

# اعتبارسنجی روش میانگین گیری دوگانه سرعت برای جریان کندشونده در رودخانه‌های بستر درشت دانه

حسین افضل‌ی مهر<sup>۱\*</sup> و رسول رضانی<sup>۲</sup>

۱- استاد گروه آب و محیط‌زیست، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران

۲- کارشناس ارشد مهندسی آب و سازه‌های هیدرولیکی، دانشگاه علم و صنعت ایران

\* hafzali@iust.ac.ir

(دریافت مقاله: ۹۷/۰۵/۲۸؛ پذیرش مقاله: ۹۸/۰۱/۲۱)

**چکیده**- درک برهمکنش اشکال بستر و ویژگی‌های جریان در مجاری باز، کمک‌های شایانی در اجرای بهتر پروژه‌های زیست‌محیطی و مهندسی رودخانه از قبیل احیا و ساماندهی رودخانه‌ها، کنترل آلودگی آب و طراحی کنال پایدار خواهد کرد. در این تحقیق، روش میانگین‌گیری دوگانه برای برآورد سرعت جریان و سرعت برشی تحت جریان غیریکنواخت کندشونده در دو بازه از رودخانه‌های بستر درشت دانه هراز (مازندران) و رستم‌آباد (چهار محال بختیاری) استفاده شده است، برای اندازه‌گیری سرعت جریان در هر نقطه از نیمرخ سرعت از دستگاه ADV با فرکانس ۲۰۰ هرتز و مدت زمان ۱۲۰ ثانیه استفاده شده است. رودخانه‌های هراز و رستم‌آباد از لحاظ هیدرولیکی دارای بستر شن و قلوه‌سنگ با شناوری نسبی (نسبت عمق جریان به قطر میانه ذرات رسوب) به ترتیب ۱۰/۴ و ۴/۴ هستند. با توجه به استفاده کم از روش میانگین‌گیری دوگانه در رودخانه‌های ایران، اعتبار این روش با استفاده از قانون لگاریتمی و روش مشخصات لایه‌مرزی در محاسبه سرعت برشی در امتداد بخش گودی شکل بستر بررسی شد. نتایج نشان داد که جریان لایه‌مرزی به دو بخش لگاریتمی (ناحیه داخلی) و بخش خارجی تفکیک‌پذیر است. در ناحیه داخلی جریان  $0.02 < z/h < 0.3$ ، نیم‌رخ میانگین‌گیری دوگانه سرعت از قانون لگاریتمی پیروی کرده و در ناحیه خارجی بدون الگوی خاصی از آن منحرف می‌شود. نتایج این تحقیق می‌تواند به برآورد مناسب‌تر پارامترهای هیدرولیکی و در پی آن به کاهش هزینه‌های اقتصادی طرح‌های هیدرولیکی به‌ویژه در رودخانه‌ها کمک کند.

**کلید واژگان:** روش میانگین‌گیری دوگانه، قانون لگاریتمی، روش مشخصات لایه‌مرزی، جریان کندشونده، رودخانه‌های شنی و قلوه‌سنگی.

## ۱- مقدمه

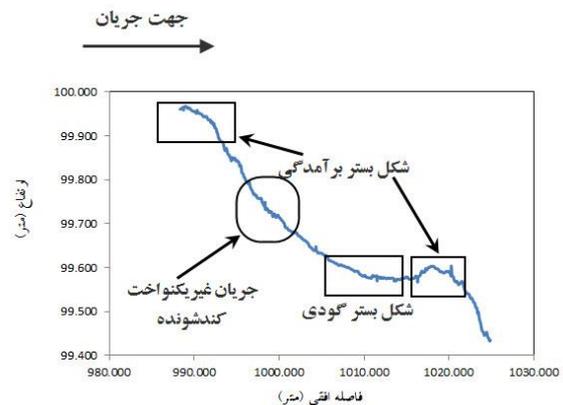
نتایج آن‌ها به شرایط رودخانه‌ها به سهولت انجام‌پذیر نیست. بعلاوه تحقیقات میدانی از این جهت اهمیت دارند که بسیاری از شرایط جریان در رودخانه قابلیت بازتولید در آزمایشگاه را ندارند. یکی از این شرایط هندسه نامنظم بستر رودخانه و تنوع در اندازه ذرات رسوب بستر است (شکل ۱). در این شکل نیمرخ طولی یک آبراهه با بستر درشت دانه (بازه رستم‌آباد) شامل شکل بسترهای گودی و برآمدگی و ناحیه جریان غیریکنواخت کندشونده نشان

درک بهتر ویژگی‌های جریان در مجاری طبیعی کمک شایانی در اجرای بهتر پروژه‌های مهندسی رودخانه از قبیل احیا و ساماندهی رودخانه‌ها، کنترل آلودگی آب و برآورد پارامترهای هیدرولیکی خواهد کرد. بیشتر تحقیقات در حوزه مهندسی رودخانه، محدود به مطالعات آزمایشگاهی است که در شرایط تحت کنترل انجام می‌شوند که تعمیم

داده شده است. در این بازه عمق متوسط جریان برای سه بخش شکل بستر برآمدگی، گودی و ناحیه جریان غیریکنواخت‌کنندشونده به ترتیب برابر با ۹، ۱۲ و ۱۰ سانتی‌متر می‌باشد. همچنین اندازه میانه مواد بستر برای سه بخش یادشده به ترتیب برابر با ۲۱، ۳۹ و ۳۸ میلی‌متر است.

بستر بالادست<sup>۱</sup> تلماسه به کار بردند که در امتداد آن عمق جریان کاهش می‌یافت و جریان غیریکنواخت بود. دلیل عدم توسعه روش میانگین مکانی به ناحیه شیب پایین دست<sup>۲</sup> تلماسه توسط آن‌ها وقوع قابل توجه جدایی جریان (با توجه به ارتفاع شکل بستر) بود که به دلیل افزایش توربولانس در آن، تعمیم روش میانگین‌گیری مکانی برای این بخش از شکل بستر مناسب نبود. آن‌ها با میانگین‌گیری مقادیر سرعت در امتداد شکل بستر برای نقاطی که فاصله یکسانی از کف رودخانه داشتند، یک نیم‌رخ معرف برای آن بخش از شکل بستر مورد مطالعه ارائه کردند. (Nikora et al. (2001 با مطالعه جریان بر روی زبری بستر بیان داشتند که شکل نیم‌رخ سرعت میانگین‌گیری دوگانه در ناحیه زیر لایه زبر که مربوط به جریان در داخل محیط متخلخل شدن می‌شود به صورت خطی تغییر می‌کند. (Franca et al. (2008 با مطالعه دو رودخانه درشت‌دانه، نشان دادند که باوجود شناوری نسبی (نسبت عمق جریان به قطر میانه رسوب  $h/d_{50}$  کم (کمتر از ۶) این دو رودخانه، ناحیه‌ای در جریان وجود دارد که توزیع سرعت در آن از قانون لگاریتمی پیروی می‌کند. آن‌ها جریان را به سه ناحیه، ناحیه زیر لایه زبر، ناحیه قانون لگاریتمی و ناحیه خارجی تقسیم‌بندی کردند و نشان دادند که قانون لگاریتمی در ناحیه گذر واقع بین زیر لایه زبر و لایه جریان آشسته برآزش مناسبی بر داده‌های اندازه‌گیری شده دارد. شکل ۲ نیم‌رخ بدون بعد سرعت را همراه با لایه‌های داخلی و خارجی و برآزش قانون لگاریتمی بر داده‌های سرعت در لایه داخلی نشان می‌دهد. (Fazlollahi et al. (2013 از روش میانگین‌گیری دوگانه در یک مطالعه آزمایشگاهی استفاده کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که با استفاده از این روش، علاوه بر پیروی داده‌ها از توزیع لگاریتمی سرعت جریان در ناحیه داخلی لایه مرزی، بی‌نظمی‌های تصادفی که در اثر زبری کف در نیم‌رخ‌های زمانی به وجود می‌آیند، تعدیل شده امکان برآورد بهتری از پارامترهای هیدرولیکی جریان مانند سرعت و سرعت‌برشی

داده شده است. در این بازه عمق متوسط جریان برای سه بخش شکل بستر برآمدگی، گودی و ناحیه جریان غیریکنواخت‌کنندشونده به ترتیب برابر با ۹، ۱۲ و ۱۰ سانتی‌متر می‌باشد. همچنین اندازه میانه مواد بستر برای سه بخش یادشده به ترتیب برابر با ۲۱، ۳۹ و ۳۸ میلی‌متر است.



شکل ۱ نیم‌رخ طولی یک آبراهه با بستر دانه درشت

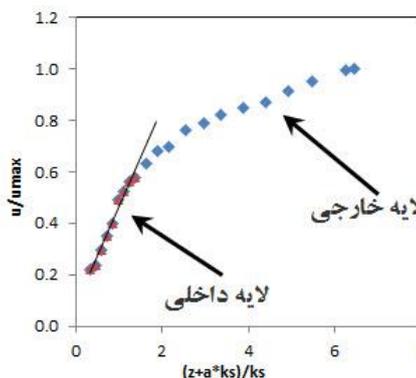
بر این اساس این سوال وجود دارد که چگونه می‌توان باوجود ناهم‌واری‌هایی که به صورت شکل بستر نمود دارد و تنوع ذرات رسوب، پارامترهایی نظیر سرعت متوسط، سرعت برشی، تنش برشی، ضریب زبری و اعدادی همچون فرود و رینولدز را به صورت معنی‌دار و یا معرف برای یک بازه از یک رودخانه ارائه کرد؟ برای پاسخ به این سوال محققین روشی به نام میانگین‌گیری دوگانه (میانگین‌گیری در زمان و مکان) ارائه کردند. این روش که در ابتدا برای جریان‌های لایه‌مرزی اتمسفریک بر روی پوشش گیاهی سطح زمین به کار رفته است، بعدها توسط مهندسان رودخانه به حوضه تحقیقات در کانال‌های باز گسترش یافته است (Day, 2014).

نخستین بار، (Smith et al. (1977 از روش میانگین‌گیری دوگانه برای نیم‌رخ‌های سرعت استفاده کردند. مطالعات اسمیت و مک‌لین در امتداد یک تلماسه به شکل مثلث با کاربرد میانگین دوگانه انجام شده است که در آن عمق جریان در امتداد مثلث (شکل بستر تلماسه) تغییر می‌کرده است. آن‌ها روش میانگین‌گیری مکانی را فقط در شیب

تنش رینولدز در آن غیرخطی و بصورت همگرا می باشد. درعین حال در این شرایط توزیع سرعت از قانون لگاریتمی پیروی می کند.

جریان مورد مطالعه در این مقاله غیریکنواخت دائمی است بنابراین شتاب موضعی در آن بررسی نمی شود. بعلاوه در نظر گرفتن شتاب جابجایی در سه بعد عملا سودی در مطالعه از جنبه کاربردی نداشته و صرفا موضوع را برای مهندسين پیچیده نشان خواهد داد. گراف و شاگردانش در پلی تکنیک لوزان از دهه ۸۰ میلادی مطالعه جریان های غیریکنواخت دائمی را در دستور کار خود قرار دادند. آن ها در مقالات خود به محاسبه شتاب (موضعی یا جابجایی) اشاره ای نداشتند زیرا آن ها به درستی بر این اعتقاد بودند که مهم ترین فاکتور در مطالعه جریان غیریکنواخت نحوه توزیع های سرعت، تنش رینولدز و اثر گرادیان فشار در تغییرات ضخامت لایه لگاریتمی است. وجود پستی و بلندی در مسیر جریان یک رودخانه واقعی است که سبب غیریکنواختی جریان می شود و لازم است تاثیر آن بر نحوه توزیع سرعت و اعتبار قانون لگاریتمی بررسی و مطالعه شود. (Schlichting (1979) تاکید می کند که جریان های با گرادیان فشار (غیریکنواخت) تأثیر عمیقی بر لایه مرزی دارند، هرچند بسیار پیچیده و دور از درک کامل از طریق تئوری هستند، با این وجود کاربرد روش های نیمه تجربی به نتایج رضایت بخشی منجر شده اند. (Schlichting (1979) در آغاز فصل ۲۲ کتاب خود تأکید می کند که برای توسعه روش های محاسبه لایه مرزی آشفته در حضور گرادیان فشار لازم است از روابط تجربی که فراتر از روابط توسعه یافته برای جریان با گرادیان فشار صفر (یکنواخت) و صفحه تخت می باشند سود جست.

مطالعات گوناگونی در رودخانه های قله سنگی که عمده رودخانه های مناطق کوهستانی کشور را شامل می شوند، انجام گرفته است (Afzalimehr et al., 2017b; Afzalimehr et al., 2017a; et al., 2017a; Najafabadi et al., 2018). هرچند روش میانگین گیری دوگانه در این رودخانه ها کمتر مورد توجه قرار گرفته است. در این رودخانه ها پارامترهای مورفولوژیکی و هیدرولیکی مانند دانه بندی، عمق و سرعت در امتداد



شکل ۲ نمایش لایه های داخلی و خارجی نیمرخ سرعت و برازش قانون لگاریتمی

حاصل می شود.

Gloyi et al. (2016) با هدف ارائه یک سرعت برشی در امتداد شکل بستر تلماسه<sup>۱</sup> مطالعات خود را در یک کانال آزمایشگاهی و بر روی تلماسه های دوبعدی تاج تخت<sup>۲</sup> و زاویه های گوناگون پایین دست و بالادست انجام دادند. هرچند تلماسه ها بندرت در بسترهای شنی یا قله سنگی مشاهده می شوند قطر متوسط ذرات رسوب بکار رفته توسط Gloyi et al. (2016) ۱/۳ و ۶ میلی متر بوده است، این محققین با استفاده از روش میانگین گیری Smith et al. (1977) اقدام به برآورد سرعت برشی در امتداد یک شکل بستر مثلی کردند. نتایج نشان داد که مقدار سرعت برشی محاسبه شده توسط نیمرخ های میانگین گیری دوگانه اختلاف زیادی با میانگین سرعت برشی در نقاط مختلف شکل بستر ندارد (کمتر از ۰.۴٪).

در بسترهای زبر و در حضور پوشش گیاهی تعریف کلاسیک جریان یکنواخت معنی دار نیست زیرا توزیع تنش برشی در جریان یکنواخت بر اساس رابطه  $\tau = \rho g h S$  خطی است در حالی که با وجود عمق ثابت در طول کانال که یکی از نشان های یکنواختی جریان است، توزیع تنش برشی کاملا غیرخطی است و این علامت آشکاری از نقض یکنواختی جریان بر اساس تعاریف کلاسیک هیدرولیک در حضور زبری است. (Afzalimehr et al., 2009) نشان دادند که جریان بر روی بستر شنی و پوشش گیاهی دیوار با وجود عمق ثابت یکنواخت نبوده و توزیع

دائمی، بر اساس معادله پیوستگی، سرعت جریان کاهش می‌یابد که به آن جریان کند شونده گویند. همچنان که با نزدیک شدن جریان به برآمدگی شکل بستر در مسیر رودخانه، عمق جریان کاهش و سرعت آن افزایش می‌یابد که به آن جریان تند شده گویند. بنابراین دلیل کاهش سرعت جریان در دو رودخانه، برداشت داده‌ها در بخش ابتدایی ورود جریان به شکل بستر پول (گودی) است. مطالعه جریان کندشونده در برآورد صحیح پارامترهای هیدرودینامیکی مانند سرعت برشی و ضریب زبری در رودخانه‌ها از اهمیت شایانی برخوردار است. در جریان کندشونده حداکثر سرعت جریان در سطح آب قرار می‌گیرد؛ هرچند برای جریان غیریکنواخت تندشونده، حداکثر سرعت جریان در زیر سطح آب قرار می‌گیرد (Graf et al., 1998). شکل‌های غالب بستر در رودخانه‌های شنی و قله‌سنگی به صورت توالی شکل بستر برآمدگی<sup>۱</sup> و گودی<sup>۲</sup> هستند (Najafabadi et al., 2018). جریان کند شونده همراه با اثر گرادیان فشار غیر صفر دارای توزیع تنش برشی غیرخطی است درحالی‌که در جریان یکنواخت (گرادیان فشار صفر) توزیع تنش برشی خطی است. نوع جریان یکنواخت و غیریکنواخت تاثیر مستقیم در برآورد سرعت متوسط جریان، سرعت برشی و ضریب زبری دارد. به منظور کنترل تغییر نکردن دبی در طی مدت داده‌برداری، در ابتدای هر روز، نخست دبی رودخانه اندازه‌گیری شده است و تغییرات بسیار جزئی دبی نشان از دائمی بودن جریان در بازه‌های مطالعه شده دارد. جدول ۱ برخی مشخصات هندسی بازه‌های انتخابی را ارائه می‌کند. در این جدول  $h$  عمق متوسط جریان،  $B$  عرض متوسط رودخانه،  $S_0$  شیب بستر و  $d_{50}$  و  $d_{90}$  به ترتیب نشان دهنده ۵۰ و ۹۰ درصد ذرات ریزتر در منحنی دانه بندی هستند.

اولین مرحله از برداشت داده‌ها، نقشه‌برداری توپوگرافی بستر و کناره رودخانه بوده است که توسط یک دستگاه دوربین توتال استیشن انجام گرفت. برای این منظور، ابتدا بازه موردنظر از طریق طناب کشی بصورت ۰/۵ متر در راستای طولی و ۰/۵ متر در راستای عرضی رودخانه شبکه

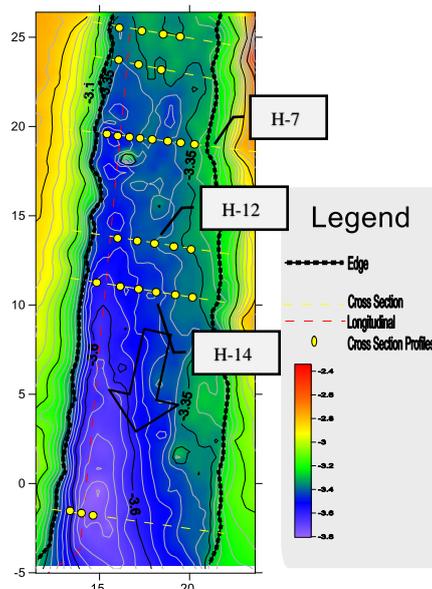
جریان تغییر می‌کنند. بنابراین مطالعه حاضر با استفاده از نتایج تحقیق میدانی بر روی دو رودخانه شنی- قله‌سنگی هراز در استان مازندران و رودخانه رستم‌آباد در استان چهارمحال و بختیاری، به کاربرد روش میانگین‌گیری دوگانه در نحوه توزیع سرعت جریان و اعتبار قانون لگاریتمی و تغییرات ضرایب آن در جریان کندشونده می‌پردازد.

## ۲- مواد و روش‌ها

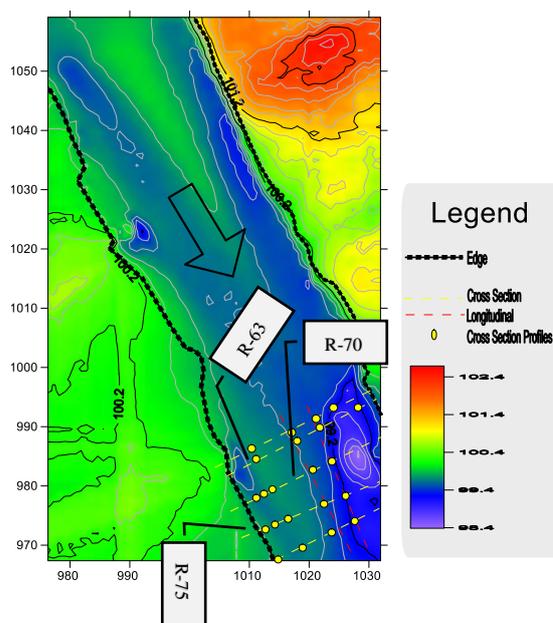
بازه‌های مطالعه‌شده در این تحقیق رودخانه هراز، در محدوده لاسم در شمال ایران (۰) و رودخانه رستم‌آباد در محدوده شهر رستم‌آباد در استان چهارمحال و بختیاری (۰) است. ارائه پلان بازه مورد مطالعه با رزولوشن بالا به دلیل نبود وسایل لازم برای انجام آن امکان‌پذیر نیست. هرچند شکل‌های ۳ و ۴ به‌خوبی پلان بازه‌های مطالعه شده را به خواننده ارائه می‌کنند. انتخاب بازه‌ها بر اساس کیلومترها پیاده‌روی در مسیر رودخانه‌ها و یافتن بازه مناسب مستقیم و مطمئن از نظر امنیت جانی برای افراد و حفاظت از دستگاه‌ها صورت گرفته است. در رودخانه هراز یک بازه به طول ۴۵ متر و با عرض متوسط ۹/۵ متر و در رودخانه رستم‌آباد یک بازه به طول ۹۵ متر و عرض متوسط ۲۰، بدون حضور پیچان رود و بدون پوشش گیاهی در بستر انتخاب شدند تا نه فقط اثری از آن‌ها در نتایج محاسبات نباشد بلکه جریان به دلیل گودی در مسیر رودخانه به صورت غیریکنواخت کندشونده باشد. برای توضیح جریان کند شونده لازم به یادآوری است در یک دیفیوزر در مسیر جریان سطح مقطع افزایش و بر اساس معادله پیوستگی برای جریان دائمی سرعت جریان کاهش می‌یابد که به این نوع جریان به دلیل تغییرات سطح مقطع جریان غیریکنواخت اطلاق می‌شود و به دلیل کاهش سرعت در امتداد دیفیوزر به آن جریان کند شونده اطلاق می‌شود. به‌طور مشابه در یک رودخانه شنی- قله‌سنگی بستر رودخانه تخت نیست بلکه به صورت پول (گودی) و ریفل (برآمدگی) است. از ابتدای ورود جریان به بخش گودی، عمق جریان تا رسیدن به حداکثر مقدار خود (تقریباً در وسط گودی) افزایش می‌یابد که برای جریان

جدول ۱ برخی از مشخصات هندسی هیدرولیکی بازه‌های انتخابی

نام رودخانه	طول بازه (m)	B (m)	h (m)	دبی (m <sup>3</sup> /s)	d <sub>16</sub> (cm)	d <sub>50</sub> (cm)	d <sub>84</sub> (cm)	d <sub>90</sub> (cm)	h/d <sub>50</sub> (-)	B/h	S <sub>0</sub> (%)
هراز	۴۵	۹/۵	۰/۳۰	۳/۶۸	۱/۷	۲/۸	۴/۹	۶/۰	۱۰/۴	۳۱/۷	۰/۸
رستم‌آباد	۹۵	۲۰	۰/۱۷۵	۱/۵۳	۲/۶	۴/۰	۵/۷	۶/۰	۴/۴	۱۱۴/۳	۰/۴۶



شکل ۳ موقعیت جغرافیایی بازه هراز و محدوده داده‌برداری و نقشه توپوگرافی بازه



شکل ۴ موقعیت جغرافیایی بازه رستم‌آباد، شهرستان کاج و محدوده داده‌برداری و نقشه توپوگرافی بازه

و نیمرخ‌های رودخانه رستم‌آباد با حرف R نشان داده شده‌اند؛ همچنین عدد موجود در نام هر نیمرخ، نشان‌دهنده فاصله آن نقطه از ابتدای بازه داده‌برداری شده است. در ۰ نیمرخ بستر رودخانه‌ها و سطح آب در خط‌القعر آنها نشان داده شده‌اند.

بندی شد. همچنین کناره رودخانه نیز به فاصله یک متر نقشه‌برداری شد (۰). برای رسم نیمرخ سطح آب نیز در همان نقاط نقشه‌برداری شده، عمق آب به وسیله یک میله مدرج قرائت شد. نحوه نام‌گذاری این نقاط هم شامل یک حرف و یک عدد است، نیمرخ‌های رودخانه هراز با حرف H



(ب) رودخانه هراز

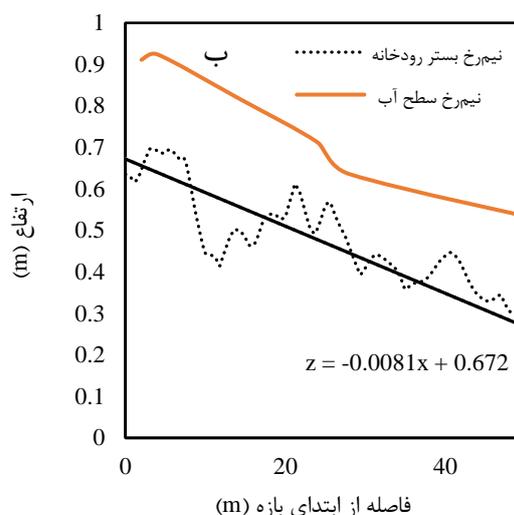
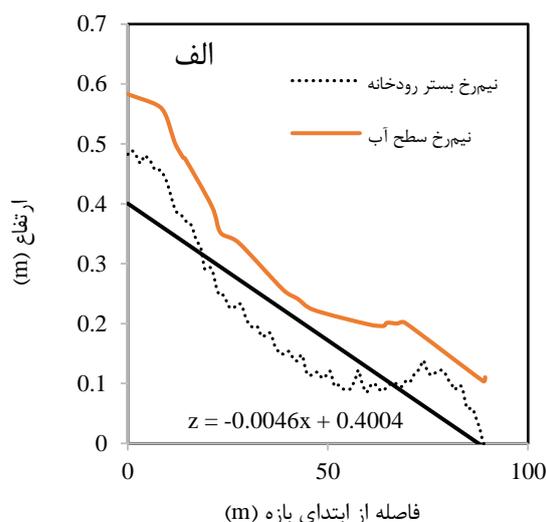


(الف) رودخانه رستم‌آباد

شکل ۵ عملیات شبکه‌بندی و نقشه‌برداری بستر و حاشیه رودخانه



شکل ۶ میز نمونه‌گیری و نحوه استقرار دستگاه ADV در رودخانه



شکل ۷ نیمرخ بستر رودخانه و سطح آب در محور خط القعر بازه الف) رستم آباد ب) هراز

قائم قرار می دهد (۶۰). اندازه گیری سرعت در فاصله ۵۰ میلی متری از فرستنده در مرکز یک حجم استوانه ای با قطر ثابت ۶ میلی متر و ارتفاع قابل تنظیم ۳ تا ۱۵ میلی متر، که حجم نمونه گیری<sup>۳</sup> نام دارد، انجام می گیرد. Kabiri et al. (2017) با مقایسه اختلاف مقادیر سرعت حاصل از داده برداری ۱۲۰ ثانیه و ۳۰۰ ثانیه که با فرکانس ۲۰۰ انجام شده بودند، نشان دادند که برداشت سرعت جریان در هر نقطه به مدت ۱۲۰ ثانیه با این دستگاه از دقت کافی برخوردار است. در این مطالعه نیز سرعت در هر نقطه از رودخانه با فرکانس ۲۰۰ هرتز و زمان داده برداری ۱۲۰ ثانیه اندازه گیری شد که منجر به تولید ۲۴۰۰۰ داده در هر نقطه و در هر جهت می شود. با این حجم بسیار زیاد از اطلاعات و حتی در صورت غربال بخشی از داده ها که به صورت نویز ثبت شده اند، می توان به خوبی مقادیر سرعت و تنش رینولدز را در هر نقطه برآورد کرد تا از طریق آن ها سرعت برشی را دست آورد. همچنین برای افزایش سلامت داده ها، در این تحقیق غربال داده ها از روش Goring & Nikora (2002) و با استفاده از نرم افزار WinADV<sup>۴</sup> انجام شده است. برای ارائه مطلوب داده های سرعت سنج صوتی، از معیارهای افزایش زمان نمونه برداری، انتخاب مناسب فرکانس نمونه گیری، انتخاب مناسب دامنه اندازه گیری

نحوه دانه بندی در این مطالعه مبتنی بر روش کلاس یک Wolman (1954) بوده است. برای این منظور با انتخاب یک سطح ۰/۵ متر در ۰/۵ متر، در بستر رودخانه بدون دیدن ذرات، ۱۰۰ عدد شن یا قلوه سنگ برداشت می شود و سپس از طریق یک کولیس سه بعدی آن اندازه گیری شده و قطر میانه برای هر ذره تعیین می شود. سپس منحنی فراوانی ذرات برداشت شده در مقابل درصد ذرات ریزتر ترسیم می شود. با رسم این منحنی می توان  $d_{50}$  و  $d_{90}$  و یا هر قطر مشخصه دیگر را تعیین کرد.

اندازه گیری سرعت با استفاده از دستگاه سرعت سنج صوتی<sup>۱</sup> (ADV) پایین نگر ساخت شرکت نورتک<sup>۲</sup> و به صورت نقطه ای برداشت شده است. برای این منظور دستگاه سرعت سنج بر روی میز نمونه گیری که توسط نویسندگان طراحی شد قرار گرفت. این میز دارای چهار پایه با ارتفاع قابل تنظیم و با ابعاد ۱/۵ متر در ۰/۷ متر است. با قرارگیری سرعت سنج در مرکز میز نمونه گیری، اندازه گیری های سرعت مستقل از اثر پایه ها بر نتایج انجام می شوند. سرعت سنج با نصب شدن بر روی یک صفحه مثلی شکل به میز متصل می شود. این صفحه علاوه بر تنظیم ارتفاع سرعت سنج، به دلیل وجود دو تراز استوانه ای و کروی و سه پیچ تنظیم، سرعت سنج را کاملاً در راستای

4. <https://www.usbr.gov/tsc/techreferences/computer%20software/software/winadv/index.html>

1. Acoustic Doppler Velocimeter  
2. Nortek  
3. Sampling volume

(2001) Nikora et al. با استفاده از روش میانگین‌گیری دوگانه (میانگین‌گیری زمانی و مکانی) مقدار میانگین را برای هر پارامتر که معرف آشفتگی (عدد رینولدز) و رژیم جریان (عدد فرود) باشد گزارش کردند. این محققین هر متغیر وابسته به زمان مانند  $\theta$  را در قالب میانگین‌گیری دوگانه به صورت رابطه (۱) تعریف کردند:

$$\theta = \langle \bar{\theta} \rangle + \tilde{\theta} + \theta' \quad (1)$$

که در آن  $\langle \bar{\theta} \rangle$  میانگین دوگانه،  $\tilde{\theta}$  اختلاف مقدار میانگین زمانی با مقدار میانگین دوگانه و  $\theta'$  نوسانات زمانی پارامتر  $\theta$  است. نیکورا و همکاران (۲۰۰۱) عمل میانگین‌گیری دوگانه برای پارامتر  $\theta$  را به صورت رابطه (۲) تعریف کردند:

$$\langle \bar{\theta} \rangle = \frac{1}{A_f(z)} \int_{\Omega} \bar{\theta}(\alpha, \beta, z) ds \quad (2)$$

که در آن  $\Omega$  ناحیه مستطیلی با ابعاد  $L_x \times L_y$  است که موازی با بستر می باشد،  $A_f$  زیردامنه‌ای از  $\Omega$  است که توسط سیال در ناحیه مشخص به مساحت  $ds$  اشغال شده است. نسبت  $A = A_f/A_0$  در بسترهای زیر ثابت نیست که در آن  $A_0$  معرف سطح کل است و  $z$  به فاصله نقاط برداشت از بستر مربوط است. متغیرهای  $\alpha$  و  $\beta$  به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$0 < \alpha < L_x, 0 < \beta < L_y \quad (3)$$

میانگین‌گیری دوگانه به صورت معادله ۴ انجام می‌شود:

$$\langle \bar{u} \rangle = \frac{\sum_{k=1}^{N-N_0(z)} \bar{u}_k(z) A_k(z)}{\sum_{k=1}^{N-N_0(z)} A_k(z)} \cong \frac{1}{N - N_0(z)} \sum_{k=1}^{N-N_0(z)} \bar{u}_k(z) \quad (4)$$

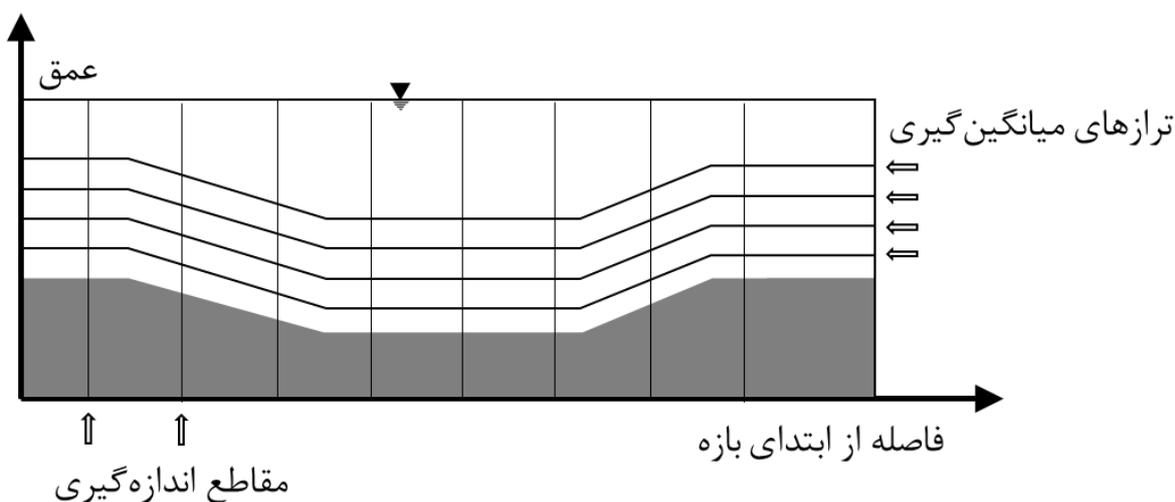
سرعت و به‌کارگیری انواع فیلترها استفاده شد. برای مثال فرکانس ۲۰۰ هرتز و زمان نمونه‌گیری ۱۲۰ ثانیه منجر به تولید ۲۴۰۰۰ داده در هر نقطه می‌شود. در این صورت حتی اگر ده درصد داده هم فیلتر شوند، از طریق باقیمانده داده‌ها برای هر نقطه می‌توان به خوبی سرعت جریان را برآورد کرد. برای اطمینان بیشتر محاسبات و نتایج حاصل همچنین از فرکانس ۲۵ هرتز و زمان نمونه‌گیری ۳۰۰ ثانیه استفاده شد.

لازم به ذکر است که در این تحقیق جریان دائمی و سری زمانی داده‌های حاصل توسط سرعت‌سنج صوتی ارگودیک هستند. فرآیند ارگودیک یعنی میانگین مجموعه (میانگین حسابی) حاصل از ۲۴۰۰۰ داده سرعت لحظه‌ای در هر نقطه از پروفیل سرعت با میانگین حسابی هریک از زیرمجموعه‌های ۲۴۰۰۰ داده (شامل ۵۰۰۰، ۱۰۰۰۰ و ۱۵۰۰۰ داده برداشتی در آن نقطه) برابر است و این فرآیند برای جویان‌های یکنواخت و غیریکنواخت برقرار است (Bendat et al., 1986). برای ارگودیک بودن یک فرآیند لازم است جریان مورد مطالعه دائمی باشد هر چند جریان می‌تواند یکنواخت یا غیریکنواخت باشد.

برای تایید دائمی بودن جریان مورد مطالعه، مدت زمان برداشت داده‌ها ۹۰ ثانیه، ۱۲۰ ثانیه و ۳۰۰ ثانیه با فرکانس ثابت ۲۰۰ هرتز تغییر یافت و برای هر یک از آن‌ها مقادیر میانگین سرعت محاسبه شد. نتایج نشان دادند که مقادیر برآورد شده سرعت مستقل از زمان اندازه‌گیری بوده و مقدار میانگین با تغییر زمان اندازه‌گیری تغییر نمی‌کند. همچنین برای اطمینان بیشتر در نتایج، از فرکانس ۲۵ هرتز نیز در برداشت داده‌ها برای زمان‌های ۱۰۰، ۲۰۰ و ۳۰۰ ثانیه استفاده شد، در این حالت نیز تغییری در مقادیر میانگین سرعت مشاهده نشد. Nikora et al. (2007) بیان کردند که در بسیاری حالات فرضیات دایمی و ارگودیک بودن فرضیات منطقی است. بهترین راهکار برای تایید درستی این فرضیات استفاده از داده‌های اندازه‌گیری شده است. آنالیز داده‌های برداشتی توسط ای دی وی نشان داد که جریان مورد مطالعه دائمی (مستقل از زمان) و ارگودیک است.

شکل مثلث با کاربرد میانگین دوگانه انجام شده است که در آن عمق جریان (شناوری نسبی) در امتداد مثلث (شکل بستر تلماسه) تغییر می‌کرده است.  $\bullet$  نشان می‌دهد که متوسط‌گیری در امتداد نقاط هم فاصله از بستر از تاج ذرات شن-قلوه‌سنگ تا نزدیکی سطح آب صورت گرفته است. روش میانگین‌گیری دوگانه در آزمایشگاه توسط Fazlollahi et al. (2013) بررسی شده است. بر این اساس هر یک از نقاط پروفیل سرعت میانگین‌گیری دوگانه از میانگین مکانی و زمانی نقاط با فاصله یکسان از بستر در ترازهای مختلف به دست آمده است.

که در آن  $N$  تعداد کل زیردامنه‌ها و  $N_0(z)$  تعداد زیردامنه‌های موجود در تراز  $z$  است.  $A_k$  تراز  $k$ ام از بستر است.  $\bullet$  ۸ ترازهای میانگین را برای چند سطح هم‌تراز نشان می‌دهد. سرعت متوسط به‌طریق مکانی از میانگین نقاط هم فاصله از بستر بازهای مطالعه شده محاسبه شده است. لازم به ذکر است که ضرورتی برای ثابت ماندن عمق استغراق در کاربرد روش میانگین‌گیری دوگانه وجود ندارد زیرا در رودخانه‌ها به دلیل حضور شکل بستر و درعین‌حال افقی بودن سطح آب، عمق جریان در امتداد مسیر تغییر می‌کند که سبب تغییر شناوری نسبی ( $h/d_{50}$ ) می‌شود. مطالعات (Smith et al. 1977) در امتداد یک تلماسه به



شکل ۸ ترازهای میانگین‌گیری مکانی بر روی شکل بستر مقعر

رودخانه‌ها بسیار دشوار است، بنابراین حدود انتگرال‌گیری از  $0.2d_{50}$  در زیر تاج ذرات بستر تا سطح آب انجام می‌شود و شامل بخش کامل زیر لایه زبر نمی‌شود (Day, 2014). قانون لگاریتمی دقیقاً در لایه روی بستر زبر معتبر بوده (زیرا سرعت جریان در داخل ذرات رسوب که یک محیط متخلخل است دارای توزیع خطی است و نه لگاریتمی) و در نزدیکی بستر (روی شن و قلوه‌سنگ) مستقل از گرادیان فشار (یکنواختی با غیریکنواختی جریان) است. کاربرد روش میانگین‌گیری برای عمق گفته شده برآوردی منطقی از محاسبات سرعت و سرعت برشی ارائه می‌دهد.

$\bullet$  متوسط‌گیری در امتداد نقاط هم فاصله از بستر را نمایش می‌دهد. فرض روش میانگین‌گیری دوگانه برای حل مشکل ناهمگنی بستر این است که سرعت در هر نقطه از پروفیل سرعت از طریق میانگین مکانی لایه‌های موازی سطح متوسط بستر حاصل می‌شود. فرض روش میانگین‌گیری دوگانه بکار رفته در برآورد سرعت و تنش در این مقاله متفاوت از روش میانگین‌گیری استاندارد نیست همچنان که (Day 2014) در صفحات ۱۷۴ تا ۱۷۹ قبلاً به آن اشاره کرده است. در حالت استاندارد میانگین‌گیری مقادیر سرعت جریان از زیر لایه زبر (لایه آب داخل فضای متخلخل شن و قلوه‌سنگ) نیز استفاده می‌شود. برآورد زیر لایه زبر در

هدف از اعتبارسنجی روش میانگین‌گیری دوگانه در رودخانه‌ها اثبات تئوری این روش نیست زیرا درک جزئیات جریان در زیر لایه زبر برای مهندسين رودخانه در اولویت نیست، هرچند کاربرد این روش برای میدان جریان از تاج ذره تا سطح آب برآوردی منطقی‌تر و درست‌تر از پارامترهای هیدرودینامیکی مانند و سرعت برشی بر اساس روش‌های موجود ارائه خواهد داد.

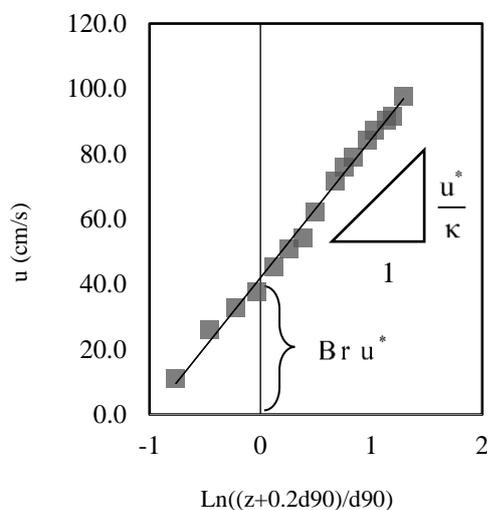
پس از محاسبه سرعت میانگین دوگانه برای هر نقطه، نیم‌رخ سرعت جریان حاصل می‌شود. برای بررسی میزان صحت نتایج، از قانون لگاریتمی استفاده شد. لازم به ذکر است که اغلب تصور می‌شود شرط توسعه‌یافتگی برای مطالعات جریان لایه مرزی آشفته ضروری است. هرچند اگر برقراری این شرط در رودخانه‌ها ضروری بود، هیچ مطالعه‌ای نمی‌بایست در هیدرولیک رودخانه که در آن جریان آشفته است و ضخامت لایه مرزی معادل عمق جریان است انجام می‌شد زیرا در محیط رودخانه هیچ پارامتری (اندازه ذره رسوب، عمق جریان، سرعت جریان، مرفولوژی، شکل بستر) در یک بازه ثابت نیست تا بر اساس آن‌ها شکل پروفیل سرعت در امتداد جریان ثابت مانده و جریان کاملاً توسعه‌یافته شود. فرضیات انجام شده توسط محققین رودخانه طی یک قرن گذشته اگرچه دارای برهان ریاضی نبوده‌اند ولی به‌خوبی با تقریب‌های قابل‌قبول، مسائل رودخانه‌ای را حل کردند (Buffington & Montgomery 1997). تئوری لایه مرزی در هیدرولیک به طریق تجربی تعدیل شده و به نتایج بسیار مهمی توسط گراف و سایر محققین دست یافته است. برای مثال ضخامت لایه مرزی در تئوری لایه مرزی نازک فرض می‌شود درحالی‌که در هیدرولیک لایه مرزی ضخیم است و از بستر تا سطح آب (یعنی معادل عمق جریان) در نظر گرفته می‌شود زیرا لزجت در تمام عمق جریان نیم‌رخ سرعت را تحت تاثیر قرار می‌دهد (Graf et al. 1998). کاربرد قانون لگاریتمی در برآورد سرعت برشی همخوانی بسیار مطلوبی با روش‌های مبتنی بر مشخصات لایه مرزی در رودخانه‌ها دارد (Plott et al., 2013, Afzalimehr & Rennie, 2009).

هدف متوسط‌گیری کاهش خطا و ارائه یک برآورد مناسب‌تر از پارامترهای هیدرودینامیکی است، هرچند برخلاف شرایط آزمایشگاهی که در آن شیب بستر، قطر ذرات، اندازه‌گیری سرعت جریان کاملاً کنترل شده می‌باشند در رودخانه تغییرات تراز بستر سبب نوعی بی‌نظمی در برآورد شیب، عمق و سرعت جریان می‌شود که ممکن است در تعیین نقاط هم‌فاصله از بستر خطایی در محاسبات وارد کند. بعلاوه وجود توده‌های گیاهی کوچک و پراکنده و یا برخی قلوه‌سنگ‌های پراکنده که ابعاد بزرگ‌تری از دانه‌بندی غالب ذرات آن بازه دارند، امکان دارد در اندازه‌گیری‌های عمق و سرعت در امتداد بازه مطالعه شده خطایی ایجاد کنند. منبع دیگر خطاها می‌تواند ناشی از کاهش ضریب همبستگی سرعت اندازه‌گیری شده و کاهش سیگنال به نویز دستگاه ای دی وی در برخی نقاط هم‌فاصله از بستر به‌ویژه در نزدیکی کف رودخانه در امتداد جریان باشد که بر اساس آنها میانگین دوگانه برآورد می‌شود. برخی از این نوع خطاها عملاً غیرقابل کنترل در محیط رودخانه می‌باشند، برخی دیگر با افزایش تعداد برداشت‌ها در فواصل کوتاه‌تر و تکرار اندازه‌گیری‌ها قابل اصلاح می‌باشند. لازم به ذکر است که خطاهای تا ۲۰۰ درصد در مطالعات مهندسی رودخانه قابل‌قبول است (Wu et al., 2004) که دلیل پذیرش این میزان تفاوت بین مقادیر محاسباتی و اندازه‌گیری شده دشواری شرایط کار در بسترهای زبر، دقت وسایل بکار رفته برای اندازه‌گیری، عدم شناخت تمام عوامل مؤثر در تولید خطا و عدم امکان کاربردی تئوری‌ها بدون انجام فرضیات قابل‌توجه است. (Chanson 1999) در صفحه ۲۰۲ به نقل از وان راین می‌نویسد: "خطای کلی در مطالعات رودخانه‌ای ممکن نیست کمتر از دو برابر باشد".

طبق قانون لگاریتمی که در ناحیه داخلی جریان  $z/h < 0.3$  که در آن  $z$  فاصله از بستر و  $h$  عمق جریان است) معتبر است (Afzalimehr, 2010)، نیم‌رخ سرعت از معادله (۵) تبعیت می‌کند:

$$\langle \bar{u} \rangle(z) / u^* = \frac{1}{\kappa} \ln\left(\frac{z}{k_s}\right) + Br \quad (5)$$

در رابطه (۵)  $u^*$  سرعت برشی برای نیم‌رخ سرعت با میانگین‌گیری دوگانه،  $\langle \bar{u} \rangle(z)$  سرعت متوسط با میانگین‌گیری دوگانه در عمق  $Z$ ، ثابت ون کارمن،  $k_s$  زبری معادل نیکورادزه،  $Br$  ثابت عددی انتگرال است. در صورتی که بتوان مقدار  $u^*$  را با کمک روش‌های دیگر محاسبه کرد، می‌توان مقادیر  $K$  و  $Br$  را با توجه به محاسبه کرد. برای این منظور شیب خط برازش داده‌شده بر داده‌های سرعت ( $u$ ) در مقابل  $\ln((z+0.2d_{90})/d_{90})$  برابر با  $\frac{u^*}{K}$  است که از آن مقدار  $K$  به دست می‌آید و عرض از مبدا خط برازش داده‌شده برابر با  $Br u^*$  است که از آن مقدار  $Br$  حساب می‌شود. لازم به ذکر است که برای نمایش توزیع سرعت جریان بر اساس قانون لگاریتمی از برازش  $\ln[(z+ak_s)/(k_s)]$  (محور افقی) در برابر سرعت جریان ( $u$ ) (محور قائم) در مراجع استفاده می‌شود (Graf et al. 1998)، که در آن  $a$  یک ضریب تعدیل عمق جریان در بسترهای زبر است که در این مقاله بر اساس توصیه Graf et al. (1998)  $a=0.2$  انتخاب شد. بنابراین در این مقاله عمق جریان از سطح مرجع واقع در  $0.2d_{90}$  زیر تاج ذرات رسوب تا سطح آب در نظر گرفته می‌شود ( $h=z+0.2d_{50}$ ). برای مقدار  $k_s$  در قانون لگاریتمی نیز بین محققین اجماع نیست (Chanson, 1999) و انتخاب آن به داده‌های هر محقق بستگی دارد. انتخاب  $k_s = d_{90}$  در این تحقیق بر اساس تجارب قبلی نویسندگان مبنی بر برازش مناسب قانون لگاریتمی بر داده‌های نزدیک بستر از طریق سعی و خطا انجام گرفته است.  $0$  برازش قانون لگاریتمی بر داده‌های سرعت را نشان می‌دهد.



شکل ۹ برازش قانون لگاریتمی بر داده‌های سرعت و نحوه محاسبه سرعت برشی و ثابت انتگرال‌گیری

بر اساس فرضیه طول اختلاط پراتل ( $l=kz$ ) اثر گرادیان فشار در مقایسه با جریان یکنواخت (گرادیان فشار صفر) فقط در ضخامت لایه نزدیک بستر است (Graf et al. 1998) و مستقل از نوع جریان (یکنواخت یا غیریکنواخت) کاربرد طول اختلاط معتبر است. بنابراین قانون لگاریتمی معرف مناسب تجربی برای ارائه داده‌های نزدیک بستر است (Barenblatt, 1982)، همچنان که دیگر قوانین موجود در منابع مانند قانون کولز و یا سهمی

به‌منظور محاسبه ضرایب ثابت قانون لگاریتمی ( $Br$  و  $K$ ) لازم است که سرعت برشی از یک روش دیگر محاسبه شود که در این مطالعه از روش مشخصات لایه‌مرزی استفاده شد (Afzalimehr & Anctil, 2000). در این روش سرعت برشی با استفاده از رابطه (۶) حاصل می‌شود:

مقطع طولی) یک پروفیل معرف که نشان دهنده تمام پروفیل‌های عرضی و طولی برداشتی در آن بازه است ارائه شد. میانگین‌گیری وزنی در هر مقطع به نحوی الگوی جریان را از طریق توزیع سرعت نشان می‌دهد، هرچند این الگو فقط ارزش موضعی برای محاسبه سرعت برشی، ضریب زبری در آن مقطع عرضی را دارد درحالی‌که میانگین‌گیری دوگانه برای سطح موازی بستر در تمام یک بازه از رودخانه مطالعه شده که از ده سطح مقطع عرضی تشکیل یافته صورت می‌گیرد. لازم به ذکر است هر چه تعداد پروفیل‌های برداشتی در یک بازه در راستای عرضی و طولی بیشتر باشد دقت نتایج بیشتر خواهد شد که نیازمند منابع مالی مناسب است.

در مطالعات مهندسی رودخانه بجای تأکید بر برهان و دلیل ریاضی، لازم است همچنان که Buffington & Montgomery (1997) اظهار کردند، بر قابلیت دفاع و کاربرد یک روش تأکید کرد. برآورد مناسب سرعت برشی بر اساس میانگین دوگانه می‌تواند به کاربرد بهتر بسیاری از پارامترهای هیدرولیکی که اساس آنها بر تجربه و نه برهان ریاضی استوار است مانند ضریب زبری، تنش برشی در انتقال رسوب و آب شستگی کمک کند. برای مثال ضریب شزی که حتی از نظر ابعادی درست نیست، بیش از ۲۵۰ سال مورد استفاده مهندسین هیدرولیک است و نیازی برای دلیل و برهان ریاضی در کاربرد آن نیست. پارامتر شیلدز که مبتنی بر برآورد سرعت برشی است بیش از ۸۰ سال مورد استفاده قرار گرفته است و با وجود عدم اجماع در مقدار و محدودیت‌های آن، یکی از مهم‌ترین و کاربردی‌ترین پارامترهای مطالعات مهندسی رودخانه به‌شمار می‌رود.

همان‌طور که در ۰ مشاهده می‌شود، نیم‌رخ‌های میانگین زمانی در یک مقطع عرضی در رودخانه هراز تقریباً با هم مشابه هستند درحالی‌که این اتفاق در رودخانه رستم‌آباد (۱۱۰) کمتر مشاهده می‌شود که دلیل آن تغییرات بیشتر شکل بستر در راستای عرضی رودخانه رستم‌آباد و همچنین درشت‌دانه بودن ذرات، شناوری نسبی کمتر آن و نسبت ظرافت بسیار بزرگ آن نسبت به بازه هراز می‌باشد. Franca et al., 2008, 2010 نشان دادند که نیم‌رخ‌های میانگین زمانی در نقاط نزدیک بستر دارای ناهمواری‌هایی است که میانگین‌گیری دوگانه تا حد زیادی

$$u^* = \frac{\delta^* - \theta u_c}{c\delta^*} \quad (6)$$

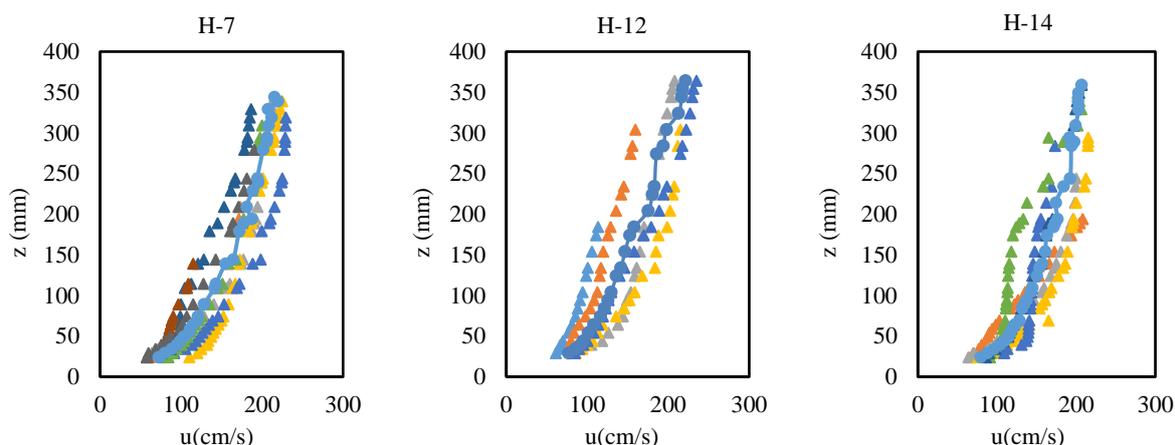
در این رابطه  $\delta^*$  ضخامت جابجایی لایه‌مرزی است و از رابطه (۷) محاسبه می‌شود.  $\theta$  ضخامت اندازه حرکت لایه‌مرزی است و از رابطه (۸) به دست می‌آید. برای محاسبه سرعت برشی ( $u^*$ ) از این روش ابتدا به کمک معادله ۷ و ۸ ضخامت جابجایی مرزی و ضخامت اندازه حرکت لایه مرزی محاسبه شدند (اگر داده‌های سرعت پیوسته نباشند، انتگرال تبدیل به جمع می‌شود). سرعت حداکثر ( $u_c$ )، مربوط به بیشترین سرعت نقطه‌ای اندازه‌گیری شده در هر پروفیل سرعت است و ضریب  $c$  بر اساس نتایج آزمایشگاهی و رودخانه‌ای (Afzalimehr & Rennie, 2009) ۴/۴ در نظر گرفته شد. با جایگزینی مقادیر به‌دست‌آمده در معادله ۶، سرعت برشی محاسبه می‌شود.

$$\delta^* = \int_0^h \left(1 - \frac{u}{u_c}\right) dz \quad (7)$$

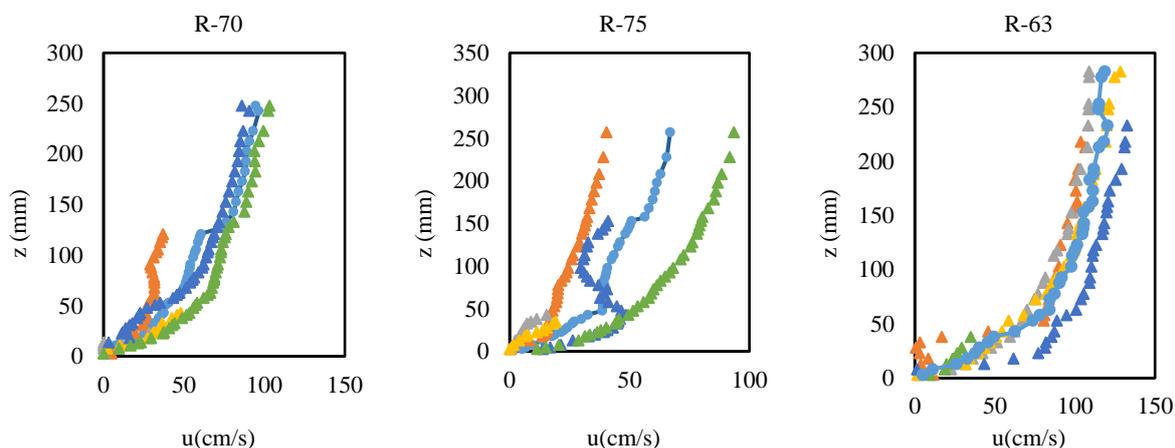
$$\theta = \int_0^h \frac{u}{u_c} \left(1 - \frac{u}{u_c}\right) dz \quad (8)$$

### ۳- نتایج و بحث

۳-۱- نیم‌رخ میانگین دوگانه و میانگین زمانی سرعت برای برآورد بهتر پارامترهای هیدرودینامیکی مانند سرعت و سرعت برشی در نزدیکی بستر، روش میانگین‌گیری دوگانه از میانگین سطح موازی با بستر و نه فقط محور مرکزی رودخانه استفاده شد. میدان میانگین‌گیری در جریان غیر یکنواخت ممکن است باریک‌تر از جریان یکنواخت باشد (Nikora et al., 2007). برای راستای عرضی در هر مقطع از رودخانه با توجه به شرایط جریان (عمق جریان، عرض رودخانه) ۳ تا ۵ پروفیل سرعت در این مطالعه برداشت شدند و میانگین وزنی آنها به‌عنوان سرعت متوسط در آن مقطع استفاده شد. سپس در امتداد طولی بازه موردبررسی تا ۱۰ پروفیل سرعت در مسیر جریان برداشت شد و بر اساس میانگین مکانی آنها (۳۰ تا ۵۰ پروفیل سرعت در یک بازه-۳ تا ۵ پروفیل در مقطع عرضی و ۱۰ پروفیل در



شکل ۱۰ نیمرخ میانگین زمانی  $\blacktriangle$  نیمرخ سرعت میانگین دوگانه  $\bullet$  در رودخانه هراز



شکل ۱۱ نیمرخ میانگین دوگانه  $\bullet$  و میانگین زمانی  $\blacktriangle$  در رودخانه رستم‌آباد

این محدوده داده‌ها از قانون لگاریتمی منحرف می‌شوند. همان‌طور که در  $R^2$  ضرایب همبستگی همواره بیشتر از  $0.98$  است که نشان می‌دهد در ناحیه داخلی قانون لگاریتمی به خوبی توانسته بر داده‌های برداشت شده برازش داده شود. در ناحیه خارجی، همان‌طور که انتظار می‌رود، نیمرخ سرعت از قانون لگاریتمی منحرف شده است (Kironoto & Graf (1995) نشان دادند که در جریان تندشونده انحراف داده‌ها از قانون لگاریتمی در زیر خط برازش یافته بر اساس این قانون قرار می‌گیرد ولی در جریان کندشونده انحراف داده‌ها در بالای این خط قرار می‌گیرد. هرچند نیمرخ‌های برداشت شده در رودخانه‌ها در شکل‌های

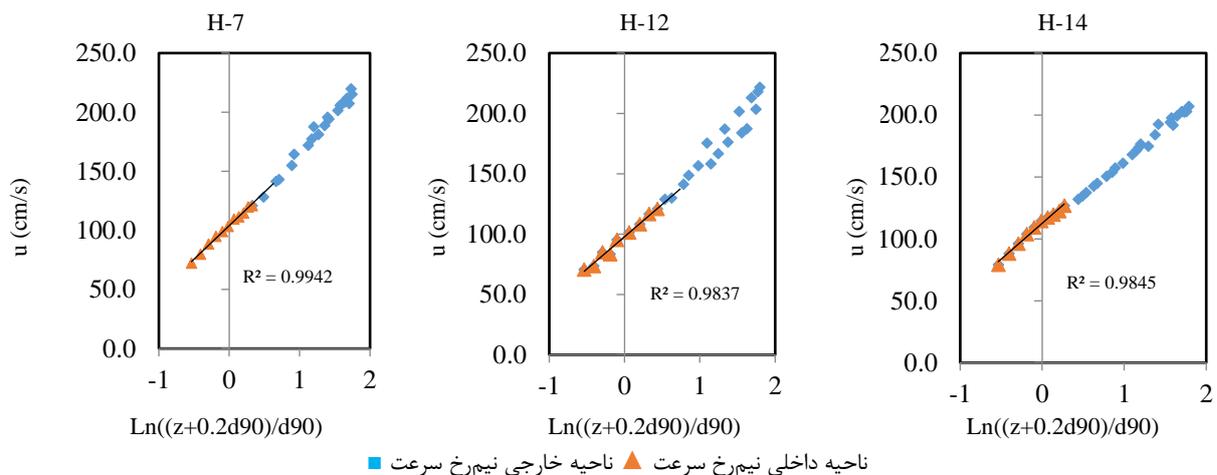
آنها را از بین می‌برد. در رودخانه رستم‌آباد این ناهمواری‌ها بیشتر به چشم می‌خورد (مثال در R-75) و کاربرد میانگین‌گیری دوگانه به خوبی توانسته با کاهش آنها به برآورد مناسب‌تر سرعت جریان و سرعت برشی کمک کند (Franca et al. (2008, 2010). (۱۰). نیمرخ‌های میانگین‌گیری دوگانه سرعت در فاصله  $0.4 \leq z/h \leq 0.8$  از تابع لگاریتمی پیروی می‌کند و در فاصله  $0.3 \leq z/h \leq 0.4$  به صورت خطی تغییر می‌کند. این در حالی است که نتایج این تحقیق نشان داد که قانون لگاریتمی در فاصله  $0.02 \leq z/h \leq 0.3$  معتبر بوده ناحیه خطی در این تحقیق مشاهده نشد، هم‌چنین در خارج از

سرانجام با وقوع پدیده جدایی جریان، کاربرد قانون لگاریتمی نامعتبر می‌شود. نوع جریان کندشونده (گرادیان فشار مثبت) و یا جریان یکنواخت تاثیر مستقیم بر توزیع سرعت جریان و سرعت برشی دارد. بر اساس معادله رینولدز و با در نظر گرفتن شرط عدم لغزش رابطه (۹) حاصل می‌شود:

$$\frac{\partial p}{\partial x} = \frac{\partial \tau}{\partial y} \quad (9)$$

در جریان کندشونده ( $\partial p / \partial x > 0$ ) پس تغییرات قیام تنش نیز مثبت ( $\partial \tau / \partial y > 0$ ) خواهد شد. این امر نشان‌دهنده توزیع همگرا برای جریان کندشونده است که اثر مستقیم در برآورد ضریب اصطکاک و سرعت برشی دارد.

۱۲ و ۱۳ نشان می‌دهند که نقاط آبی‌رنگ گاهی بالای خط مشکی برازش یافته بر نقاط قرمز و گاهی در زیر آن قرار گرفته‌اند. (Afzalimehr & Rennie, 2009) نیز به این نتیجه رسیدند که در رودخانه‌های شنی و قلوه‌سنگی انحراف از قانون لگاریتمی از الگوی خاصی پیروی نمی‌کند. با توجه به این‌که تمام نیم‌رخ‌های این تحقیق از نوع جریان کندشونده هستند، شکل‌های ۱۲ و ۱۳ نشان می‌دهند که انحراف از قانون لگاریتمی در ناحیه خارجی از الگوی خاصی پیروی نمی‌کند. انحراف از قانون لگاریتمی بدون الگوی مشخص علاوه بر نمایش تغییرات گرادیان فشار در راستای طولی به عدم اعتبار لایه اختلاط ثلثت در عمق جریان در رودخانه‌ها نیز مربوط می‌شود. باید توجه داشت که در جریان کندشونده گرادیان فشار مثبت است، زیرا سرعت در راستای جریان کاهش می‌یابد. اگر افزایش گرادیان فشار ادامه یابد ضخامت لایه لگاریتمی کاهش و



شکل ۱۲ برازش قانون لگاریتمی بر نیم‌رخ‌های میانگین‌گیری دوگانه در رودخانه هراز

قانون لگاریتمی سرعت در جریان غیر یکنواخت بخوبی بر داده‌های اندازه‌گیری شده در نزدیک بستر برازش دارد و نتایج آن توسط محققین گوناگون از جمله در صفحه ۵۵ (Graf & Altinakar, 1998) بارها گزارش شده است. ثابت‌های معادله لگاریتمی ( $\kappa$ ،  $k_s$  و  $Br$ ) معرف شرایط هر آزمایش و فرضیات هر محقق می‌باشند و در مورد آن‌ها اجماع وجود ندارد.

اهمیت مطالعه جریان غیریکنواخت با شناوری نسبی متغیر در برآورد سرعت برشی است زیرا فرض جریان یکنواخت

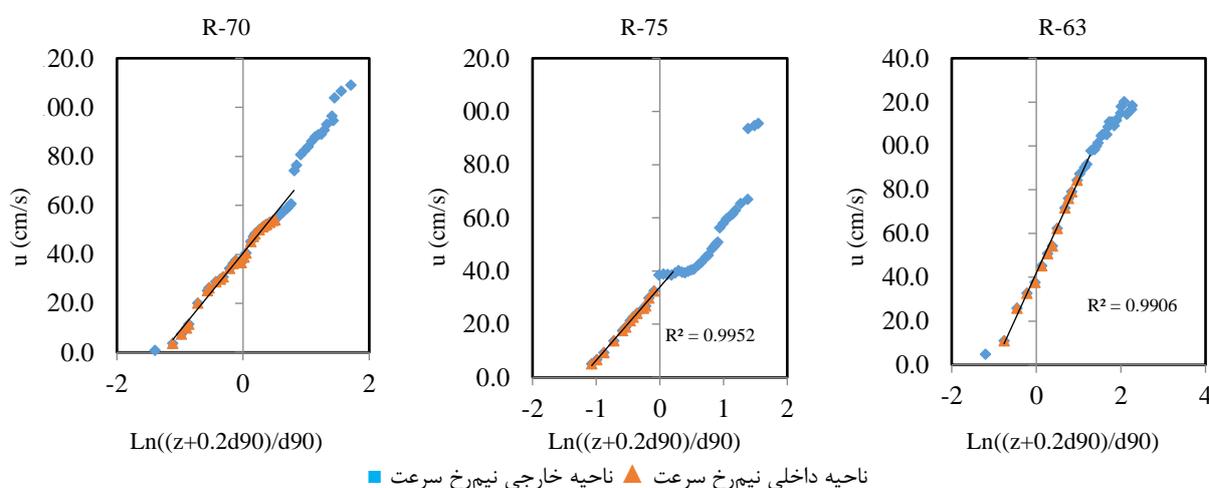
## ۲-۳- مقایسه سرعت برشی محاسبه‌شده با دو

### روش قانون لگاریتمی و روش مشخصات لایه مرزی

بیش از سه دهه است که قانون لگاریتمی برای جریان غیریکنواخت در هیدرولیک بکار برده می‌شود و محققین بسیاری در برقراری این قانون در جریان‌های غیریکنواخت صحه گذاشته‌اند (Song & Graf, 1994; Graf et al., 1998; Song & Chiew, 2001; Afzalimehr & Day, 2009; Afzalimehr & Rennie, 2009; Afzalimehr, 2010; Emadzadeh et al., 2010; Guadio et al., 2010).

تحت جریان غیریکنواخت کمتر از ۱۰ درصد با هم تفاوت داشتند. بر این اساس در نظر گرفتن غیریکنواختی جریان یک دستاورد بزرگ در مهندسی رودخانه می باشد. Barenblatt (1982) اشاره می کند که "قانون لگاریتمی که اغلب تصور می شود دارای یک پایه تئوری است، در حالت کلی حتی برای اعداد رینولدز بسیار بزرگ نیز یک قانون قطعی نیست و فقط معرف تقریبی داده های مورد استفاده است".

در کانال ها طبیعی و رودخانه ها منجر به برآورد نادرست سرعت برشی و ضریب زبری می شود. برای مثال داده های برداشتی توسط Song & Graf (1994) تحت جریان غیریکنواخت را برای محاسبه سرعت برشی با فرض جریان یکنواخت استفاده کردیم. مقادیر به دست آمده سرعت برشی با فرض جریان یکنواخت ۵ برابر بزرگتر از مقادیر به دست آمده با در نظر گرفتن غیریکنواختی جریان توسط روش های برازش تنش رینولدز و قانون لگاریتمی بودند. هرچند روش های برازش تنش رینولدز و قانون لگاریتمی



شکل ۱۳ برازش قانون لگاریتمی بر نیمرخ های میانگین گیری دوگانه در رودخانه رستم آباد

همچنانکه Guadio et al. (2010) اشاره کردند در شرایط رودخانه ای ثابت ون کارمن به صورت یک متغیر عمل می کند تا یک ثابت. هم چنین نتایج این تحقیق مقدار ثابت انتگرال گیری را  $Br = 4.56 \pm 0.8$  نشان داد که نسبت به مقادیر تحقیقات Graf & Altinakar, (1998) و Song & Graf, 1994 کمتر است. Afzalimehr & Ancitl (2000) معادلات لگاریتمی توسعه یافته در رودخانه های آمریکا، کانادا، اروپا و نیوزیلند را بررسی کردند و نشان دادند که مقدار ثابت  $Br$  کاملاً متغیر است و مقدار کلاسیک  $Br = 8.5$  فقط در شرایط کاملاً کنترل شده آزمایشگاهی قابل حصول است. حصول لایه مرزی متعادل و جریان کاملاً توسعه یافته (جریان یکنواخت) در رودخانه ها بسیار دشوار است زیرا در مسیر جریان به دلیل تغییرات اندازه ذرات رسوب، عرض، عمق و شیب، شکل نیمرخ سرعت و مولفه های آشفتگی تغییر می کنند.

**۳-۳- محاسبه ضریب ون کارمن و ثابت انتگرال گیری**  
 ثابت ون کارمن ( $K$ ) در قانون لگاریتمی به نحوه توزیع سرعت و شرایط جریان (حضور یا عدم حضور شکل بستر) بستگی دارد. همچنین ثابت انتگرال گیری در قانون لگاریتمی به گرادیان فشار (غیریکنواختی جریان) بستگی دارد. Nezu & Nakagawa (1993) در بحث مربوط به قانون لگاریتمی تصریح کردند که ثابت ون کارمن و ثابت انتگرال گیری قانون لگاریتمی باید با توجه به داده های تجربی در ناحیه داخلی جریان محاسبه شوند. بنابراین ضریب ون کارمن و ثابت انتگرال گیری با داده های این مطالعه و بر اساس محاسبه و نتایج مطابق ارائه شدند. مقدار ضریب ون کارمن محاسبه شده در این تحقیق به مقادیر گزارش شده در مطالعات Fazlollahi et al. (2013) بسیار نزدیک است که نشان دهنده کارایی روش میانگین گیری دوگانه در آزمایشگاه و رودخانه است. بعلاوه

جدول ۲ مقادیر ثابت ون کارمن و ثابت انتگرال

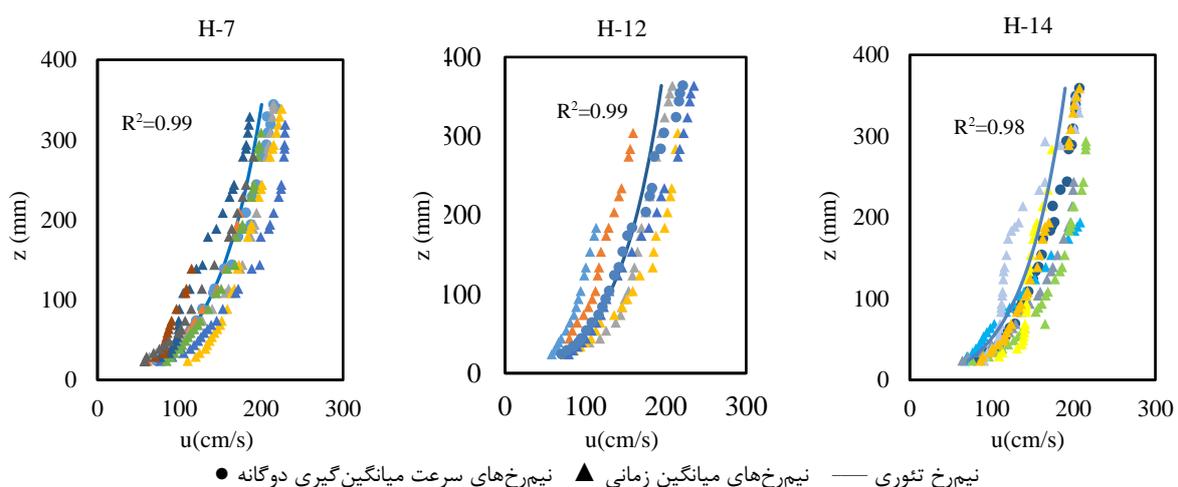
نام نیم‌رخ	K	Br
H-7	۰/۴۱	۴/۶۷
H-12	۰/۴۱	۴/۵۶
H-14	۰/۳۹	۴/۸۴
R-63	۰/۳۲	۳/۹۴
R-70	۰/۴۵	۳/۳۱
R-75	۰/۴۵	۶/۰۶

برداشت‌شده سرعت در رودخانه رستم‌آباد منحرف می‌شوند (شکل ۱۳). میزان انحراف از قانون لگاریتمی در ناحیه نزدیک بستر در رستم‌آباد (شکل ۱۳) بیشتر از رودخانه هراز (شکل ۱۲) است که دلیل آن شناوری نسبی ( $h/d_{50}$ ) کم‌تر و نسبت ظرافت بیشتر است که مؤید نتایج Franca et al. (2008) است. شکل‌های ۱۴ و ۱۵ نشان می‌دهد که همبستگی مناسبی بین رابطه تئوری و مقادیر سرعت میانگین‌گیری دوگانه وجود دارد (بیش از ۰/۹۸). نیم‌رخ‌های سرعت میانگین زمانی در نقاط بسیار نزدیک به بستر دارای نوسانات تصادفی هستند که ناشی از آشفتگی قابل توجه جریان و غیر یکنواختی ذرات رسوب است.

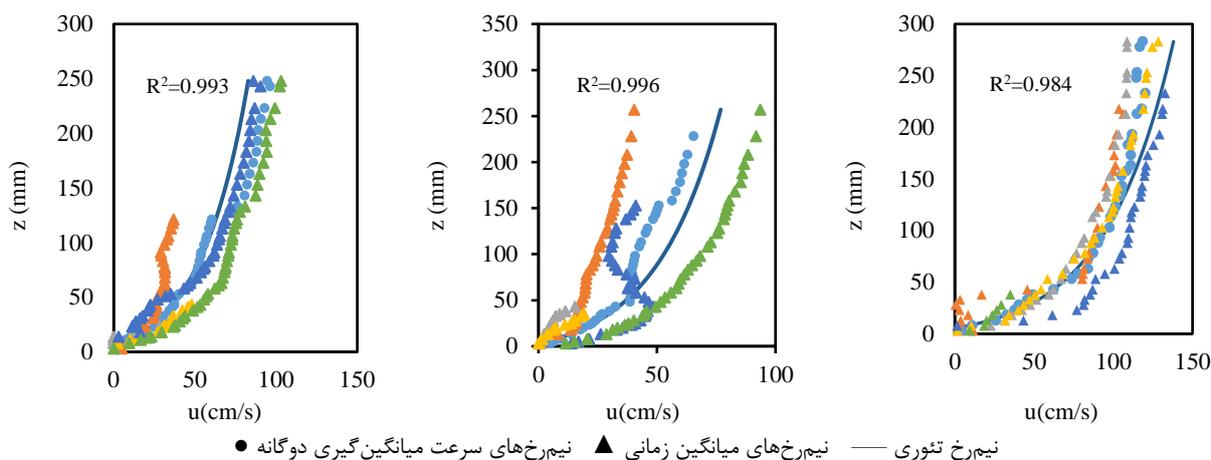
از برآزش داده‌ها بر قانون لگاریتمی می‌توان سرعت برشی را بر اساس داده‌های سرعت میانگین‌گیری دوگانه محاسبه کرد و نتایج آن را با روش مشخصات لایه مرزی مقایسه کرد. پیش‌تر از این نیز برای داده‌های میانگین‌گیری زمانی این مقایسه صورت گرفته است که نشان می‌دهد نتایج حاصل از این دو روش هم‌خوانی قابل‌قبولی با یکدیگر دارند. در این تحقیق سرعت برشی برای داده‌های سرعت میانگین‌گیری دوگانه از طریق روش مشخصات لایه مرزی و قانون لگاریتمی محاسبه و مقایسه شدند. همان‌طور که در شکل ۱۶ مشاهده می‌گردد اختلاف دو روش کمتر از ۲۰٪ است که قابل‌قبول می‌باشد.

#### ۴-۳- پارامتریک کردن قانون لگاریتمی برای نیم‌رخ‌های میانگین‌گیری دوگانه سرعت

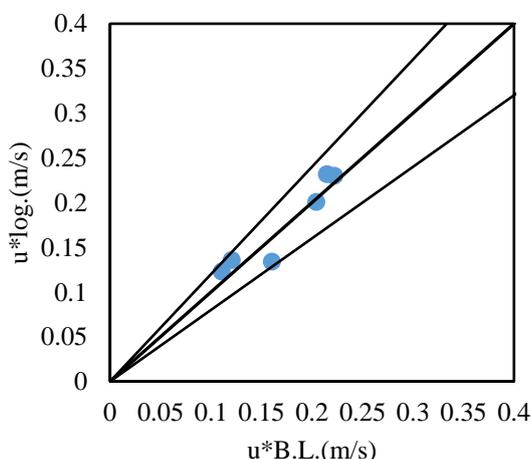
قانون لگاریتمی ارائه‌شده در رابطه (۵)، به‌خوبی برداده‌های ناحیه داخلی نیم‌رخ سرعت میانگین‌گیری دوگانه برآزش می‌یابد. با توجه به ضرایب به‌دست‌آمده در ۰ که نحوه محاسبه آنها در بخش‌های قبل گفته شد، می‌توان یک پیش‌بینی از سرعت در ناحیه لگاریتمی داشت. در ناحیه نزدیک بستر نیم‌رخ میانگین‌گیری دوگانه نوسانات سرعت نقطه‌ای را کاهش داده سبب هم‌خوانی مناسب نیم‌رخ سرعت حاصل از روش قانون لگاریتمی با نیم‌رخ میانگین‌گیری دوگانه می‌شود. در ناحیه خارجی همان‌طور که پیش‌بینی می‌شود نیم‌رخ تئوری از داده‌های



شکل ۱۴ نیم‌رخ‌های سرعت میانگین زمانی، میانگین‌گیری دوگانه و تئوری برای رودخانه هراز



شکل ۱۵ نیمرخ‌های سرعت میانگین‌گیری زمانی، میانگین‌گیری دوگانه و تئوری برای رودخانه رستم‌آباد



شکل ۱۶ مقایسه سرعت برشی به‌دست‌آمده از دو روش قانون لگاریتمی و روش مشخصات لایه‌مرزی

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق، سرعت در راستای جریان در دو رودخانه هراز و رستم‌آباد توسط دستگاه ADV اندازه‌گیری شدند. بستر هر دو رودخانه دارای ذرات درشت‌دانه است که در آنها متوسط نسبت عمق به‌اندازه رسوب برای رودخانه هراز ۱۰/۴ و برای رودخانه رستم‌آباد ۴/۴ بوده و جریان در بازه‌های انتخابی در هر دو رودخانه به لحاظ هیدرولیکی آشفته کاملاً زبر غیریکنواخت و کندشونده است. برای برآورد بهتر پارامترهای هیدرودینامیکی مانند سرعت و سرعت برشی در نزدیکی بستر، روش میانگین‌گیری دوگانه از میانگین سطح موازی با بستر و نه فقط محور مرکزی رودخانه استفاده شد. برای راستای عرضی در هر مقطع از رودخانه با توجه به شرایط جریان (عمق جریان، عرض رودخانه) ۳ تا ۵ پروفیل

سرعت در این مطالعه برداشت شدند و میانگین وزنی آنها بعنوان سرعت متوسط در آن مقطع استفاده شد. همچنین در امتداد طولی بازه مورد بررسی تا ۱۰ پروفیل سرعت در مسیر جریان برداشت شد. بر اساس این تعداد پروفیل، یک پروفیل معرف که نشان دهنده تمام پروفیل‌های عرضی و طولی برداشتی در آن بازه می‌باشد ارائه شد. لازم به ذکر است که میانگین‌گیری وزنی در هر مقطع به نحوی الگوی جریان را از طریق توزیع سرعت نشان می‌دهد، هرچند این الگو فقط ارزش موضعی برای محاسبه سرعت برشی، ضریب زبری در آن مقطع عرضی را دارد در حالی که میانگین‌گیری دوگانه برای سطح موازی بستر در امتداد یک بازه از رودخانه مطالعه شده انجام شده است. بدیهی است هر چه تعداد پروفیل‌های برداشتی در یک بازه در راستای عرضی

و طولی بیشتر باشد دقت نتایج بیشتر خواهد شد که انجام آن نیازمند منابع مالی مناسب است. با میانگین‌گیری دوگانه از داده‌های سرعت برداشت‌شده از این دو رودخانه، صحت قانون لگاریتمی بررسی شد. نتایج نشان داد که قانون لگاریتمی به خوبی توانسته است با کاربرد روش میانگین‌گیری دوگانه در رودخانه‌های شنی و قلوه‌سنگی بر داده‌های برداشت‌شده در ناحیه داخلی برازش یابد هم‌چنین بی‌نظمی‌های تصادفی در نیم‌رخ سرعت میانگین زمانی در نقاط نزدیک به بستر را از بین ببرد. هم‌چنین قانون لگاریتمی در فاصله  $0.02 < z/h < 0.3$  معتبر است و مقادیر متوسط ثابت ون کارمن و ثابت انتگرال‌گیری در بازه‌های مورد بررسی به ترتیب  $0.40$  و  $4/56$  محاسبه شدند. با استفاده از این ضرایب، قانون لگاریتمی به خوبی توانسته است سرعت برشی را بر اساس داده‌های ناحیه داخلی برآورد کرده و به نتایج مشابه با برآورد روش مشخصات لایه‌مرزی برسد. هرچند رودخانه رستم‌آباد به دلیل شناوری نسبی ( $h/d_{50}$ ) کمتر و نسبت ظرافت بیشتر نسبت به رودخانه هراز دارای انحراف بیشتر از قانون لگاریتمی در ناحیه خارجی نیم‌رخ سرعت جریان است. اغلب مطالعات آزمایشگاهی با نسبت ظرافت ( $B/h$ ) کوچک (نسبت عرض به عمق جریان) کمتر از ۶ گزارش شده اند در حالی که نسبت ظرافت در رودخانه‌های شنی و قلوه سنگی اغلب بیشتر از ۱۰ می باشد (Afzalimehr et al., 2017b). برای بازه هراز با ( $B/h = 31/7$ ) انسجام بیشتری در توزیع لگاریتمی نسبت به بازه رستم‌آباد ( $114/3$ ) ( $B/h =$  مشاهده می‌شود (مقایسه شکل‌های ۱۲ و ۱۳). هم‌چنین پراکنش کمتری در ثابت ون کارمن و ثابت انتگرال قانون لگاریتمی (جدول ۲) در نسبت ظرافت کوچکتر (بازه هراز) مشاهده می‌شود. توزیع سرعت جریان به روش میانگین‌گیری دوگانه در هراز به دلیل نسبت ظرافت کوچکتر منسجم‌تر از بازه رستم‌آباد است. بنابراین گسترش نتایج آزمایشگاهی حاصل از نسبت ظرافت کوچک به رودخانه‌ها می‌تواند توأم با خطا و استنتاج نادرست از تاثیر نحوه توزیع‌های سرعت و تنش رینولدز در برآورد مقادیر ضریب زبری و انتقال رسوب باشد. بدیهی است برای شناخت عمیق از اثر نسبت ظرافت در برآورد پارامترهای

هیدرولیکی، لازم است اندازه‌گیری‌ها در بازه‌های گوناگون با نسبت عرض به عمق متعدد انجام شود. لازم است در مطالعات مهندسی رودخانه به جای تأکید بر برهان و دلیل ریاضی، هم‌چنان که Buffington & Montgomery (1997) اظهار کردند، بر قابلیت دفاع و عملکرد مناسب یک روش باید تأکید کرد. برآورد مناسب سرعت برشی بر اساس میانگین دوگانه می‌تواند به کاربرد بهتر بسیاری از پارامترهای هیدرولیکی که اساس آنها بر تجربه و نه برهان ریاضی استوار است مانند ضریب زبری، تنش برشی در انتقال رسوب و آبشستگی کمک کند. برای مثال ضریب شزی که حتی از نظر ابعادی درست نیست، بیش از ۲۵۰ سال مورد استفاده مهندسی هیدرولیک است و نیازی برای دلیل و برهان ریاضی در کاربرد آن نیست زیرا با وجود عدم اجماع در مقدار و محدودیت‌های آن، یکی از مهمترین پارامترهای مطالعات مهندسی رودخانه به‌شمار می‌رود

#### ۴- فهرست علائم

Br	ثابت انتگرال
C	ضریب ثابت که برای رودخانه‌های شنی برابر ۴/۴ در نظر گرفته می‌شود.
$d_{50}$	قطر میانه ذرات
h	عمق جریان
$k_s$	زبری معادل
u	سرعت متوسط زمانی
$\langle \bar{u} \rangle$	سرعت میانگین دوگانه
$u^*$	سرعت برشی
$u_c$	سرعت حداکثر در هر نیم‌رخ سرعت
Z	عمق
K	ثابت ون کارمن
$\theta$	ضخامت اندازه حرکت لایه‌مرزی
$\delta^*$	ضخامت جابه‌جایی لایه‌مرزی

#### ۵- مراجع

Afzalimehr, H. (2010). Effect of non-uniformity of flow on velocity and turbulence intensities over a cobble-bed. *Hydrological Processes*, 24(3), 331–341.

- Emadzadeh, A., Chiew, Y. M., & Afzalimehr, H. (2010). Effect of accelerating and decelerating flows on incipient motion in sand bed streams. *Advances in Water Resources*, 33(9): 1094–1104.
- Chanson H. (1999). *The Hydraulics of Open Channel Flow: An Introduction*. John Wiley & Sons. p. 544
- Fazlollahi, A. Afzalimehr, H. Evaluation of the validity of double-averaging for wall law application on pool (2013). *Journal of Hydraulics*. 8(1): 19-28 (In Persian)
- Franca, M. J., Ferreira, R. M. L., Cardoso, A. H., & Lemmin, U. (2010). Double-average methodology applied to turbulent gravel-bed river flows. In *Proceedings of the River Flow 2010 Conference*, 56–65.
- Franca, M. J., Ferreira, R. M. L., & Lemmin, U. (2008). Parameterization of the logarithmic layer of double-averaged streamwise velocity profiles in gravel-bed river flows. *Advances in Water Resources*, 31(6): 915–925.
- Gloyi, M. Motamedi, A. Najafabadi E. (2016). Application of shear velocity derived from double-averaging on dunes. *Iranian Hydraulic Conference*, Iran, Qazvin (In Persian).
- Gaudio, R., Miglio, A., & Dey, S. (2010). Non-universality of von Kármán's  $\kappa$  in fluvial streams. *Journal of Hydraulic Research*, 48(5): 658–663.
- Goring, D. G., & Nikora, V. I. (2002). Despiking Acoustic Doppler Velocimeter Data. *Journal of Hydraulic Engineering*, 128(1): 117–126.
- Graf, W. H., & MS Altinakar. (1998). *Fluvial hydraulics: Flow and transport processes in channels of simple geometry*.
- Kabiri, F., Afzalimehr, H., & Sui, J. (2017). Flow structure over a wavy bed with vegetation cover. *International Journal of Sediment Research*, 32(2): 186-194.
- Kironoto, B. A., & Graf, W. H. (1995). Turbulence characteristics in rough non-uniform open-channel flow. *Proceedings of the Institution of Civil Engineers-Water Maritime and Energy*, 112(4): 336-348.
- Najafabadi, E. F., Afzalimehr, H., & Rowiński, P. M. (2018). Flow structure through a fluvial pool-riffle sequence—Case study. *Journal of Hydro-Environment Research*, 19(October 2016): 1-15.
- Nezu, I., & Nakagawa, H. (1993). *Turbulence in open channels*. IAHR/AIRH Monograph. Balkema, Rotterdam, the Netherlands.
- Afzalimehr, H., & Anctil, F. (1998). Estimation of gravel-bed river flow resistance. *Journal of Hydraulic Engineering*, 124(10): 1054–1058.
- Afzalimehr, H., & Anctil, F. (2000). Accelerating shear velocity in gravel-bed channels. *Hydrological Sciences Journal*, 45(1): 113–124.
- Afzalimehr, H., Barahimi, M., & Sui, J. (2017a). Non-uniform flow over cobble bed with submerged vegetation strip. In *Proceedings of the Institution of Civil Engineers-Water Management* (pp. 1–16).
- Afzalimehr H, Maddahi M. R., Sui. J. (2017b). Bedform Characteristics in a Gravel-Bed River. *Journal of Hydrology and Hydromechanics*, 65 (4): 366–377.
- Afzalimehr, H., & Dey, S. (2009). Influence of bank vegetation and gravel bed on velocity and Reynolds stress distributions. *International Journal of Sediment Research*, 24(2): 236–246.
- Afzalimehr, H., Moradian, M., & Singh, V. P. (2017). Flow Field around Semielliptical Abutments. *Journal of Hydrologic Engineering*, 23(2): 4017057.
- Afzalimehr, H., & Rennie, C. D. (2009). Determination of bed shear stress in gravel-bed Rivers using boundary-layer parameters. *Hydrological Sciences Journal*, 54(1): 147–159.
- Buffington J. M. and Montgomery D.R. (1997). A systematic analysis of eight decades of incipient motion studies, with special reference to gravel bedded rivers. *Water Resources Research*, 33(8): 1993-2029.
- Barenblatt, G. I. (1982). *Similarity, self-similarity, and intermediate asymptotics Theory and applications to geophysical hydrodynamics*. Leningrad Gidrometeoizdat.
- Bendat, J. S., & Piersol, A. G. (1986). *Random data: measurement and analysis procedures*. Wiley New York
- Bolhassani, R., Afzalimehr, H., & Dey, S. (2015). Effects of relative submergence and bed slope on sediment incipient motion under decelerating flows. *Journal of Hydrology and Hydromechanics*, 63(4): 295–302.
- Chanson, H. (1999). *The Hydraulics of Open Channel Flow: an Introduction*. *Sediment Transport Mechanisms 1. Bed-load Transport*.
- Dey, S., (2014). *Fluvial Hydrodynamics: Hydrodynamic and Sediment Transport Phenomena*. Springer-Verlag, Berlin.

- White, F. M. (1974). Viscous fluid flow. New York: McGraw-Hill.
- Wolman, M. G. (1954). A method of sampling coarse river-bed material. EOS, Transactions American Geophysical Union, 35(6): 951-956.
- Wu B., Molinas A., and Julein P.Y. (2004) Bed-material load computations for nonuniform sediments. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 130(10): 1002-1012
- Yalin, S. M. (1972). Mechanics of sediment transport. Pergamon Press, Oxford, New York.
- Yanda, R., Harada, M., & Tamagawa, I. (2018). Study on double-averaged velocity profile for rough bed and low-flow conditions, Journal of Japan Society of Civil Engineers, JSCE, 74(4): 619-624.
- Nikora, V., Goring, D., McEwan, I., & Griffiths, G. (2001). Spatially averaged open-channel flow over rough bed. Journal of Hydraulic Engineering, 127(2): 123-133.
- Nikora V., McEwan I., McLean S., Coleman S., Pokrajac D., and Walters R. (2007). Double-Averaging Concept for Rough-Bed Open-Channel and Overland Flows: Theoretical Background. Journal of Hydraulic Engineering, 133(8): 873-883.
- Nortek, A. S. (2009). Vectrino velocimeter user guide. Nortek AS, Vangkroken, Norway.
- Omid, M. & Nasrabadi, M. (2006). Sediment engineering, Manual and practice. University of Tehran Press. Tehran
- Plott J.R., Diplas P. Kozarek J.L. Dancey C.L. Hill C. Sotiropoulos F. (2013). A generalized log law formulation for a wide range of boundary roughness typically encountered in natural streams. Journal of Geophysical Research Atmospheres 118(3): 1419-1431.
- Reynolds, A. J. (1974). Turbulent flows in engineering. J. Wiley & Sons, New York.
- Schlichting H. (1979). Boundary- layer theory. McGraw-Hill Book Company Co. Toronto.
- Shahmohammadi, R., Afzalimehr, H., & Sui, J. (2018). Impacts of turbulent flow over a channel bed with a vegetation patch on the incipient motion of sediment. Canadian Journal of Civil Engineering, 45(9): 803-816.
- Simons, D. B., & Şentürk, F. (1992). Sediment transport technology: water and sediment dynamics. Water Resources Publication.
- Smith, J. D., & McLean, S. R. (1977). Spatially averaged flow over a wavy surface. Journal of Geophysical Research, 82(12): 1735-1746.
- Song, T. Graf. W.H. (1994). Non-uniform open-channel flow over a rough bed. Journal of Hydro science and Hydraulic Engineering, JSCE, 12: 1-25.
- Song T., Chiew Y. M. (2001). Turbulence measurement in non-uniform open channel flow using Acoustic Doppler Velocimeter (ADV). Journal of Engineering Mechanics-ASCE 127(3): 219-232.
- Song, T., Graf, W. H., & Lemmin, U. (1994). Uniform flow in open channels with movable gravel bed. Journal of Hydraulic Research, 32(6): 861-876.
- Tennekes, H., & Lumley, J. L. (1972). A first course in turbulence. MIT press.

## Validation of Double- Averaged Velocity Method for Decelerating Flow in Coarse-bed Rivers

Hossein Afzalimehr<sup>1\*</sup> and Rasool Ramazany<sup>2</sup>

1- Department of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology

2- Department of Civil Engineering, Iran University of Science and Technology

\*hafzali@iust.ac.ir

### Abstract

A clear understanding of the interaction of bed-form and flow characteristics in natural streams is essential for a variety of ecological and river engineering projects such as river rehabilitation, pollution control, and stable channel design. The present study deals with the logarithmic layer of double-averaged (in time and space) streamwise velocity profiles in decelerating flow, in coarse-bed Rivers. The streamwise velocity profiles were obtained from field measurements conducted in the Haraz and Rostam Abad Rivers. Velocity measurements were collected at 200 Hz and 120 seconds by using an Acoustic Doppler Velocimeter (ADV). In Both cases, the river bed was composed of coarse gravel and cobble, with relative submergences ( $h/d_{50}$ ) from 4.4 to 10.4. Due to the limitations in double-averaging method application in the Iranian Rivers, the validity of this method was investigated using the logarithmic law and the boundary layer characteristic method. Based on the observations, the flow may be divided into the two different layers: the inner layer (logarithmic layer) and the outer layer. In the inner layer ( $0.02 < z/h < 0.3$ ), the double-averaged velocity profiles confirmed the logarithmic law. However, the velocity data deviated from the logarithmic law in the outer region without a particular pattern. The results of this study can help a better estimation of hydraulic parameters in coarse-bed streams, decreasing the cost of the hydraulic engineering plans in rivers.

**Keyword:** Double Averaging Method, Logarithmic Law, Boundary Layer Characteristics Method, Decelerating Flow, Coarse- bed Rivers