجی، باعث ایجاد یک برآمدگی طولی در سطح آب می شوند که به صورت گرده ماهی می باشد.

در بخش ابتدایی کلیدهای خروجی، تفاوت قابل ملاحظهای بین جریانهای خروجی از روی سرریز کنگرهای و کلیدپیانویی مشاهده می شود. در سرریز RL جریان عبوری از روز تاج خروجی، بواسطه پر شدن محدوده بین دو تاج کناری به راحتی تخلیه نشده و یک حالت انسداد در این محل رخ می دهد، در حالی که در سرریزهای کلیدپیانویی، شیبدار نمودن کف کلید باعث تخلیه مناسب تر جریان شده است. در شکل 11 خطوط جریان در لایه میانی حول سه نوع سرریز مورد نظر نشان داده شده است. لازم به ذکر است که خطوط مزبور، از ورودی میدان در تراز میانی شروع شده و در تمامی مدلها به منظور قیاس بین مدلهای مختلف، تعداد خط



الف - TPK ج - ج - TPK الف - ۲۲K ج- NK برابر 4/N و RL به ازای H/P برابر 4/N و RL به ازای H/P برابر 4/N

با توجه به نکات اشاره شده، طرح ذوزنقهای برای سرریز کلیدپیانویی به دو علت باعث بهبود عملکرد هیدرولیکی سرریز شده است: 1- تلاقی جریانهای ریزشی از تاجهای کناری در تراز پایین اتفاق افتاده و به همین علت استغراق موضعی رخ نمیدهد. 2- به علت زاویهدار بودن تاجهای کناری و همچنین افزایش مقطع کلیدهای ورودی، سرعت جریان در این ناحیه کاهش یافته و توزیع جریان بر روی تاج کناری یکنواخت تر خواهد بود. با توجه به نکات فوق و با استفاده از مزایای سرریزهای ذوزنقهای، هیدرودینامیک سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان تشریح شده است.

5- بررسی عملکرد سرریز کلیدپیانویی انحناداردر یلان (APKW)

در شکل 12 هندسه عمومی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار به همراه پارامترهای هندسی معرف نشان داده شده است. با توجه به شکل، سرریز مورد نظر تلفیق سرریزهای کلیدپیانویی ذوزنقهای و یک پلان غیر مستقیم میباشد. به منظور بررسی هیدرودینامیک این نوع از

سرریزهای کلیدپیانویی، 4 طرح مختلف مطابق شکل 13 در نظر گرفته شد. جزئیات هندسی مدلهای مورد نظر در جدول 2 ارائه شده است. در تمامی مدلها ارتفاع سرریز مشابه مدلهای قبلی سرریزهای کلید پیانویی، برابر 0/167 متر بوده است. مدل پایه بصورت یک سرریز کلیدپیانویی ذوزنقهای در مسیر مستقیم با 5 سیکل بوده و سه نوع سرریز با زوایای مرکزی 50، 100 و 100 درجه به نحوی ساخته شدند که طول تاج سرریز در تمامی مدلها برابر طول تاج سرریز ذوزنقهای باشد. مدلهای مورد نظر بصورت سرریزهای مخزن بوده و به منظور حذف اثرات کانالیزه شدن جریان نزدیک شونده، سرریزها به صورت محدب به سمت مخزنی به ابعاد 4×6 متر قرار گرفتند.

همان طور که در شکل 13 نشان داده شده است، کف مدل درسمت مقعر سرریزها (محل خروجی جریان) خالی و بدون مانع در نظر گرفته شده است، تا شرایط تخلیه جریان بدون ایجاد استغراق فراهم شود. برای مدلسازی عددی از دو بلوک شبکهبندی استفاده شده است. بلوکهای مزبور به همراه شرایط مرزی اعمالی در شکل 13 نشان داده شده است.



شکل 12 پارامترهای هندسی سرریز کلیدپیانویی انحنادار در پلان APK

هیدرودینامیک سه بعدی سرریزهای کلیدپیانویی . . .



ہ) بلوکہای شبکہبندی و شرایط مرزی اعمالی -

اکبر صفرزاده گندشمین، بهزاد نوروزی

د- ZPK-5

شکل **13** شکل سه بعدی از سه مدل سرریز APK و سرریز TPK با تعداد 5 سیکل و طول تاج یکسان

در فصل مشترک دو بلوک از شرط مرزی تقارن استفاده شده و صفحه Zmin بلوک پایین دست به اندازه کافی پایین تر از انتهای شیب کلیدهای خروجی در نظر گرفته شده و ضمن اعمال شرط مرزی خروجی، شرایط بهرهبرداری از سرریز بصورت سرریز سد، بدون استغراق در پایاب و مریزشی آزاد را فراهم نموده است. ستون انتهای جدول 2 تعداد سلول محاسباتی در هر مدل را نشان می دهد. این مدلها برای H/P از 1/0 تا 8/0 اجرا شده است. با توجه به پیچیدگی هندسی مدل و همچنین تعداد زیاد سلول محاسباتی، شبیه سازی ها بصورت موازی بر روی یک کامپیوتر 16 هسته ای با 24 گیگابایت رم انجام شده است. بررسی تغییرات زمانی دبی خروجی از مدل نشان داد که زمان 20 ثانیه برای ایجاد شرایط جریان دائم کفایت بوده و در مجموع، 20 مدل عددی ساخته شده است.

1-5- ارائه نتايج

در شکل 14 منحنی تغییرات ضریب دبی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار با سرریز کلیدپیانویی ذوزنقهای

مقایسه شده است. با توجه به شکل مزبور، تبدیل سرریز TPK به سرریز APK50 منجر به بهبود قابل ملاحظه در مقادیر ضریب دبی در هدهای پایین شده، ولی برای هدهای بالا، تفاوت چندانی بین رفتار دو سرریز مشاهده نمی شود. افزایش زاویه سرریز باعث افزایش ضریب دبی در هدهای یکسان شده و در هدهای بالاتر نیز منحنی اشل -دبی سرریزهای انحنادار از منحنی سرریز ذوزنقهای بالاتر می باشد. در نسبت APE مقدار ضریب دبی در سرریز ذوزنقهای APK100 می باشد، در حالی که با طول یکسان، در سرریز 5-APK100 می باشد، در حالی که با طول افزایش پیدا کرده است. به طور متوسط، ضریب دبی سرریزهای 5-APK100 و APK100 و 5-APK100 به ترتیب به میزان 4.0/1 افزایش یافته است.

به منظور بررسی علل افزایش ضریب دبی سرریزهای انحنادار نسبت به سرریزهای ذوزنقهای و همچنین اثرات ناشی از زاویه سرریز، الگوی جریان بر روی آنها بررسی شده است.

تعداد سلول محاسباتي	نسبت طول تاج به عرض سرريز	ضخامت دیواره سرریز (cm	طول كنسول خروجى (m)	طول کنسول ورودی (m)	زاویه کلید ورودی (degree)	زاویه کلید خروجی (degree)	شىيب كف كليد خروجى	شيب كف كليد ورودى	عرض کلید خروجی (m)	عرض کلید وروی (m)	طول تاج کناری (m)	عرض سرديز (m)	طول تاج (m)	تعدادسيكل ها	زاویه سرریز (degree)	کد مدل
-	п	Т	B_o	B_i	β	α	S_o	S_i	W_o	W_i	l_c	W	L	Ν	θ	
4060372	1/97	1/27	0/1214	0/1214	17	12	55/56	% 55/56 %	0/925	0/1156	0/489	3	5/9	5	50	APK50-5
3520612	3/27	1/27	0/1214	0/1214	23	12	55/56	% 55/56 %	0/925	0/1156	0/489	1/8	5/9	5	100	APK100-5
4060372	3/96	1/27	0/1214	0/1214	28	12	55/56	% 55/56 %	0/925	0/1156	0/489	1/49	5/9	5	150	APK150-5
3188292	2/85	1/27	0/1214	0/1214	12	12	55/56	% 55/56 %	0/925	0/1156	0/489	2/07	5/9	5		TPK-5

جدول 2 مشخصات هندسی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان به همراه تعداد سلول محاسباتی در هر مدل



شکل **14** مقایسه تغییرات ضریب دبی سرریزهای APK با زاویه سرریز مختلف با ضریب دبی سرریز TPK با 5 سیکل

کرده و در ترکیب با جریان سرریز شده از تاج خروجی، باعث شکل گیری گردهماهی می شوند، به نحوی که بالاآمدگی سطح آب در داخل کلیدهای خروجی، عمدتاً در انتهای بخش شیبدار رخ داده و استغراق موضعی رخ نمیدهد. با افزایش هد آب بر روی سرریز مورد نظر، کلیدهای خروجی حالت مستغرق پیدا کرده و به علت افزایش حجم آب عبوری از روی کلیدهای کناری، سرعت جریان نیز بالطبع افزایش یافته و جتهای ریزشی در ترازهای بالاتر به هم برخورد میکنند. در شکل 15 جریان سه بعدی بر روی سرریز 5-APK مستریز 5-APK و به ازای نسبت هدهای 0/2 و 0/8 نشان داده شده است. در هدهای پایین، بخش عمدهای از جریان از کلیدهای خروجی تخلیه شده و بر روی سرریز و همچنین در جریان نزدیک شونده به آن، سطح آب حالت افقی داشته و افتی در سطح آب مشاهده نمی شود. جریان عبوری از روی کلیدهای کناری بصورت چسبیده به دیواره خارج شده و در داخل کلیدهای خروجی، جریان عبوری از دیوارههای جانبی طرفین، بر روی کف شیب دار کلید به هم بر خورد



شکل 15 تغییرات جریان بر روی سرریز APK100-5 به ازای دو نسبت H/P

محل تلاقی جریانهای ریزشی در داخل کلید عبور میکنند. با افزایش هد آب بر روی سرریز، جریان عبوری از روی تاج کناری کلیدهای واقع در دو انتهای سرریز، از حالت چسبیده¹ به حالت هوادهی شده² تغییر یافته و بواسطه نتیجه برخورد جتهای ریزشی طرفین، بالازدگی سطح آب در لایههای فوقانی داخل کلیدهای خروجی و شکلگیری استغراق موضعی شدید در این نواحی میباشد. همان طور که در شکل مربوط به نسبت هد 0/8 نشان داده شده است، شکلگیری استغراق موضعی باعث کاهش عرض عبوری جریان در کلید خروجی شده و جریانهای عبوری از روی تاج خروجی، فقط از طرفین

^{1.} Clinging

^{2.} Aerated

در مقابل، بواسطه کم شدن عرض کلیدهای خروجی، میزان استغراق موضعی افزایش پیدا میکند و کلید خروجی فضای مناسب برای تخلیه جریان ندارد. با توجه به اینکه کلیدهای ورودی، جریانهای نزدیک شونده را از تمامی ترازهای مخزن دریافت میکنند (صفرزاده و نوروزی، 1392-1)، میتوان انتظار داشت که تأثیر مثبت بهبود آبگذری این کلیدها بر کل مجموعه بسیار بیشتر از تأثیر منفی استغراق موضعی کلیدهای خروجی در کاهش عملکرد آنها باشد.

در شکل 17 الگوی خطوط جریان عبوری از روی سرریز TPK-5 با دو سرریز APK100-5 و APK150-5 مقایسه شده است. خطوط مزبور از تراز میانی در ورودی مخزن شروع شده و در هر سه سرریز، تعداد خطوط یکسان بوده است. سرعت زیاد، جریان عبوری از روی کلید کناری به سمت جریان عبوری از دیگر تاج کناری کلید برخورد کرده و باعث ایجاد انسداد در تخلیه جریان از کلیدهای انتهایی در طرفین سرریز میشود. علاوه بر آن با افزایش هد جریان، تغییرات شدید سطح آب بر روی سرریز مشاهده میشود. افزایش هد آب منجر به بالازدگی سطح آب در طرفین سرریز شده است. این پدیدهها عوامل اصلی کاهش ضریب آبگذری با افزایش هد آب بر روی سرریزهای کلیدپیانویی مورد مطالعه میباشد.

در شکل 16 جریان شکل گرفته بر روی تمامی سرریزهای مورد مطالعه برای 0.2–*H*/*H* نشان داده شده است. با توجه به شکلهای مزبور، با افزایش زاویه سرریز، سطح جریان عبوری از کلیدهای ورودی افزایش پیدا کرده و حجم آب بیشتری به سمت پایین دست تخلیه می شود.



شکل 16 الگوی سه بعدی جریان بر روی سرریز های APK با زوایای مختلف به ازای نسبت H/P برابر 0/2



شکل **17** مقایسه خطوط جریان تراز میانی بر روی سرریزهای TPK و APK با زوایای 100 و 150 درجه و *H/P* برابر 0/2

کلیدپیانویی مستطیلی با طول تاج یکسان میباشد. سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار تلفیقی از سرریزهای ذوزنقهای و سرریزهای انحنادار در پلان بوده و بر اساس مدلسازی های صورت گرفته، استفاده از این الگو منجر به بهبود قابل ملاحظه در رفتار هیدرولیکی سرریزهای کلیدپیانویی میشود. برای سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار با زوایای 50، 100 و 150 درجه، ضریب دبی به طور میانگین به میزان 14/9، 20/34 و 21/94 درصد نسبت به سرریز کلیدپیانویی ذوزنقهای با تعداد کلید و همچنین طول تاج یکسان، افزایش یافته است. علت عملکرد مناسب این نوع سرریزها را میتوان به موارد ذیل نسبت داد:

 حذف حالت کانالیزه جریان در حالت پلان مستقیم و ورود جریان به سرریز انحنادار بصورت عمودی از تمام جهات

2- افزایش سطح کلیدهای ورودی و کاهش سرعت در کلیدها و هدایت جریان به تمامی بخشهای تاج

3- توزیع یکنواخت تر جریان بر روی بخش های مختلف سرریز و حذف فشردگی خطوط جریان بر روی تاج کلیدهای ورودی

علل فوق تأثیر مستقیم بر افزایش ضریب دبی سرریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان داشته به نحوی که با افزایش زاویه سرریز، بهبود قابل توجهی در میزان آبگذری آن رخ میدهد.

7- فهرست علايم

APK سرریز کلیدپیانویی انحنادار در پلان

- x جزء سطح باز در جهت A_X
 - Bo طول كنسول بالادست
 - طول کنسول پاييندست B_i
- ضریب دبی سرریزهای جریان آزاد C_d
 - x مؤلفه شتاب كالبدى در جهت G_x

در سرریز TPK بخش عمدهای از جریانهای نزدیک شونده لایه میانی از روی تاج ورودی تخلیه شده، تنها تعداد محدودی از خطوط جریان به سمت تاجهای کناری منحرف شده است. این در حالیست که در سرریز APK جریان کاملاً بصورت یکنواخت بر روی تاج ورودی و تاجهای کناری توزیع شده و بواسطه کاهش فشردگی خطوط جريان ميتوان عملكرد بهتر سرريزهاي انحنادار نسبت به سرریزهای ذوزنقهای را انتظار داشت. مقایسه سرریزهای 100 و 150 درجه نشان میدهد که با افزایش زاويه سرريز، بهبود توزيع جريان بر روى كليدها و استفاده از ظرفیت تاجهای کناری در تخلیه جریانهای عبوری از سریزهای کلیدپیانویی انحنادار در پلان شدیدتر میشود. این نکته به علت افزایش سطح کلید ورودی و کاهش سرعت جریان در این بخش از سرریز میباشد؛ به نحوى كه به واسطه كاهش سرعت، جريان فرصت بیشتری دارد تا از تاجهای کناری تخلیه شود. با توجه به شکلهای مزبور، خطوط جریان نزدیک شونده به سرریزهای انحنادار در تمام جهات عمود بر سرریز بوده و این نکته نیز میتواند دلیلی بر بهبود عملکرد هیدرولیکی سرریز های انحنا دار باشد.

6- نتيجەگىرى

در این مقاله الگوی سه بعدی جریان بر روی سرریزهای کلیدپیانویی مستطیلی، ذوزنقهای و انحنادار در پلان مدلسازی عددی شد. بر اساس نتایج حاصل، استفاده از کلیدهای ذوزنقهای شکل تأثیر قابل ملاحظهای بر افزایش ضریب دبی سرریزهای کلیدپیانویی دارد. علت این امر، کاهش استغراق موضعی در کلیدهای خروجی، توزیع یکنواخت تر جریان بر روی تاجهای کناری و همچنین بهبود وضعیت سطح آب بر روی سرریز می باشد. به طور میانگین ضریب دبی سرریز ذوزنقهای به اندازه 23 و 18 درصد بالاتر از سرریزهای کنگرهای مستطیلی و اکبر صفرزاده گندشمین، بهزاد نوروزی

شکل هندسی پشتبند بر هیدرودینامیک سرریز کلیدپیانویی"، هشتمین کنگره ملّی مهندسی عمران، دانشکده مهندسی عمران، بابل.

Anderson, R. M., (2011). Piano key weir head discharge relationships. M.S. thesis, Faculty of Hydraulic Structures. Utah State University.

Anderson, R.M. and Tullis, B.P. (2012). "Comparison of piano key and rectangular labyrinth weir hydraulics". J. Hydraulic Eng. 138, pp. 358-361.

Hien, T.C., Son, H.T. and Khanh, M.H.T. (2006). "Results of some piano keys weir hydraulic model tests in Vietnam", Proc. of the 22nd Congress of ICOLD, Barcelona, Spain.

Kabiri-Samani, A.R. and Javaheri, A., (2012). "Discharge coefficient for free and submerged flow over the piano key weirs", J. Hydraulic Res. 50(1), pp. 114-120.

Laugier, F., (2007). "Design and construction of the first Piano Key Weir (PKW) spillway at the Goulours dam". Hydropower & Dams, 14 (5), pp. 94-101.

Lempérière, F., and Ouamane, A. (2003). "The piano keys weir: a new cost-effective solution for spillways". Hydropower & Dams, 7 (5), pp. 144-149.

Lempérière, F. and Jun, G., (2005). "Low cost increase of dams storage and flood mitigation: the piano keys weir". Proc. of 19th Congress of ICID, Beijing, China.

Leite Ribeiro, M., Bieri, M., Boillat, J.-L., Schleiss, A.J., Singhal, G. and Sharma, N. (2012a). "Discharge capacity of Piano Key Weirs". J. Hydraulic Eng. 138, pp. 199-203.

Leite Ribeiro, M., Pfister, M., Schleiss, A.J. and Boillat, J-L. (2012b). "Hydraulic design of A-type Piano Key Weirs". J. Hydraulic Res. 50(4), pp. 400-408.

Machiels, O., Erpicum, S., Archambeau, P., Dewals, B. and Pirotton, M. (2012). "Parapet wall effect on Piano Key Weirs efficiency". J. Irrig. Drain. Eng. 139(6), pp. 506-511.

Ouamane, A., and Lempérière, F., (2006). "Design of a new economic shape of weir". Proc. Int. Symp. Dams in the Societies of the 21st Century, Barcelona, Spain.

Pralong, J., Vermeulen, J., Blancher, B., Laugier, F., Erpicum, S., Machiels, O., Pirotton, M., Boillat, J.-L., Leite Ribeiro, M. and Schleiss, A. (2011). "A

هیدرودینامیک سه بعدی سرریزهای کلیدپیانویی . . .

$$\mathbf{x}$$
 شتاب ناشی از لزجت در جهت f_x
 H هد کل جریان روی سرریز

طول تاج کناری
$$l_c$$

$$Q$$
 کل دبی عبوری از روی سرریز

RL سرریز کنگرهای

شیب کلیدهای ورودی S_i

TPK سرریز کلیدپیانویی ذوزنقهای

جزء حجم باز
$$V_F$$

W عرض کل

Wi عرض کلید ورودی

زاويه کليد خروجي
$$lpha$$

β زاویه کلید ورودی

زاويه سرريز
$$heta$$

لزجت سيال
$$\mu$$

جرم مخصوص سيال ho

8- منابع

صفرزاده، ا. و نوروزی، ب. (1392-1). "مقایسه هیدرودینامیک سهبعدی سرریزهای کلیدپیانویی و کنگرهای مستطیلی"، کنفرانس بینالمللی عمران، معماری و توسعه پایدار شهری، تبریز.

صفرزاده، ا. و نوروزی، ب. (1392-2). "بررسی عددی تأثیر دیوار جانپناه بر عملکرد هیدرولیکی سرریزکلیدپیانویی"، پنجمین کنفرانس مدیریت منابع آب، تهران.

صفرزاده، ا. و نوروزی، ب. (1392-3). "بررسی عددی تأثیر

Roache, P.J. (1994). "Perspective: A method for uniform reporting of grid refinement studies". ASME Journal of Fluids Engineering. 116, pp. 405-413.

Schleis, A. (2011). *Labyrinth and piano key weirs-PKW*["]. CRC Press, Leiden, pp. 17-24. naming convention for the Piano Key Weirs geometrical parameters", Labyrinth and Piano Key Weirs - PKW 2011, CRC Press/ Balkema.

Ribeiro, M.L., Boillat, J.L., Schleiss, A., Laugier, F. and Albalat, C. (2007). "Rehabilitation of stmarc dam-experimental optimization of a piano key weir". Proc. of 32nd Congress of IAHR., Vince, Italy.