

Numerical simulation of the Chute Convergence effects on Forming the Transverse Wave in Flood Evacuation Systems

Sahar Biabani¹, Mehdi Hamidi^{2*}, Bahram Navayi Neya³

 M.Sc. Student, Faculty of Civil Engineering, Babol Noshirvani University of Technology, Babol, Iran
 Assistant Professor, Faculty of Civil Engineering, Babol Noshirvani University of Technology, Babol, Iran

3- Associate Professor, Faculty of Civil Engineering, Babol Noshirvani University of Technology, Babol, Iran

*Hamidi@nit.ac.ir

Abstract

Introduction: Flow contact with the spillway piers causes rooster tail waves which could continue along the flood evacuation system. Therefore, the information about the height and location of these waves would be useful for the design of the spillway chute walls. On the other hand, the engineers try to design the converging chutes to reduce the excavation costs, and this convergence in many cases would increase the transverse flow depth. According to the literature, three kinds of waves could be formed in the spillway and chute system. The first wave is formed just after the spillway piers and called as rooster tail waves. The Flow passing through the two sides of a pier collide each other at a near distance after the pier and forming the first wave. The second wave is formed at the middle axis of the chute and could be considered as the result of the interaction of the first waves and the channel convergence. The third wave is formed due to the collision of the mentioned waves with the channel walls. Investigating the effect of the chute convergence on the depth and location of transverse waves is critical and necessary and could present suitable information about the three waves. In this paper, the numerical simulation of the Khair Abad dam flood evacuation system is performed for investigating the effects of chute convergence on the formation of the transverse waves along the chute.

Methodology: In this Research, the FLOW-3D is used for simulation of the effects chute convergence on transverse wave formation. The Khair Abad dam flood evacuation system laboratory tests results were used for verification of the numerical simulation. The present simulations considered four convergence angles of the chute, including 0, 3, 5 and 7°. Also, the simulation was performed using three discharge rates consist of 3000, 7000 and 9000 m³/s. The convergence angle of the Khairabad Dam spillway is approximately 5 degrees and the convergence angles were changed during the chute until the chute width reached from 66 m to 40 m. The chute width is kept constant after the convergence.

Results and discussion: The model validation was performed using the laboratory data of the Kheirabad Dam spillway Model developed by the Iran Water Research Institute. Since the size and number of the cells in the model affect the accuracy of the results and computational cost, this study concentrates in finding the optimum value of dimensions and

number of cells for the simulation domain. This procedure could result in acceptable accuracy and suitable computational cost. The results of the verification showed that the smaller grid size and the greater number of cells, result in the higher correlation of the numerical results and the laboratory data. Hence, based on the above-mentioned method and available computational device, the best size and number of the cells were selected for simulating the effect of chute convergence on the three waves height.

Simulation results show that the height of the first wave increases with increases in the flow discharge, and the spillway convergence has not a significant effect on the first wave height. Also, the second wave height is increased by the increase in flow discharge. It should be mentioned, the second wave doesn't appear when there is no convergence in the chute, but with increasing the convergence angle the wave height increases and the maximum wave height will move to upstream stations of the chute. In other words, with the increase of the angle of convergence of the chute, the location of the second wave formation will be closer to the spillway crest and its height will increase. The simulation results demonstrated that the increase in the flow discharge could lead to an increase of third waves heights. Also, the results show that the third waves could not be formed when the channel convergence angle is equal to zero, and increase of convergence angle could result in an increase of the third wave height. Also, the increase in the angle of convergence of the chute results in transport of the location of the third wave formation into upstream stations. In other words, the third waves will form closer to the spillway axis by an increase in convergence angle. Numerical simulation results show that the height of the third wave which formed beside the wall can be more than twice the average flow depth at the same point. This fact should be considerate in the design of the chute with convergence. The results also showed that increasing the flow discharge will cause to increase of the wave height, but it led to the decrease of the ratio of the third wave height to the average flow depth. This means that increasing the discharge has less effect on increasing the transverse wave height.

Conclusion: Simulation results show that the height of transverse waves increases by increasing the discharge. But the ratio of the maximum height of the waves to the average depth of the same station will reduce by the increase of the discharge. Also, Results show that, by increasing the chute's convergence angle, the height of the transverse waves will increase and the location of the primary transverse waves will transmit to upstream locations of the chute.

Keywords: Numerical Simulation of Spillway, Chute Convergence, Kheir-Abad Dam, Transverse Waves, FLOW-3D, Rooster tail waves.



سحر بیابانی'، مهدی حمیدی۲*، بهرام نوایینیا۳

https://doi.org/10.30482/jhyd.2019.174636.1373

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد آب و سازههای هیدرولیکی، دانشکده مهندسی عمران ، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل ۲- استادیار سازههای هیدرولیکی ، دانشکده مهندسی عمران ، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل، ۳- دانشیار سازههای هیدرولیکی ، دانشکده مهندسی عمران ، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

*Hamidi@nit.ac.ir

دریافت: ۱۳۹۷/۱۲/۲۲، پذیرش: ۱۳۹۸/۰۴/۳۱ 🛛 🔻 وبگاه نشریه هیدرولیک: www.jhyd.iha.ir

چكیده: برخورد جریان با پایههای روی سرریز باعث شكل گیری امواج دم خروسی و توسعه امواج عرضی در طول سیستم تخلیه سیلاب میشود. ازاینرو دستیابی به اطلاعات مربوط به ارتفاع و محل تشكیل این امواج در طراحی دیوارههای سرریز بسیار پركاربرد میباشد. از طرفی در بسیاری از طرحها برای كاهش هزینههای اجرا ازجمله هزینههای حفاری و بتنریزی سعی میشود تا شوت به صورت همگرا طراحی گردد و این همگرایی در بسیاری از مواقع موجب به وجود آمدن جریانهای عرضی شده كه باعث افزایش عمق آب میگردد. بنابراین تحقیق و بررسی در مورد تأثیر زوایای همگرایی سرریز بر عمق و محل تشكیل امواج ضروری به نظر میرسد. در این تحقیق، از نرمافزار Flow3D برای مدلسازی سهبعدی سرریز سد خیرآباد و بررسی تأثیر همگرایی دیوارههای شوت بر شكل گیری و توسعه امواج عرضی استفاده شده است. نتایج بهدستآمده نشان داد كه با افزایش دبی ورودی سرریز و همچنین زاویه همگرایی سرریز، ارتفاع این امواج افزایش مییابد و در برخی موارد به ازای یک دبی ثابت ارتفاع موج به بیش از دو برابر عمق متوسط جریان در مقطع موردبررسی خواهد افزایش مییابد و در برخی موارد به ازای یک دبی ثابت ارتفاع موج به بیش از دو برابر عمق متوسط جریان در مقطع موردبرسی خواهد نقطه، کمتر خواهد شد. به عرار دبه ازای یک دبی ثابت ارتفاع موج به بیش از دو برابر عمق متوسط جریان در مقطع موردبررسی خواهد موضی استفاده شده است. نتایج بهدستآمده نشان داد اب افزایش دبی نسبت بیشینه ارتفاع موج به عمق متوسط جریان در مقطع موردبرسی خواهد مرسید. نتایج شبیه سازی به ازای یک همگرایی معین نشان داد با افزایش دبی نسبت بیشینه ارتفاع موج به عمق متوسط جریان در هدان مواهد، کمتر خواهد شد. به عبارت دیگر در دبی های پایین تر موج عرضی بلندتری نسبت به عمق متوسط تشکیل خواهد شد. همچنین نتایج مقطه، کمتر خواهد شد. به عبارت دیگر در دبی های پایین تر موج عرضی بلندتری نسبت به عمق متوسط تشکیل خواهد شد. همچنین نتایج منقطه، کمتر خواهد شد. به عرانی شانه میشوت.

كليد واژگان: شبيهسازى عددى سيستم تخليه سيلاب، همگرايى شوت، سد خير آباد، امواج عرضى، امواج دمخروسى، FLOW-3D

۱–مقدمه

در سازههای هیدرولیکی به دلیل نصب دریچه در سرریزها و یا ساخت پل از پایه استفاده می گردد که جریان هنگام عبور از پایهها موجهایی را تولید می کنند که باعث به وجود آمدن معضلاتی برای عبور جریان از روی شوت سرریز می شود. جریان بعد از عبور از پایه به طورکلی فوق بحرانی است. در اثر برخورد این جریان با پایههای سرریز امواجی تشکیل می شود که به این امواج، امواج

دمخروسی^۱ گفته میشود. عموماً حاصل این جریان سه موج است. موج اول در پاییندست پایهها شکل می گیرد. جریان عبوری از دو طرف پایه در فاصلهای بعد از پایه به هم برخورد می کنند که به آن موج اول می گویند. در اثر اندرکنش امواج اول و همچنین همگرایی کانال، موجی وسط سرریز رخ می دهد که به آن موج دوم می گویند و در اثر برخورد این امواج با دیوارههای کانال، موج سوم شکل می گیرد. شکل ۱ محل تشکیل این امواج را در یک مدل

و نشان دادند هوادهها باعث ایجاد امواج دمخروسی می شود و افزایش طول و زاویه قرار گیری هواده با افق باعث افزایش ارتفاع امواج عرضی حاصله در طول کانال آب خواهد شد. همچنین آنها در تحقیقی دیگر در سال ۲۰۱۲ برای جلوگیری از این امواج به بررسی زاویه بهینه قرار گیری رمپهای هواده با افق پرداختند (Pagliara et) Xue et al. (2018) .al. 2012) براى محاسبه ارتفاع امواج دمخروسی یک فرمول تجربی برحسب شکل پایه ارائه نمودند و همچنین شکل جدیدی از پایه با هزینه کم طراحي كردند كه ارتفاع اين امواج را به حداقل ممكن مىرساند. (Wu et al. (2008) نيز به طراحى نوعى پايه كه باعث به حداقل رساندن امواج دمخروسی در تونل تخلیه سیلاب می گردید پرداختند. Kavianpour et al. 2013 مطالعاتی را بر روی پروفیل طولی و عرضی امواج دمخروسی انجام دادند و روشی را برای کاهش این امواج ارائه نمودند.

بررسی تحقیقات صورت گرفته نشان میدهد که بیشتر آنها بر بررسی آزمایشگاهی موج دم خروسی تولید شده بعد از پایه، تعیین فرمولی تجربی برای محاسبه عمق این موج و همچنین بررسی تأثیر پایهها، عدد فرود و هوادهها روی ایجاد این امواج متمرکز بودهاند. از طرفی در بسیاری از طرحها برای کاهش هزینههای اجرایی سعی میشود تا شوت بهصورت همگرا طرح گردد و این همگرایی در بسیاری از مواقع موجب ایجاد جریانهای عرضی و به دنبال آن باعث افزایش ارتفاع آب می گردد. بنابراین لحاظ نمودن تأثير زوايای همگرايی شوت بر تغييرات عمق امواج عرضی ضروری به نظر میرسد. شایانذکر است، در تحقيقات انجامشده پيرامون علل ايجاد امواج دمخروسي و امواج عرضى حاصله تأثير تغييرات هندسه شوت ازجمله همگرایی دیوارههای شوت به دلیل هزینه و زمانبر بودن ساخت مدل آزمایشگاهی کمتر موردتوجه قرارگرفته است. بنابراین استفاده از مدل عددی در بررسی جریان روی شوت بهمنظور کاهش هزینههای آزمایش و تسریع در کسب نتایج ضروری مینماید. ازاینرو با توسعه مدلهای عددی و نرمافزارهایی که بر اساس مفاهیم دینامیک سیالات محاسباتی شکل گرفتهاند، مدلسازی یکپارچه

شبیهسازی عددی تاثیر همگرایی دیوارههای ...



Fig. 1 The location of transverse waves formation on the convergent spillway (adopted from Mousavi mehr et.al. 2014)

شکل ۱ محل شکل گیری امواج عرضی روی سرریز همگرا (Mousavi Mehr et.al. 2014)

یک موج عرضی می تواند به راحتی به دیوارههای شوت ضربه بزند و باعث خساراتی از جمله خوردگی دیوارهها شود (Wu et al. 2005; Sheng et al. 2013). بنابراین در طراحی سرریزها باید محل شکل گیری و ارتفاع موجها محاسبه شود. امواج عرضی حتی میتوانند در مرز یک تغییر ناگهانی مانند ستون یک کشتی رخ دهند (Maki et) al. 2006; 2007; Ghadimi et al. 2015). اين امواج در هنگامیکه مقدار تخلیه سیلاب (دبی) کم است در سرریزهای پلکانی نیز رخ میدهد (Rajaratnam 1990). با توجه به خطرات و خسارات ناشی از امواج دمخروسی و امواج عرضی حاصل از آن مطالعاتی بر روی این امواج به صورت آزمایشگاهی صورت گرفت. Reinauer and (Hager (1994) مطالعاتی بر روی امواج دمخروسی انجام دادند. آنها نشان دادند که ارتفاع این امواج به نسبت عرض کانال به عرض پایه روی سرریز بستگی دارد. آنها با ثابت نگهداشتن عرض پایه نشان دادند ارتفاع و عرض امواج دمخروسی با افزایش عدد فرود افزایش می یابد. همچنین این محققین در تحقیقی دیگر در سال ۱۹۹۶ برای کاهش امواج دمخروسی روی سرریز به امتداد پایه از یک طرف به وسیله تیغه پرداختند. این تیغه نقطه برخورد جت آب از دو طرف پایه را به نوک آن منتقل میکند و مانع از تشکیل امواج دمخروسی بعد از پایه می گردد Pagliara et al. (2011) .(Reinauer and Hager, 1997) مطالعاتی بر روی این امواج در سرریز با هواده انجام دادند

Journal of Hydraulics 14 (3), 2019 70

سازههای هیدرولیکی و بررسی جزئیات جریان امکان پذیر گردیده است. در این تحقیق سعی می شود از مدل سهبعدی سرریز سد خیر آباد برای بررسی تأثیر زاویه همگرایی دیوارههای شوت بر شکل گیری امواج دم خروسی و توسعه امواج عرضی روی شوت استفاده گردد.

۲-مواد و روشها

در این تحقیق برای تطابق بیشتر مطالعات با واقعیت از مدل آزمایشگاهی سیستم تخلیه سیلاب سد خیرآباد استفاده گردید. این سد دارای سامانه تخلیه سیلاب از نوع سرریز شوت دریچهدار (شامل کانال تقرب، سرریز اوجی دریچهدار، تنداب و پرتابکننده) میباشد که در سمت راست بدنه سد قرارگرفته است. تجهیزات هیدرودینامیک سرریز شامل ۶ دریچه قطاعی به عرض ۹ متر و ارتفاع ۱۱/۷ متر است و ۵ پایه با مقطع دوکیشکل میباشد. عرض پایه ۲.۴ متر که در انتهای دوک به ۱ متر میرسد همچنین طول پایهها در سرریز ۸.۳۳ و فاصله پایهها از هم ۹ متر است. سازه سرریز از نوع اوجی میباشد. شوت سرریز متشکل از دو بازه با شیبهای به ترتیب ۲۲٪ و ۴٪



۲–۱–مدل آزمایشگاهی

در این تحقیق از نتایج مدل آزمایشگاهی سرریز سد خیرآباد ساخته شده در موسسه تحقیقات آب ایران استفاده شده است (Iran Water Reasearch Institute,) 2012). مدل فیزیکی سرریز با مقیاس ۱:۵۰ و از جنس پلکسی گلاس ساخته شده است. در طول تنداب ۸ مقطع عرضی برای اندازه گیری عمق و سرعت آب تعیین شد که در شکل ۲ موقعیت مقاطع این نقاط در مقاطع طولی مشخص شده است. به ازای بازشدگی کامل دریچههای شش گانه، در هر مقطع عرضی در ۳ مکان راست، وسط و چپ شوت به ازای ۶ دبی (معادل دبی ۱۱۰۰ تا ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه پروتوتایپ) عمق آب اندازه گیری شده است. در این تحقیق برای واسنجی نتایج نرمافزار از دادههای آزمایشگاهی عمق آب به ازای دبی ۳۰۰۰ ، ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه پروتوتایپ استفاده شده که در بخش ۳-۱ نتیجه بررسیها و صحتسنجیهای مربوطه ارائه شده است.



Fig. 2 The Position of the investigated sections in Khairabad Dam spillway (Iran Water Reasearch Institute, 2012) (Iran Water Reasearch Institute, 2012) شکل ۲ موقعیت مقاطع موردبررسی در سیستم سرریز سد خیرآباد

حاکم بر جریان و روش حجم سیال برای محاسبه سطح آزاد آب در مجاری باز استفاده میکند و همچنین برای جریانهای سهبعدی غیر ماندگار که دارای سطح آزاد و هندسه پیچیده هستند کاربرد دارد. این نرمافزار قابلیت

۲-۲-مدل عددی
در این تحقیق از نرمافزار Flow3d برای مدلسازی عددی
جریان عبوری از سیستم تخلیه سیلاب استفاده شده است.
این نرمافزار از روش حجم محدود برای حل معادلات

Journal of Hydraulics 14 (3), 2019 71

تحلیل یک، دو و سهبعدی جریان را دارد. در این نرمافزار از معادلات پیوستگی و ناویر استوکس استفاده شده است. در ویرایش نرم افزار مورد استفاده در این تحقیق امکان استفاده از پنج مدل آشفتگی شامل مدل اختلاط پرانتل، مدل تک معادلهای، مدل شبیه سازی گرداب های بزرگ، مدل دو معادلهای مدل شبیه سازی گرداب های بزرگ مدل دو معادلهای مدل شبیه سازی (Flow3D, Help, Ver. 11.0.4, Flow Science Inc)

۲-۳-معادلات حاکم

قوانین حاکم بر جریان یک سیال تراکم ناپذیر و لزج توسط معادلات ناویر-استوکس و پیوستگی بیان میشوند. فرمکلی معادلات پیوستگی بهصورت معادله ۱ بیان میشود: $V_F \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} (\rho u A_x) + R \frac{\partial}{\partial y} (\rho v A_y) + \frac{\partial}{\partial z} (\rho w A_Z) + + \xi \frac{\rho u A_x}{x} = R_{DIF} + R_{SOR}$ (1)

که V_F ضریب حجم آزاد به سمت جریان و مقدار R در معادله بالا ضریب مربوط به مختصات بهصورت کارتزین و یا استوانهای هست. اولین عبارت در سمت راست معادله پیوستگی مربوط به انتشار تلاطم بوده و بهصورت معادله ۲ قابل تعریف است:

$$R_{DIF} = \frac{\partial}{\partial x} \left(v_{\rho} A_{x} \frac{\partial \rho}{\partial x} \right) + R \frac{\partial}{\partial y} \left(v_{\rho} A_{y} \frac{\partial \rho}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(v_{\rho} A_{z} \frac{\partial \rho}{\partial z} \right) + \xi \frac{\rho v_{\rho} A_{x}}{x}$$
(2)

عبارت دوم در سمت راست معادله ۱ بیانگر منشأ چگالی است و بهصورت معادله ۳ قابل تعریف است: $\frac{V_F}{\rho c^2} \frac{\partial P}{\partial t} + \frac{\partial u A_x}{\partial x} + R \frac{\partial v A_y}{\partial y} + \frac{\partial w A_z}{\partial z} + \xi \frac{u A_x}{x} = \frac{R_{SOR}}{\rho} \quad (3)$

همچنین فرم کلی معادلات حرکت (مومنتوم) در حالت

سهبعدی بهصورت معادلات ۴، ۵ و ۶ میباشد:

$$\frac{\partial u}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ u A_x \frac{\partial u}{\partial x} + v A_y \frac{\partial u}{\partial y} + w A_z \frac{\partial u}{\partial z} \right\} - \zeta \frac{A_y V^2}{x V_F} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x} + G_x + f_x - b_x - \frac{R_{SOR}}{\rho V_F} (u - u_w - \delta u_s)$$
(4)

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ u A_x \frac{\partial v}{\partial x} + v A_y \frac{\partial v}{\partial y} + w A_z \frac{\partial v}{\partial z} \right\} + \zeta \frac{A_y u v}{x V_F} = -\frac{1}{\rho} \left(R \frac{\partial P}{\partial y} \right) + G_y + f_y - b_y - \frac{R_{SOR}}{\rho V_F} \left(v - v_w - \delta v_s \right)$$
(5)

$$\frac{\partial w}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left\{ u A_x \frac{\partial w}{\partial x} + v A_y \frac{\partial w}{\partial y} + w A_z \frac{\partial w}{\partial z} \right\} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial z} + G_z + f_z - b_z - \frac{R_{SOR}}{\rho V_F} (w - w_w - \delta w_s)$$
(6)

که در معادلات بالا G_x ، G_y ، G_x مربوط به شتاب حجمی میباشند. پارامترهای f_x ، f_y ، f_x شتابهای ناشی از جریانهای لزج بوده و b_y ، b_x و z^d نیز شامل روابط مربوط (Flow3D, Help, استند Flow3D, Help, 0.0.1, Flow Science Inc).

۲-۴-شرایط مرزی و مدل تلاطمی

شرایط مرزی کف و دیوارههای جانبی، دیوار در نظر گرفتهشده است. این شرایط مرزی دقیقا مشابه یک دیوار عمل مي كند و مي توان بر اساس لغزش يا عدم لغزش جریان روی دیواره مولفه های سرعت روی دیواره را نیز معرفی کرد. سمت بالای شبکهبندی شرایط متقارن^۲ منظور شد که در این شرایط کلیه گرادیان های عمود بر مرز صفر بوده و هیچ جریانی از آن عبور نمی کند. شرایط اولیه ورودی مقدار دبی^۳ و شرایط خروجی جریان از نوع جریان خروجی^۴ انتخاب شد که اجازه میدهد سیال در تماس با فشار هوا بهطور آزادانه حرکت کند. برای مقایسه اثر مدل آشفتگی بر دقت نتایج در شرایط مشابه از دو مدل آشفتگی RNG و K-E برای شبیهسازی سرریز استفاده گردید که نتایج تا حد زیادی مشابه هم شد و با اختلاف کمی مدل RNG نسبت به مدل K-E نتایج عمق آب در طول تندآب را به نتایج آزمایشگاهی نزدیکتر پیشبینی کرد لذا مدل RNG برای ادامه تحقیق مورداستفاده قرار گرفت. زمان مناسب جهت استخراج نتایج نیز ۸۰ ثانیه در نظر گرفته شد.

۲-۵-معرفی مدلهای هندسی

مطالعات حاضر بر اساس ۴ زاویه همگرایی شوت سرریز شامل زوایای صفر، ۳، ۵ و ۷ درجه و سه دبی ۳۰۰۰، ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه انجام گردید. اشاره به

¹ Wall

² Symmetry

³ volume flow rate

⁴ out flow

این نکته حائز اهمیت است که زاویه همگرایی سرریز سد خیرآباد تقریباً ۵ درجه میباشد و تغییر زوایای همگرایی در طول سرریز تا جایی انجام شد که عرض سرریز از ۶۶ متر به ۴۰ متر رسید و بعد از آن عرض سرریز ثابت نگه داشته شد. در شکل ۳ نمای سه بعدی مدل سرریز سد خیرآباد با زاویه همگرایی ۷ درجه ارائه شده است.



Fig. 3 The geometry of the spillway and chute hydraulic model with 7 degrees convergence شکل ۳ هندسه مدل هیدرولیکی سرریز و شوت با زاویه همگرایی ۲ درجه

در پاییندست دریچهها پروفیل امواج اول، دوم و سوم اندازه گیری و ترسیم گردید. اندازه گیریها برای موج اول دقیقاً بعد از پایه، برای موج دوم در میانه مسیر شوت و برای موج سوم بر روی دیوارههای کانال انجام شد.

۲-۶-معرفی خطاهای محاسباتی

رابطههای ۷ و ۸ به ترتیب نشاندهنده تغییرات خطای جذر میانگین مربعات و میانگین مطلق خطا میباشد که تفاوت میان مقدار پیشبینیشده توسط نرمافزار و مقدار دادههای آزمایشگاهی را نشان میدهد.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (e_i)^2}{n}}$$
(7)

$$MAE = \frac{\sum_{i=1}^{n} |e_i|}{n} \tag{8}$$

که در روابط بالا e_i تفاضل مقادیر دادههای نرمافزار با دادههای آزمایشگاهی و n تعداد دادهها میباشد chai et) .al. 2014).

رابطهی ۹ نشاندهنده تغییرات خطای نسبی میباشد که حاصل تقسیم خطای مطلق بر مقدار واقعی کمیت یا همان مقدار دادههای آزمایشگاهی است و معمولاً برحسب درصد نیز میتوان بیان کرد و بدون بُعد است. (9)

در این رابطه X_i مقادیر دادههای بدست آمده در نرمافزار و Y_i مقادیر دادههای آزمایشگاهی و i تعداد دادهها میباشد (Chai et al. 2014). رابطه ۱۰ مقدار ضریب همبستگی که بیان کننده همبستگی میزان دادههای محاسبهشده در نرمافزار و مقادیر آزمایشگاهی میباشد را نشان میدهد. بدیهی است که هرچه مقدار R به یک نزدیکتر باشد نشاندهنده نزدیکی بیشتر دادههای نرمافزار و آزمایشگاهی است. $R = \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{act} - \bar{y}_{act})(y_{est} - \bar{y}_{est})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_{act} - \bar{y}_{act})^2 \Sigma(y_{est} - \bar{y}_{est})^2}}$ (10)

 \overline{y}_{act} مقدار دادههای آزمایشگاهی \overline{y}_{act} مد رابطه بالا y_{act} مقدار دادههای آزمایشگاهی y_{est} مقادیر دادههای نرمافزاری برآورد شده است (Chai et al. 2014).

۳- نتایج و بحث

در این بخش ابتدا صحت سنجی مدلسازی انجام شده ارائه گردیده و پس از آن با ارائه نتایج، به بحث در مورد آنها پرداخته خواهد شد.

۳–۱– صحت سنجی

برای حصول اطمینان از صحت شبیه سازی انجام شده، راستی آزمایی مدل با استفاده از داده های آزمایشگاهی مدل سرریز سد خیر آباد، ساخته شده در موسسه تحقیقات آب ایران انجام شده است. به همین منظور ابتدا یک مدل هندسی سه بعدی منطبق بر مشخصات سرریز سد خیر آباد ساخته شد. یکی از مهم ترین نکاتی که باید در شبیه سازی عددی مورد توجه قرار گیرد شبکه بندی مناسب جهت حل معادلات حاکم است. در این مدل سازی ابعاد شبکه طوری تعیین شد که پارامترهای کنترل شبکه از قبیل حداکثر

> Journal of Hydraulics 14 (3), 2019 73

ابعاد شبکه در راستای طولی و عمقی و ضریب نسبت ابعاد شبکه در راستاهای مختلف و در مجاور یکدیگر مناسب انتخاب شده باشد. ازآنجاکه ابعاد شبکه محاسباتی بر دقت نتایج تأثیرگذار است و از طرفی هزینه محاسباتی نیز در مدل سازی عددی بسیار حائز اهمیت میباشد، در این تحقیق سعی گردید مقدار بهینه ابعاد و تعداد سلول انتخاب شود تا علاوه بر دقت مناسب نتایج، هزینه محاسباتی نیز قابل قبول گردد. ابعاد سلولهای انتخابی و تعداد آنها برای ۵ حالت مورد بررسی در جدول شماره ۱ ارائه شده است.

در ۸ نقطه از مقطع طولی مورد بحث در مدل آزمایشگاهی و در سه مکان چپ، وسط و راست شوت و به ازای پنج حالت مشبندی M1 تا M16، عمق آب در نرمافزار

محاسبه گردید. نمودارهای ۴، ۵ و ۶ عمق آب را به ازای تعداد المانهای متفاوت در طول سرریز و به همراه نتایج آزمایشگاهی برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه نشان میدهد. در نمودارهای زیر Expr نتایج حاصل از مدل آزمایشگاهی سرریز میباشد.

جدول ۱ تعداد و ابعاد تقریبی سلولهای مش Table 1 Approximate number and dimensions of mesh cells

	M1	M2	M4	M8	M16
Number of Cells	760000	1520000	3040000	6080000	12160000
Dimensions of Cells	1.57	1.03	0.81	0.64	0.51









Journal of Hydraulics
14 (3), 2019
74



Fig. 6 Flow depth along the right wall of the chute, in the laboratory and numerical model **شکل** *۶* عمق جریان در امتداد دیواره سمت راست شوت در مدل آزمایشگاهی و عددی

نمودارهای ۴، ۵ و ۶ نشان میدهند هرچه شبکهبندی ریزتر و تعداد سلولها بیشتر باشد نتایج عددی به دادههای آزمایشگاهی نزدیکتر خواهد بود. با توجه به این نمودارها به ازای تعداد سلولی که ۱۶ برابر تعداد سلولها در حالت اولیه بوده و اندازه هر سلول ۱۵/۰ متر است (M16) نتایج حاصل از شبیهسازی دقیقتر از حالتهای دیگر میباشد. نمودارهای شکل ۷ به ترتیب خطاهای RMSE، RMSE خطای نسبی و ضریب همبستگی برای مقاطع راست، چپ و وسط شوت سرریز را نشان میدهد.

انجام محاسبات مدلسازی به ازای تعداد مشهای مختلف را نشان میدهد. با توجه به نمودار ۲–C و ۲–C با افزایش تعداد سلولهای مش از ۲۰۸۰۰۰ در (M8) به ۱۲۱۶۰۰۰۰ در (M16) خطای نسبی و ضریب همبستگی به ترتیب به میزان ۸۸ درصد کاهش و ۱.۲ درصد افزایش میابد در حالیکه با توجه به نمودار ۸ زمان انجام محاسبات به میزان ۱۳۴۰ درصد افزایش مییابد. در نتیجه اگرچه خطا نسبت به حالت قبل کاهش مییابد ولی زمان بررسیهای بعدی با استفاده از ترکیب سلولها (M8) با تعداد مش ۲۰۸۰۰ و اندازه مش ۲۶۰ متر که دارای دقت و هزینه محاسباتی قابل قبول هست انجام شد.

در ادامه مبحث صحت سنجی، مدل سرریز سد خیرآباد با تعداد سلولهای M8 برای دبیهای ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه موردبررسی قرار گرفت. به دلیل حجم بالای نمودارهای پروفیل طولی آب روی شوت سرریز، مقدار خطاها و ضریب همبستگی بصورت خلاصه در جدول ۲ ارائه گردیده است.







Table 2 Error value and correlation coefficient for 7000 and 9000 m/s now discharges						
Discharge (m ³ /s)	7000	9000	7000	9000	7000	9000
Error	Right		Center		Left	
MAE	0.14	0.15	0.15	0.14	0.13	0.15
RMSE	0.15	0.17	0.16	0.15	0.14	0.17
Relative Error	0.04	0.05	0.04	0.04	0.03	0.05
Correlation Coefficient	0.97	0.96	0.97	0.97	0.98	0.96

جدول۲ مقدار خطاها و ضریب همبستگی به ازای دبیهای ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه Fable 2 Error value and correlation coefficient for 7000 and 9000 m³/c flow discharge

خروجیهای شبیهسازی استخراج و موردبررسی قرار گرفت. شکل ۹ شکل گیری امواج اول، دوم و سوم روی شوت سرریز سد خیرآباد را در فضای نرمافزار نمایش میدهد.

۲-۲- بررسی شکلگیری امواج اول، دوم و سوم با توجه به زاویه همگرایی و تغییرات دبی با توجه به توضیحات ارائه شده پروفیل طولی جریان برای

۳ دبی ۳۰۰۰، ۵۰۰۰ و ۷۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه و ۴ زاویه همگرایی دیوارههای شوت ۰، ۳، ۵ و ۷ درجه از



Fig. 9 The simulated first, second and third waves in the spillway شکل ۹ امواج اول، دوم و سوم شکل گرفته در شبیه سازی جریان روی سرریز

در ادامه به تأثیر تغییرات دبی و زوایای همگرایی بر روی هر یک از امواج اول، دوم و سوم بهصورت جداگانه پرداخته شده است.

۳-۲-۱-بررسی موج اول

نمودارهای شکل ۱۰–A، ۱۰–B و ۲۰–C پروفیل طولی جریان آب روی شوت و شکل گیری موج اول را برای پایه اول سمت راست سرریز به ازای زوایای همگرایی ۰، ۳، ۵ و ۷ درجه و دبیهای ۳۰۰۰، ۳۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه نشان میدهد. مطابق نمودارهای شکل ۱۰ برای دبیهای ۲۰۰۰، ۲۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه عمق موج اول با افزایش دبی افزایش مییابد. بدیهی است که با افزایش دبی ورودی به سرریز عمق آب افزایشیافته و به

دنبال آن ارتفاع این امواج نیز افزایش مییابد. بیشینه ارتفاع موج اول برای همهی زوایای همگرایی و دبیها در جدول شماره ۳ ارائهشده است. مطابق با جدول زیر برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه موج اول از ۰ تا ۷ درجه تقریباً ۵ درصد و برای دبی ۲۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه حدوداً ۲۱ درصد و برای دبی ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه ۱۴ درصد افزایش عمق داشته است. بنابراین میتوان گفت، همگرایی سرریز روی موج اول تأثیر محسوسی نخواهد داشت و با افزایش زاویه انقباض ارتفاع موج اول به مقدار کمی روند افزایشی مییابد زیرا شروع انقباض شوت فاصله کمی تا محل تشکیل موج اول که در انتهای پایه میباشد دارد.





Fig. 10 Longitudinal profile of flow over the chute, along the first pier, A: 3000 m³/s, B:7000 m³/s, C:9000 m³/s ۹۰۰۰ :C شکل۱۰ پروفیل طولی جریان روی شوت سرریز در راستای پایه اول، A: ۳۰۰۰ مترمکعببرثانیه، B نامیه، ۲۰۰۰ مترمکعببرثانیه، C مترمکعببرثانیه

جدول ۳ بیشینه ارتفاع موج اول برای زوایای همگرایی و دبیهای مختلف (متر) Table 3 Maximum depth of the first wave for different convergence angles and different discharges (m)

convergence angle Discharge (m ³ /s)	0 deg	3 deg	5 deg	7 deg
3000	4.05	4.18	4.22	4.25
7000	6.57	6.95	7.32	7.97
9000	8.73	8.44	10	10.03



۲-۲-۲-۲-بررسی موج دوم نمودارهای شکل ۱۱-A، ۱۱-B و C-۱۱ پروفیل طولی جریان آب روی شوت و شکلگیری موج دوم را به ازای زوایای همگرایی ۰۰ ۳، ۵ و ۲ درجه و برای دبیهای

ورودی ۳۰۰۰، ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه نشان میدهد.







Fig. 11 Longitudinal profile of flow over the chute, along the middle axis, A: 3000 m³/s, B:7000 m³/s, C:9000 m³/s ۲۰۰۰ :B شکل ۱۱ پروفیل طولی جریان در طول شوت سرریز در محور میانی سرریز برای دبی ۲۰۰۰: ۵ مترمکعببرثانیه، ۲۰۰۰ مترمکعببرثانیه مترمکعببرثانیه، ۲: ۹۰۰۰ مترمکعببرثانیه

Journal of Hydraulics
14 (3), 2019
79

۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه به مقدار ۵۲ درصد افزایش یافته است. همچنین ارتفاع امواج تشکیل شده برای مدل با زاویه همگرایی ۷ درجه به مقدار قابلملاحظهای از مدل با زاویه همگرایی ۳ و ۵ درجه بیشتر است بنابراین با افزایش زاویه همگرایی ارتفاع امواج افزایش مییابد. همچنین همان طور که در جدول ۴ نشان دادهشده است با افزایش انقباض شوت، بیشینه ارتفاع موج به سمت بالادست شوت حرکت خواهد کرد. به عبارت دیگر با افزایش زاویه همگرایی شوت محل تشکیل موج دوم در طول شوت در فاصله نزدیک تری نسبت به تاج سرریز و با عمق بیش تری خواهد بود. همانگونه که پیشتر ذکر گردید یکی از دلایل تشکیل موج عرضی همگرایی دیوارههای سرریز میباشد. از اینرو برای سرریزی که زاویه همگرایی آن صفر درجه است موج دوم تشکیل نخواهد شد. مطابق با نمودارهای فوقالذکر افزایش دبی باعث افزایش ارتفاع موج دوم نیز در طول سرریز میگردد. در جدول شماره ۳ بیشینه ارتفاع موج دوم و فاصله محل تشکیل آن تا ابتدای پایه ارائهشده است. مطابق با دادههای موجود در جدول زیر برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه عمق موج دوم از زاویه همگرایی ۳ تا زاویه ۷ درجه به مقدار ۴۴ درصد و برای دبی دبی

جدول ۴ بیشینه ارتفاع و فاصله محل تشکیل موج دوم با ابتدای پایه برای زوایای همگرایی و دبیهای مختلف (متر) **Table 4** Maximum depth and the location of the second wave for different convergence angles and discharges (m)

Convergence angle Discharge (m ³ /s) V	3 deg	5 deg	7 deg	
3000	125 , 3.47	118, 3.68	98, 5.03	
7000	110,7.07	100,9.1	98,11.5	
9000	110,9.2	98, 9.98	95, 13.98	

می گردد با افزایش زاویه همگرایی شوت ارتفاع موج دوم و به تبع آن ارتفاع موج سوم که پس از موج دوم در کناره دیوارههای شوت تشکیل می شود نیز افزایش می یابد. همچنین با توجه به جدول زیر همانند موج دوم با افزایش زاویه همگرایی شوت محل تشکیل موج سوم نیز به سمت بالادست حرکت می کند و در محلی نزدیکتر به محور سرریز تشکیل خواهد شد.

مقادیر ارتفاع موج سوم به ازای ۴ زاویه همگرایی و ۳ دبی متفاوت همچنین عمق متوسط آب در مقطع تشکیل بیشینه ارتفاع موج در جدول شماره ۶ ارائه شده است که Hmax بیشینه ارتفاع موج سوم و Havr عمق متوسط آب در همان نقطه میباشد. در جدول زیر ملاحظه میشود ارتفاع موج سوم برای دبی ۳۰۰۰، ۲۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه به ازای زاویه ۳ درجه به ترتیب به ۱/۱۸، ۱/۹۲ و ۱/۳۸ برای زاویه همگرایی ۵ درجه بهترتیب ۱/۲۰، ۱/۸۵ و

۳-۲-۳-بررسی موج سوم

نمودارهای شکل A-۱۲، A-۱۲ و C-۱۲ پروفیل طولی جریان آب روی شوت و شکل گیری موج سوم که در امتداد دیواره سمت راست سرریز تشکیل میشوند را به ازای زوایای همگرایی ۰، ۳، ۵ و ۷ درجه و برای دبی ۳۰۰۰، ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه نشان میدهند. با توجه به نتایج بهدستآمده در مدل سرریز با زاویه همگرایی صفر درجه موج سوم تشکیل نمی شود در نمودارهای شکل ۱۲ ملاحظه می شود با افزایش دبی ارتفاع موج سوم نیز در طول سرریز افزایش مییابد. در جدول شماره ۵ بیشینه ارتفاع موج سوم و فاصله محل تشکیل آن تا ابتدای پایه ارائهشده است. مطابق با دادههای موجود در جدول زیر برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه عمق موج سوم از زاویه همگرایی ۳ تا زاویه ۷ درجه به مقدار ۳۸ درصد، برای دبی ۷۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه به میزان ۳۲ درصد و همچنین برای دبی ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه ۲۹ درصد افزایش یافته است. بنابراین مشاهده



Fig. 12 Longitudinal profile of the flow over the chute, along the right wall, A: 3000 m³/s, B:7000 m³/s, C:9000 m³/s ۹۰۰۰ :C شکل ۱۲ پروفیل طولی روی شوت سرریز سمت راست سرریز برای دبی ۲۰۰۰ ترمکعببرثانیه، B: ۲۰۰۰ مترمکعببرثانیه، C مترمکعببرثانیه

جدول۵ بیشینه ارتفاع و فاصله محل تشکیل موج سوم با ابتدای پایه برای زوایای همگرایی و دبیهای مختلف (متر) Table 5 Maximum depth and the location of the third wave for different convergence angles and discharges (m)

Convergence angle Discharge (m ³ /s)	3 deg	5 deg	7 deg	
3000	228, 3.48	208, 3.66	183 , 4.81	
7000	192,7.03	160 , 8.5	145 , 9.33	
9000	183 , 8.78	160,11.1	125 , 11.4	

	3 deg		5 deg		7 deg	
Discharge 3000 m ³ /s	H _{max} =3.48	Havr=1.82	H _{max} =3.64	Havr=1.82	H _{max} =4.81	Havr=2.19
Discharge 7000 m ³ /s	H _{max} =7.03	H _{avr} =4.07	H _{max} =8.5	H _{avr} =4.58	H _{max} =9.33	H _{avr} =4.76
Discharge 9000 m ³ /s	H _{max} =8.78	H _{avr} =6.35	H _{max} =11.22	H _{avr} =6.62	H _{max} =11.31	H _{avr} =6.23

جدول ۶ مقادیر بیشینه ارتفاع موج سوم و عمق متوسط به ازای دبی و زوایای همگرایی متفاوت Table 6 Maximum depth of the third wave and the mean depth of the flow for different convergence angles and discharges

بیشتر بوده و میبایست مدنظر قرار گیرد. همچنین نمودار زیر نشان می دهد نسبت ارتفاع بیشینه موج سوم با عمق متوسط در همان نقطه با افزایش دبی کاهشیافته است و در تمام زوایای همگرایی ارتفاع بیشینه موج برای دبی معروب مترمکعب بر ثانیه دارای کمترین اختلاف با عمق متوسط خود در آن نقطه میباشد. بنابراین نتایج نمودار نشان می دهد اگرچه افزایش دبی باعث بیشتر شدن ارتفاع موج خواهد شد اما اختلاف آن با عمق متوسط آب روی سرریز کمتر می شود. این بدان معناست افزایش دبی تأثیر معمق متوسط موج کوتاهتری را روی دیوارهها تولید می کند. هرچند در بررسی های مربوط به نتایج با زاویه همگرایی و دبی حداکثر، ارتفاع موج ایجادشده اختلاف قابل ملاحظه حدود هشتاددرصدی با عمق متوسط روی برابر عمق متوسط جریان در همان مقطع امواج و همچنین برای زاویه ۷ درجه به ترتیب ۲/۱۹، ۱/۹۶ و ۱/۸۲ برابر عمق متوسط جریان در همان مقطع امواج میرسد. درنتیجه اختلاف بیشینه ارتفاع موج سوم با عمق متوسط آب در همان نقطه برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه بیشتر میباشد و برای دبی ۷۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه این اختلاف کاهش یافتهاست.

نمودار ۱۳ نسبت ارتفاع بیشینه موج سوم با عمق متوسط در همان نقطه برای ۴ زاویه همگرایی ۰، ۳، ۵ و ۷ درجه به ازای ۳ دبی ۳۰۰۰، ۲۰۰۰ و ۹۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه را نشان میدهد. بررسیها نشان میدهد، ارتفاع موج سوم که در کنارهی دیواره تشکیل میشود در برخی مواقع میتواند به بیش از دو برابر عمق متوسط آب در همان نقطه برسد که لازم است این امر در طراحیهای مربوط به دیوارههای شوت مدنظر قرار گیرد این اختلاف بین ارتفاع موج سوم و عمق متوسط در زوایای جمع شدگی بالاتر





Journal of Hydraulics
14 (3), 2019
82

۴- نتیجهگیری

در این تحقیق شبیه سازی سه بعدی جریان روی شوت سیستم تخلیه سیلاب به منظور بررسی امواج عرضی و شکل گیری امواج سه گانه انجام گردید. با استفاده از نتایج مدل آزمایشگاهی سد خیرآباد شبیه سازی عددی مورد ارزیابی و صحت سنجی قرار گرفت. برای دستیابی به یک ابعاد مشبندی بهینه که دقت و هزینه محاسباتی قابل قبول را دارا باشد، ۵ حالت مختلف اندازه و تعداد سلولهای شبیه سازی در نظر گرفته شد و نهایتا حالت بهینه اندازه و تعداد سلولها در شبیهسازی عددی مورد استفاده قرار گرفت. نتایج بدست آمده از شبیهسازیهای انجام شده در این تحقیق را می توان به دو دسته نتایج عددی و همچنین نتایج حاصل از تحلیل و تفسیر نتایج عددی دسته بندی نمود. بخش عمدهای از نتایج عددی حاصل در بخش ۳ مقاله ارائه شده است و برای پرهیز از تکرار مباحث، در این بخش مجددا ذکر نمی گردد. این نتایج عددی نشان میدهد، با افزایش دبی و زاویه همگرایی ارتفاع آب روی شوت زیاد می شود و در پی آن ارتفاع امواج عرضى تشكيل شده نيز افزايش مىيابد اما نسبت این افزایش نسبت به عمق متوسط در دبیهای مختلف متفاوت مىباشد. به عنوان نمونه ارتفاع امواج سوم برای دبی ۳۰۰۰ مترمکعب بر ثانیه از زاویه همگرایی ۳ تا ۷ درجه بین ۱.۹ تا ۲.۲ عمق متوسط جریان در همان مقطع امواج تغییر می کند در حالیکه با افزایش دبی به ۹۰۰۰ مترمکعب برثانیه این نسبت از ۱/۴ به ۱/۸ میرسد. تحلیل نتایج عددی نشان میدهد جمع شدگی شوت اگرچه باعث افزایش عمق متوسط جریان می شود ولی با افزایش زاویه همگرایی اختلاف ارتفاع موج حاصل و عمق متوسط افزایش می یابد و با توجه به نتایج بدست آمده این اختلاف ارتفاع در برخی مواقع در موج سوم به بیش از دو برابر میرسد. بنابراین میبایست این امر در طراحی دیوارهها مورد توجه قرار گیرد. همچنین نتایج نشان میدهد، با افزایش دبی ورودی به سرریز اگرچه ارتفاع امواج اول، دوم و سوم افزایش می یابد اما اختلاف بیشینه موج سوم با عمق متوسط مربوط به همان دبی در نقطه

دوره ۱۴، شماره ۳، پاییز ۱۳۹۸

محل تشکیل آن کمتر خواهد شد. به عبارت دیگر می توان گفت اگرچه با افزایش دبی عبوری از شوت نسبت اختلاف ارتفاع موج سوم و عمق متوسط کاهش مییابد ولی این اختلاف برای دبیهای بالا همچنان معنادار میباشد و میبایست توسط طراحان مورد توجه قرار گیرد. همچنین تحلیل نتایج بدست آمده نشان داد با افزایش زاویه همگرایی علاوه بر افزایش ارتفاع امواج، محل پیک امواج دوم و سوم به سمت ایستگاههای بالادستی سرریز منتقل میشود و در فاصله نزدیکتری نسبت به تاج سرریز شکل می گیرند.

۵- سپاسگزاری

این پژوهش در قالب پایاننامه دانشجویی و با حمایت دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل و با اعتبار پژوهشی شماره BNUT/392034/97 انجام پذیرفته است.

	۲- فهرست نشانهها
A_X به مساحت	نسبت مساحت سیال عبوری از یک المان
	کل المان در جهت x
به مساحت A _Y	نسبت مساحت سیال عبوری از یک المان
	کل المان در جهت y
به مساحت A _Z	نسبت مساحت سیال عبوری از یک المان
	کل المان در جهت z
Κ	تعداد دادهها
R	مشخصه مربوط به نوع سيستم مختصات
t	زمان
u	مولفه سرعت در جهت محور مختصات x
v_F حجم	نسبت حجم سیال عبوری از یک المان به
	کل المان در جهت x
ν	مولفه سرعت در جهت محور مختصات y
W	مولفه سرعت در جهت محور مختصات z
X_K , y_{act}	مقادیر دادههای بدست آمده در نرمافزار
Y_{K} , y_{est}	مقادیر دادههای بدست آمده از آزمایشگاه
\bar{y}_{act}	میانگین مقدار نرمافزاری
\bar{y}_{est}	میانگین مقدار نرمافزاری

Journal of Hydraulics 14 (3), 2019 83 Pagliara, S., Kurdistani, S. M. and Palermo, M. (2012). Effects of vertical deflectors on rooster tail geometry. In 2nd IAHR European Congress. Technische Universität München- Lehrstuhl für Wasserbau und Wasserwirtschaft Ingenieurfakultät Bau Geo Umwelt.

Pagliara, S., Kurdistani, S. M. and Roshni, T. (2011). Rooster tail wave hydraulics of chutes. Journal of Hydraulic Engineering, 137(9), 1085-1088.

Rajaratnam, N. (1990). Skimming flow in stepped spillways. Journal of Hydraulic Engineering. 116(4), 587-591.

Reinauer, R. and Hager, W. H. (1997). Pier waves in sloping chutes. Int. J. Hydropower Dams. 4(3), 100-103.

Reinauer, R. and Hager, W. H. (1994). Supercritical flow behind chute piers. Journal of Hydraulic Engineering. 120(11), 1292-1308.

Sheng, C., Jian, Z., Ming, H. and Hazrati, A. (2013). Experimental study on water-wing characteristics induced by piers in flood drainage culverts. Scientia Iranic.Transaction A, Civil Engineering, 20(5), 1320.

Wu, J. H., Cai, C. G., Ji, W., Ruan, S. P. and Luo, C. (2005). Experimental study on cavitation and water-wing for middle-piers of discharge tunnels. Journal of Hydrodynamics, Series B, 17(4), 429-437.

Wu, J. H. and Yan, Z. M. (2008). Hydraulic characteristics of bottom underlay-type pier for water-wing control. Journal of Hydrodynamics, 20(6), 735-740.

Xue, H., Diao, M., Ma, Q. and Sun, H. (2018). Hydraulic Characteristics and Reduction Measure for Rooster Tails Behin Spillway Piers Arabian Journal of Science and Engineering, 1-8.

۷– منبعها

Chai, T. and Draxler, R. R. (2014). Root mean square error (RMSE) or mean absolute error (MAE)–Arguments against avoiding RMSE in the literature. Geoscientific model development, 7(3), 1247-1250.

Doctors, L. J. and University of New South Wales. (2007). A numerical study of the resistance of transom-stern monohulls. Ship Technology Research. 54(3), 134-144.

Flow3D, Help, Ver. 11.0.4, Flow Science Inc.

Ghadimi, P., Dashtimanesh, A., Zamanian, R., Feizi Chekab, M.A. and Mirhosseini, S.H.R. (2015). Rooster tail depression by originating a modified transom stern form using a Reynolds averaged Navier Stokes solver. Sc. Iran.Trans. B Mech. Eng 22.3 765-777.

Iran Water Reasearch Institute. (2012). The final report of Khairabad dam hydraulic tests, Iran Ministry of Energy. (in Persian)

Kavianpour, M., Mousavi mehr, S., Mokhtarpour, A., Roshan, R. (2013). Investigating the pier Effect on rooster tail Structure Profiles on gated chute spillway. Seventh National Congress on Civil Engineering. (in Persion)

Maki, K. J., Doctors, L. J., Beck, R. F., & Troesch, A. W. (2006). Transom-stern flow for high-speed craft. Australian Journal of Mechanical Engineering, 3(2), 191-199.

Mousavi Mehr, M., Kavianpour, M., Mokhtarpour, A. (2014). Investigation of the waves caused by the pier on the gated spillway. journal of Hydraulic. 8(2), 1-18. (in Persion)