

بررسی آزمایشگاهی اثر شعاع انحنای و موقعیت استقرار آبشکن‌های T شکل در قوس ۹۰ درجه بر میزان آبشنستگی اطراف آنها

محمد واقفی^{۱*}، مسعود قدسیان^۲، سید علی اکبر صالحی نیشابوری^۳

۱- استادیار سازه‌های هیدرولیکی گروه مهندسی عمران، دانشگاه خلیج فارس، بوشهر

۲- استاد هیدرولیک، پژوهشکده مهندسی آب، دانشگاه تربیت مدرس

۳- استاد سازه‌های هیدرولیکی، پژوهشکده مهندسی آب، دانشگاه تربیت مدرس

* بوشهر، دانشگاه خلیج فارس

vaghefi@PGU.ac.ir

چکیده- آبشکن سازه‌ای هیدرولیکی است که برای حفاظت از سواحل رودخانه به کار می‌رود. تحلیل جریان و آبشنستگی پیرامون آبشکن‌های مستقر در قوس خارجی رودخانه‌ها به علت وجود جریانهای ثانویه و حلزونی، پیچیدگی زیادی دارد. در این مقاله به تأثیر موقعیت استقرار آبشکن T شکل در قوس ۹۰ درجه بر میزان آبشنستگی و تأثیر شعاع انحنای قوس بر تغییرات توپوگرافی بستر پرداخته شده است. برای این منظور از یک فلوم مستطیلی به عمق ۷۰ سانتیمتر و عرض ۶۰ سانتیمتر و با چند شعاع مرکزی متفاوت ($R/B=2,3,4$) استفاده شده است. کanal اصلی شامل مسیر مستقیم بالا دست به طول ۵/۲ متر است که پایین دست به طول ۰/۳۵ متر از یک قوس ۹۰ درجه این دو مسیر مستقیم را به هم متصل کرده است. دیوار و کف فلوم شیشه‌ای بوده و توسط قابهای فلزی پایدار شده است. طول کanal از رسوب با قطر متوسط ۱/۲۸ میلی‌متر و به عمق ۰/۳۵ متر پوشیده شده است. آزمایشها تحت جریان با دبی ثابت ۲۵ لیتر بر ثانیه انجام شده و نتایج بیانگر آن است که وقتی آبشکن در موقعیت ۷۵ درجه قرار می‌گیرد، آبشنستگی حداقل است. همچنین هرچه شعاع انحنای قوس بیشتر شود، میزان آبشنستگی افزایش می‌یابد، اما از گسترش چاله آبشنستگی در عرض کanal کاسته می‌شود.

کلید واژگان: آبشکن T شکل، الگوی آبشنستگی، قوس، شعاع انحنای قوس.

می‌شود. رسوب خروجی از اطراف آبشکن می‌تواند تأثیر

زیادی بر توپوگرافی بستر رودخانه‌ها به ویژه در پایین دست محل استقرار آبشکن داشته باشد. در مسیرهای قوسی نیز به دلیل وجود جریانهای ثانویه و ترکیب آن با

۱- مقدمه

استفاده از آبشکن‌ها در تثبیت سواحل رودخانه‌ها یکی از راههای مؤثر در پایدارسازی ساحل است، اما وجود آبشکن در مسیر جریان، باعث ایجاد آبشنستگی موضعی

دارد، در حالی که بر تنش برشی بیشینه در دماغه آبشکن تأثیر قابل توجهی ندارد. Mesbahi در ۱۹۹۲ قوس را به گونه‌ای تنظیم کرد که عرض جریان در جلوی آبشکن نسبت به حالت بدون آبشکن تغییری نکند و نتیجه گرفت که احداث آبشکن در قوس‌ها عمق چاله آبستتگی را عمیق‌تر می‌کند. Soliman و همکاران در ۱۹۹۷ به بررسی آزمایشگاهی و عددی تأثیر آبشکن بر مورفولوژی قوس‌های رودخانه نیل پرداختند و یک مدل دو بعدی را برای تأثیر آبشکن و مؤلفه‌های سرعت ارائه کردند. Giri و همکاران در ۲۰۰۴ به صورت آزمایشگاهی و عددی با اندازه‌گیری سرعت و تغییر دادن موقعیت آبشکن، به بررسی تأثیر آن بر میدان جریان در اطراف آبشکن بسته در کanal قوسی پرداختند. Fazli و همکاران در ۲۰۰۷ به بررسی آزمایشگاهی تأثیر موقعیت استقرار آبشکن‌های مستقیم در قوس ۹۰ درجه پرداختند. Forghani و همکاران در سال ۲۰۰۷ به مطالعه آزمایشگاهی الگوی جریان و آبستتگی پیرامون آبشکن‌های مستقیم و مستقر در قوس ۹۰ درجه اقدام کردند. قدسیان و همکاران در ۲۰۰۹ به مطالعه آزمایشگاهی الگوی جریان و آبستتگی پیرامون آبشکن T شکل مستقر در قوس ۹۰ درجه پرداخته و سعی در برقراری نوعی ارتباط بین الگوی جریان و آبستتگی کردند. واقفی و همکاران در ۱۳۸۷ و ۱۳۸۸ به بررسی ابعاد چاله آبستتگی و تغییرات توپوگرافی بستر پیرامون آشکن T شکل، تحت تأثیر تغییرات پارامترهایی نظیر طول آبشکن، طول بال آبشکن، شکل بال آبشکن و عدد فرود جریان پرداختند و روابطی مناسب را برای تأثیر این پارامترها بر میزان آبستتگی ارائه کردند. بررسی مطالعات گذشته، بیانگر کمبود تحقیقات در زمینه آبشکن‌های مستقر در قوس می‌باشد. در زمینه آبستتگی اطراف آبشکن T شکل در قوس نیز مطالعات

جریانهای طولی، جریانهای مارپیچی موسوم به جریان حلزونی تشکیل می‌شود. این جریانها باعث فرسایش شدید ساحل خارجی، بهویژه در ساحل فرسایش پذیر می‌شود. استقرار آبشکن‌ها در ساحل خارجی رودخانه‌ها می‌تواند در کاهش فرسایش پذیری کناره‌ها مؤثر باشد. هنگامی که از آبشکن‌ها برای محافظت جداره رودخانه در خم‌ها استفاده می‌شود، تحلیل جریان و آبستتگی در اطراف آبشکن‌های استفاده شده در قوس خارجی بسیار پیچیده‌تر و مشکل‌تر می‌شود که علت آن اندرکنش بین الگوی جریان در قوس و الگوی جریان اطراف آبشکن و تأثیر جریانهای حلزونی در قوس است.

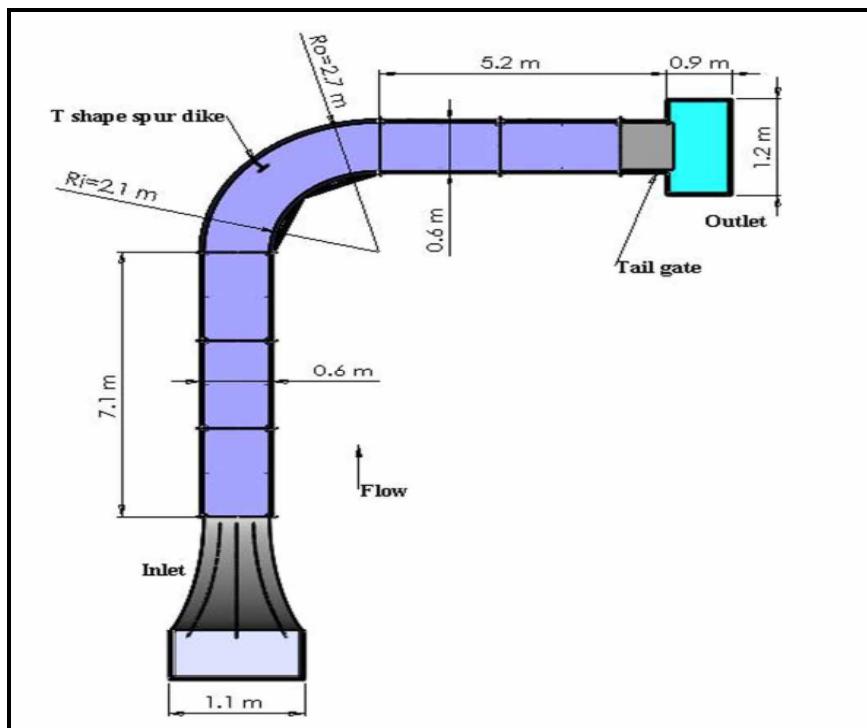
مطالعات گذشته بیشتر بر روی آبشکن‌های مستقر در مسیرهای مستقیم متمرکز بوده و بیشتر به بررسی تغییرات آبستتگی بیشینه و هندسه چاله آبستتگی پرداخته شده است. در مورد قوس‌ها و کاربرد آبشکن در محل قوس، تحقیقات زیادی انجام نشده و در مطالعات گذشته نیز توپوگرافی پایین‌دست قوس کمتر مدنظر محققان بوده است. اولین تحقیق در مورد به کارگیری آبشکن در قوس توسط Ahmad در سالهای ۱۹۵۱ و ۱۹۵۳ انجام شد. وی با تغییر پارامترهای دبی جریان، نسبت انقباض، شکل آبشکن، موقعیت استقرار در قوس، زاویه آبشکن و دانه‌بندی رسوب در کanal مستقیم و قوسی، به بررسی عمق بیشینه آبستتگی پرداخت. Gill در ۱۹۷۲ با تغییر شعاع انحنای قوس عمق جریان و قطر ذرات در کanal مستقیم و قوسی نشان داد که فاصله بین آبشکن‌ها، وابستگی زیادی به شعاع انحنای قوس دارد. Tingaschali و Maheswaran در ۱۹۹۰ به اصلاح ضرایب مربوط در مدل عددی k-ε با توجه به انحنای خطوط جریان در قوس و در اطراف آبشکن پرداختند و نتیجه گرفتند که این ضرایب تأثیر زیادی بر سرعت جریان

انحنای خارجی $2/7$ متر (قوس ملایم) متصل شده‌اند. کanal از شیشه ساخته شده و توسط قاب‌هایی فولادی پایداری آن حفظ می‌شود. ارتفاع کanal برابر 70 سانتی‌متر و عرض آن برابر 60 سانتی‌متر است. کف کanal از رسوبهایی با قطر متوسط $1/28$ میلی‌متر و انحراف معیار $1/3$ میلی‌متر پوشیده شده است. با تعویض قوس ملایم و استقرار قوس با شعاع انحنای خارجی برابر $2/1$ متر (قوس متوسط) و $1/5$ متر (قوس تندر) به بررسی تأثیر شعاع انحنای قوس بر میزان آبشنستگی پیرامون آبشنکن‌های مستقر در موقعیت‌های مختلف پرداخته شده است. دبی جریان به وسیله یک روزنہ کالیبره شده تنظیم شد. همچنین عمق جریان و پروفیل بستر با استفاده از دستگاه لیزری اندازه‌گیری پروفیل بستر با دقت $0/001$ میلی‌متر اندازه‌گیری شد.

محدودی انجام شده و به بررسی یک یا چند پارامتر مؤثر بر الگوی جریان یا آبشنستگی اکتفا شده است. هدف اصلی این تحقیق، بررسی تأثیر دو پارامتر مهم و تأثیرگذار موقعیت استقرار آبشنکن T شکل و شعاع انحنای قوس، بر ابعاد چاله آبشنستگی اطراف آن و تغییرات توپوگرافی بستر کanal در پایین‌دست آبشنکن است.

۲- آزمایشها

آزمایش‌های مورد نظر در کanalی با قوس 90 درجه در آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه تربیت مدرس انجام شده است. شکل ۱ پلان و هندسه قوس مورد نظر را نشان می‌دهد. کanal نشان داده شده در شکل ۱ از یک قسمت مستقیم به طول $7/1$ متر در بالادست و قسمت مستقیمی با طول $5/2$ متر در پایین‌دست تشکیل می‌شود. این دو مسیر مستقیم در مرحله اول توسط قوس 90 درجه‌ای با شعاع



شکل ۱ موقعیت و هندسه کanal

لایه‌های پایین خود را به دماغه آبشکن T شکل می‌رسانند و تعدادی گردابه عمودی که محور آنها عمود بر مسیر جریان آب است، تشکیل می‌شود و همزمان با آن نیز، گردابه‌های افقی ناشی از جریان لایه‌های پایین در محل تماس آبشکن با سطح بستر در بالادست و در داخل محلوده بال و جان آبشکن در جهت خلاف عقربه‌های ساعت تشکیل می‌شود. گردابه‌های قائم به جداسازی رسوبها از بستر می‌پردازند و گردابه‌های افقی رسوبهای جدا شده را به خارج از سطح چاله در حال تشکیل شدن پرتاب می‌کند. این گردابه‌ها عامل اصلی ایجاد آبستگی در دماغه بالادست آبشکن است. در محل استقرار آبشکن به علت کاهش عرض مقطع جریان، سرعت جریان بیشتر می‌شود و این به مفهوم کاسته شدن فشار در فاصله بین بالادست آبشکن و مقطع جریان مقابل بال آبشکن است. این باعث می‌شود که در دماغه آبشکن تمرکز تنش ایجاد شده و آبستگی از این ناحیه شروع شود و رسوبهای جدا شده از بستر به سمت پایین دست حرکت کند. بر این اساس، بخش بزرگی از رسوبها (رسوبهای دسته اول) از نزدیکی دیوار خارجی بال آبشکن و بر روی شیب پایین دست آبشکن حرکت کرده و به سمت ساحل خارجی می‌روند. این رسوبها در فاصله حدود ناحیه اتصال مجدد جریان در لایه نزدیک بستر، به ساحل خارجی می‌رسند و مسیر حرکت آنها تقریباً بر مکان هندسی خط اتصال مجدد جریان منطبق است. پس از رسیدن به این منطقه از ساحل خارجی، و با ادامه حرکت رسوبهای پایین دست به این ناحیه، پشتہ رسوبی تشکیل شده و در ادامه در طول قوس و در نزدیکی ساحل خارجی (ناحیه A از شکل ۲-ب) توسعه می‌یابد. همچنین به دلیل ریزش جریان از روی پشتہ رسوبی ایجاد شده بر روی بستر اولیه و تشکیل گردابه‌های کوچک و

برای کنترل جریان از دریچه‌ای قطاعی -که در انتهای کanal نصب شده- استفاده شد. آبشکن‌ها به صورت صفحاتی مستطیلی با پلان T شکل و از جنس پلکسی گلاس ساخته شد.

طول آبشکن‌ها برابر ۹ سانتی‌متر و طول بال آنها برابر ۹ سانتی‌متر (۱۵ درصد عرض کanal) است. ضخامت آبشکن‌ها برابر ۱ سانتی‌متر و ارتفاع آنها برابر ۶۵ سانتی‌متر در نظر گرفته شد. به منظور تعیین اثر موقعیت استقرار آبشکن آزمایشها در چهار موقعیت متفاوت، ۳۰، ۴۵، ۶۰ و ۷۵ درجه‌ای در قوس خارجی هر سه قوس طراحی و اجرا شد. دبی جریان در تمامی آزمایشها ثابت و برابر ۲۵ لیتر بر ثانیه بود. در تمامی آزمایشها شرایط آب تمیز حاکم بود. به منظور تعیین زمان تعادل، یک آزمایش ۱۲۰ ساعته برای آبشکن در موقعیت استقرار ۷۵ درجه انجام شد. زمان انجام هر آزمایش مدت زمان معادل ۰/۸۸ زمان رسیدن به عمق بیشینه آبستگی در آزمایش زمان تعادل ۱۲۰ ساعته در نظر گرفته شد که برای هر آزمایش ۲۴ ساعت است. در این زمان میزان آبستگی در فواصل زمانی ۴ ساعته کمتر از ۲ میلی‌متر بوده است. فواصل مقاطع اندازه‌گیری توپوگرافی بستر از ۰/۵ درجه تا ۵ درجه متغیر است که این مقدار در نزدیکی آبشکن‌ها تحت شبکه‌بندی ریزتر قرار دارد. تعداد مقاطع عرضی برداشت شده در هر آزمایش بین ۶۰ تا ۸۰ مقاطع و تعداد مقاطع طولی برابر ۶۰ مقاطع بود.

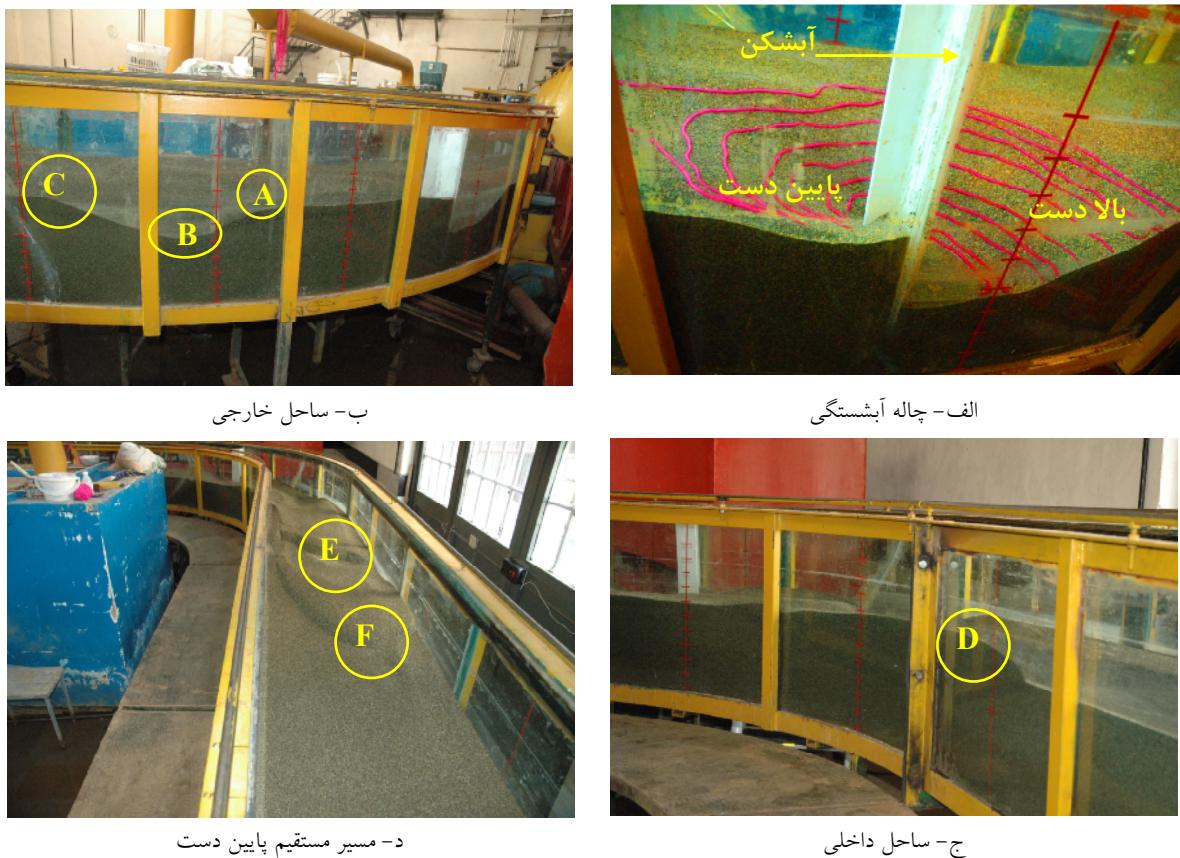
-۳- سازوکار الگوی جریان و آبستگی پیرامون آبشکن

در ابتدای هر آزمایش جریانهای لایه‌های بالایی سطح آب به صورت جریان رو به پایین عمل می‌کنند و به علت اصطکاک کمتر با لایه‌های مجاور، زودتر از جریانهای

ساحل داخلی بیشترین مقدار را دارد و در پایین دست آن نیز به دلیل وجود گردابه‌های ضعیف، چاله آبشنستگی به صورت محسوس تشکیل نمی‌شود. قسمت دیگری از رسوبها (رسوبهای دسته سوم) در محدوده وسط کanal و ناشی از جریانهای ایجاد شده در جلوی بال آبشکن به سمت پایین دست حرکت می‌کند. این رسوبها در طی مسیر خود در پایین دست آبشکن و در طول قوس، سازوکاری مانند رسوبهای دسته اول دارند، با این تفاوت که در ابتدای آزمایش به دلیل سرعت بیشتر حرکت آنها (در مسیر جریان اصلی کanal بودن)، پشته رسوبی و چاله آبشنستگی پایین دست آن تشکیل نمی‌شود و جابه‌جایی رسوبها به صورت حرکت دیون‌ها مشاهده می‌شود. پس از طی زمانی در حدود ۱۰ درصد زمان تعادل (برای آبشکن مستقر در نیمه اول قوس) و با کاهش نرخ حرکت رسوبها، تشکیل پشته رسوبی و چاله آبشنستگی پایین دست آن آغاز می‌شود. با توسعه پشته رسوبی و چاله آبشنستگی پایین دست آن به سمت انتهای قوس، از ارتفاع پشته رسوبی و عمق چاله آبشنستگی دوم کاسته می‌شود. علت این پدیده آن است که با خروج جریان از قوس و ورود به مسیر مستقیم پایین دست، سطح آب پایین افتاده و گرادیان منفی فشار در خروجی کanal قوسی ایجاد می‌شود که به افزایش حرکت رسوبها منجر می‌شود و در نتیجه رسوبهای پشته رسوبی به درون چاله آبشنستگی پایین دست خود ریخته و باعث کاهش عمق چاله آبشنستگی دوم می‌شود، به طوری که در بعضی آزمایشها چاله آبشنستگی دوم کاملاً محو می‌شود. در شکل ۲- د پشتهداری رسوبی مشخص شده با حروف E و F در مسیر مستقیم بعد از قوس، مؤید این پدیده است.

عمودی با محوری در جهت عرض کanal، در پایین دست این پشتہ رسوبی نیز آبشنستگی به وقوع می‌پیوندد و باعث ایجاد چاله دوم آبشنستگی (ناحیه B از شکل ۲- ب) می‌شود. البته رسوبهای با ارتفاع بیشتر از بستر اولیه - که به موازات چاله آبشنستگی دوم و معمولاً در ساحل داخلی تشکیل می‌شوند- نیز به دلیل کاهش سطح مقطع جریان و افزایش سرعت جریان در تشکیل چاله آبشنستگی دوم مؤثر است. در چاله دوم آبشنستگی نیز مکانیزم حرکت رسوبات تقریباً مشابه با چاله اصلی آبشنستگی می‌باشد و تا وقتی که نیروی ناشی از جریان و گردابه‌های ایجاد شده بر وزن ذره رسوبی غلبه پیدا کند، رسوبها از درون این چاله آبشنستگی با نرخی شبیه به چاله آبشنستگی اصلی و در طی زمان تعادل خارج می‌شود. در شکل ۲- ب تجمع رسوبهای خروجی از چاله آبشنستگی دوم با حرف C نشان داده شده است. دسته دوم رسوبها بر روی شب عرضی چاله آبشنستگی و به صورت مورب به سمت ساحل داخلی حرکت می‌کند. این دسته از رسوبها - که به دلیل قویتر شدن مؤلفه سرعت عرضی در لایه‌های نزدیک بستر ناشی از جداشده‌گی جریان و در نتیجه جریان ثانویه قویتر (نسبت به قوس تنها) شکل می‌گیرد- باعث حرکت بخش بزرگی از رسوبها به سمت ساحل داخلی می‌شود. این رسوبها بسته به پارامترهای مختلف تأثیر گذار نظیر شعاع انحنای قوس، موقعیت استقرار آبشکن و غیره با زوایای مختلف نسبت به افق حرکت کرده و در فواصل مختلف نسبت به آبشکن به ساحل داخلی برخورد می‌کند و پس از رسیدن به ساحل داخلی، پشته رسوبی تشکیل می‌دهد و به سمت پایین دست حرکت می‌کند (ناحیه D در شکل ۲- ج).

با توجه به سرعت کمتر حرکت رسوبها در این مسیر و ناشی از برخورد با ساحل داخلی، ارتفاع رسوبها در



شکل ۲ نمونه‌ای از تغییرات توپوگرافی بستر پس از زمان تعادل برای آبشکن منفرد ($L=l=0.2B$) در موقعیت ۴۵ درجه از قوس ملايم

سه شعاع انحنای مختلف (تند $R=2B$ ، متوسط $R=3B$ و ملايم $R=4B$) استفاده شد. برای اين منظور آبشکن در موقعیت‌های مختلف (۳۰، ۴۵، ۶۰ و ۷۵ درجه) اين سه قوس مستقر شده و پروفیل بستر در پایان زمان تعادل برداشت شد. مشاهدات آزمایشهاي انجام شده دلالت بر تأثير عواملی نظری جريان ورود از مسیر مستقیم بالا دست و زاویه برخورد آنها با آبشکن مستقر در موقعیت‌های مختلف از سه قوس و تأثير جريان در مسیر مستقیم پایین دست بر جريان پيرامون آبشکن و در نتیجه ميزان آبشستگی دارد.

مشاهدات بيانگر افزایش زاویه برخورد خطوط جريان به آبشکن نسبت به افق با تغيير موقعیت استقرار آبشکن به

در شکل ۲-الف نيز چاله آبشستگی پيرامون آبشکن و خطوط همتراز بستر در پایان زمان تعادل و تأثير شکل آبشکن (T شکل) بر كاهش آبشستگی پایین دست مشاهده می شود.

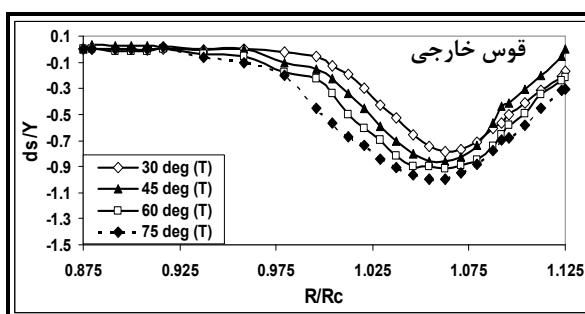
۴- نتایج

با تغيير موقعیت آبشکن به سمت پایین دست قوس، تنش‌های برشی بستر، به دليل افزایش سرعت جريان بيشتر شده و همچنين به دليل افزایش قدرت جريانهای عرضی ناشی از جدادشگی جريان بالا دست آبشکن، ابعاد چاله آبشستگی و عمق آبشستگی بيشينه افزایش می يابد. به منظور تعیين تأثير شعاع انحنای قوس و همچنان موقعیت استقرار آبشکن بر الگوی جريان و آبشستگی از

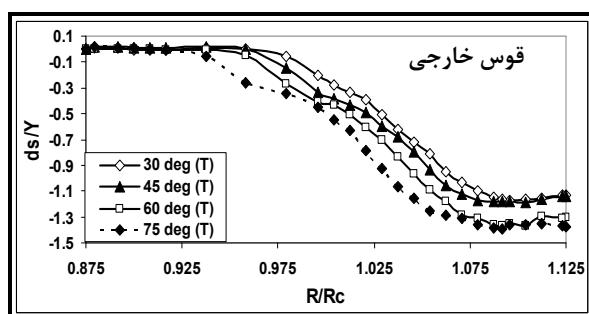
انحنای قوس، R_c شعاع مرکزی انحنای قوس، ds عمق آبشتستگی موضعی در هر نقطه و Y عمق جریان در ابتدای قوس است. این شکل بیانگر تشابه در شکل و هندسه چاله آبشتستگی در مورد آبشنکن‌های T شکل بوده و نشان می‌دهد که چاله آبشتستگی، شبی عرضی تقریباً ثابتی در جهت قوس داخلی دارد. در بالادست آبشنکن‌ها (شکل ۳-الف) با تغییر موقعیت استقرار آبشنکن به سمت انتهای قوس، به دلیل افزایش مؤلفه عرضی سرعت و همچنین تغییر مکان هندسی سرعت حداکثر به سمت ساحل خارجی، ابعاد چاله آبشتستگی گسترش یافته است. در پایین‌دست آبشنکن نیز (شکل ۳-ب)، ضمن مشاهده اختلاف مشهود آبشتستگی با مقطع بالادست آبشنکن‌ها (شکل ۳-الف) به دلیل تأثیر شکل هندسی آبشنکن (T شکل) در موقعیت مشابه، افزایش آبشتستگی با تغییر موقعیت استقرار آبشنکن به سمت انتهای قوس مشاهده می‌شود که دلیل آن، کاهش رسوبهای دسته اول (شرح داده شده در بخش سازوکار الگوی جریان و آبشتستگی) است.

سمت انتهای قوس است. این افزایش زاویه، دلالت بر وجود جریانهای عرضی قویتر داشته و یکی از دلایل افزایش ابعاد چاله آبشتستگی با تغییر موقعیت آبشنکن به سمت انتهای قوس (افزایش ۱۶، ۲۰ و درصدی در عمق آبشتستگی حداکثر، طول چاله آبشتستگی در بالادست و عرض چاله آبشتستگی) است. این روند در دو قوس دیگر نیز با تغییر موقعیت آبشنکن به سمت انتهای قوس مشاهده می‌شود و کاهش در میزان انحراف خطوط جریان، بیانگر کاهش قدرت جریانهای عرضی است که نتیجه آن، مشاهده کاهش نرخ در افزایش ابعاد چاله آبشتستگی با تغییر موقعیت استقرار آبشنکن به سمت انتهای قوس (افزایش ۷، ۱۰ و ۸ درصدی عمق آبشتستگی حداکثر، طول چاله آبشتستگی در بالادست و عرض چاله آبشتستگی به در قوس تند) نسبت به آبشنکن‌های مستقر در قوس ملایم است.

در شکل ۳ نمونه‌ای از تغییرات عرضی توپوگرافی بستر در مقطعی به فاصله $0/25$ طول آبشنکن در بالادست و پایین‌دست آبشنکن‌های مستقر در موقعیت‌های مختلف از قوس ملایم نشان داده شده است. در این شکل R شعاع



ب-پایین‌دست

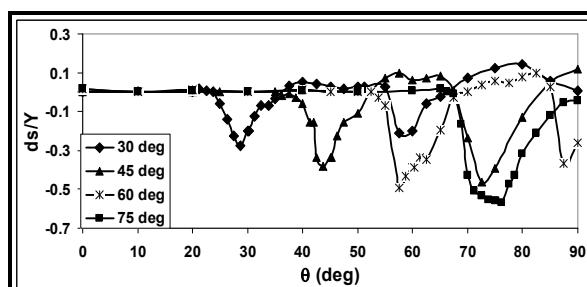


الف-بالادست

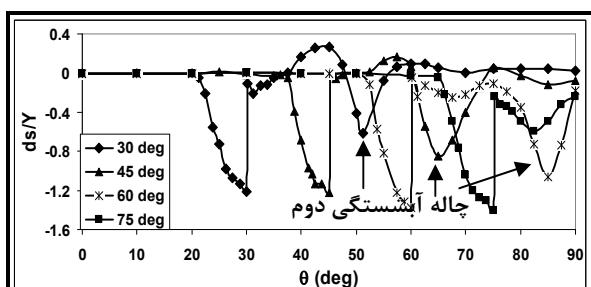
شکل ۳ نمونه‌ای از مقاطع عرضی بدون بعد بستر به فاصله معادل $0/25$ برابر طول آبشنکن برای آبشنکن مستقر در موقعیت‌های مختلف از قوس ملایم

است. در مقطع طولی عبوری از وسط کanal (شکل ۴-ب) نیز گسترش چاله آبشتستگی به سمت ساحل داخلی با تغییر موقعیت آبشکن به سمت انتهای قوس به دلیل افزایش مؤلفه عرضی سرعت ناشی از افزایش زاویه برخورد جریان بالادست نسبت به افق به آبشکن مشهود است. ضمن اینکه گسترش چاله آبشتستگی دوم در عرض کanal نیز در مورد آبشکن‌های مستقر در نیمه اول قوس به دلیل وقوع آنها در طول قوس و عدم تأثیر مسیر مستقیم پایین دست بر حرکت متقارن رسوبات مشاهده می‌گردد. شکل ۵ نیز نمونه‌ای از مقاطع طولی توپوگرافی بستر در فاصله ۵ و ۵۰ درصد عرض کanal از ساحل خارجی قوس تند است.

در شکل ۴ نمونه‌ای از مقاطع طولی توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت‌های مختلف از قوس ملایم ارائه شده است. در مقطع به فاصله ۵ در صد عرض کanal از ساحل خارجی (شکل ۴-الف) چاله آبشتستگی اصلی پیرامون آبشکن‌ها مشاهده می‌شود که حکایت از تشابه پروفیل طولی بستر در موقعیت‌های مختلف استقرار آبشکن در طول قوس دارد. در این شکل عدم آبشتستگی در نزدیکی ساحل خارجی پایین دست برای آبشکن‌های مستقر در نیمه اول قوس و آبشتستگی اندک برای آبشکن‌های مستقر در نیمه دوم قوس مشهود است که دلیل آن، تغییر مکان هندسی سرعت‌های حداقل به طرف ساحل خارجی در نیمه دوم قوس و افزایش تنفس برشی

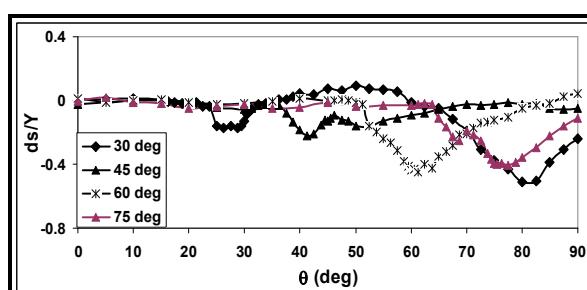


ب- فاصله ۵۰ درصد عرض کanal، از ساحل خارجی

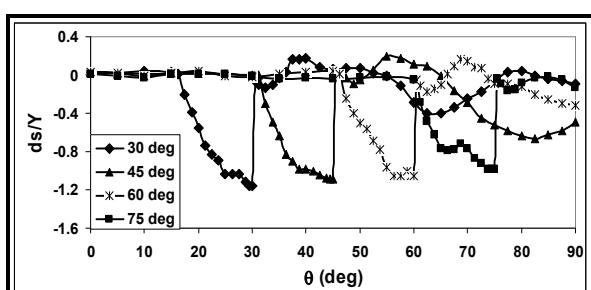


الف- فاصله ۵ درصد عرض کanal

شکل ۴ نمونه‌ای از مقاطع طولی بدون بعد توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت‌های مختلف از قوس ملایم



ب- فاصله ۵۰ درصد عرض کanal، از ساحل خارجی



الف- فاصله ۵ درصد عرض کanal

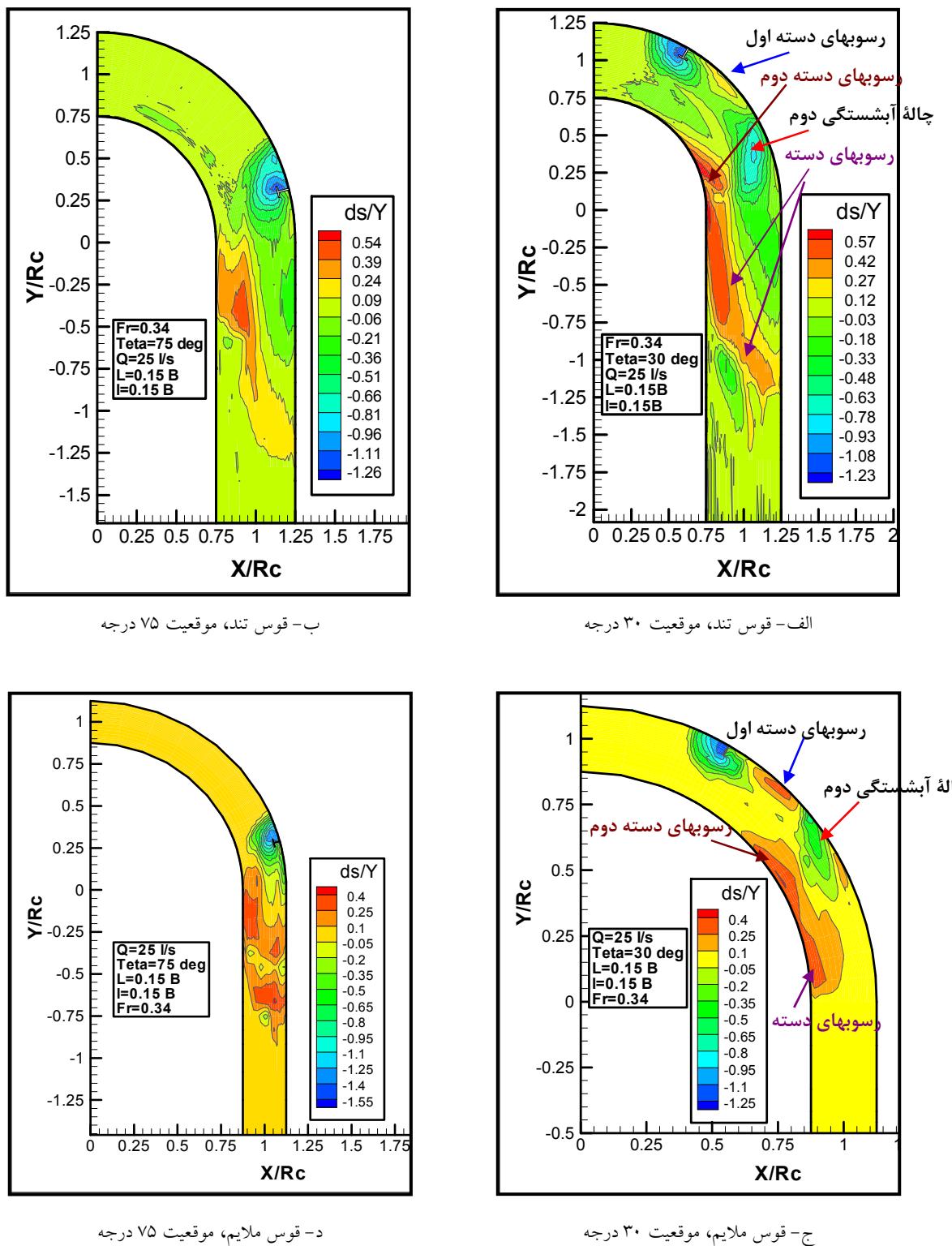
شکل ۵ نمونه‌ای از مقاطع طولی بدون بعد توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت‌های مختلف از قوس تند

(شکل های ۶-ج و ۶-د) است که با تغییر موقعیت استقرار آبشکن به سمت انتهای قوس، حرکت رسوبها به شکل متقارن تری در عرض کanal مشاهده می شود. ضمن این که چاله آبستتگی دوم نیز در آبشکن مستقر در موقعیت ۷۵ درجه به علت حرکت سریع تر رسوبهای دسته اول و ورود آنها به داخل چاله آبستتگی دوم با کاهش عمق همراه خواهد بود. این روند در مورد آبشکن های مستقر در قوس تند نیز با تغییر موقعیت آبشکن (شکل های ۶-الف و ۶-ب) مشاهده می شود. با استقرار آبشکن در هر یک از این قوس ها و با توجه به جریانهای پیچیده اطراف آبشکن و اندرکنش آنها با جریانهای موجود در قوس (بسته به شعاع انحصاری) تغییراتی در الگوی جریان و آبستتگی پیرامون آبشکن ایجاد می شود که باعث ایجاد تفاوت هایی در مقادیر آبستتگی و رسوبگذاری خواهد بود. نمونه ای از تغییرات پارامتر های چاله آبستتگی و توپوگرافی بستر در شکل ۷ ارائه شده است. در این شکل d_{ml} عمق حداکثر آبستتگی، θ موقعیت استقرار آبشکن، B عرض کanal، a عرض حداکثر چاله آبستتگی، d_{ss} عمق حداکثر چاله آبستتگی دوم و h ارتفاع حداکثر رسوبها است.

تغییرات عمق آبستتگی حداکثر (شکل ۷-الف) بیانگر افزایش این پارامتر با تغییر موقعیت استقرار آبشکن به سمت انتهای قوس بنا به دلایل ذکر شده است. در قوس تند و در حالت استقرار آبشکن در موقعیت ۴۵ درجه، حداکثر عمق آبستتگی، با کاهش نسبت به موقعیت ۳۰ درجه رو به رو شده که دلیل آن برخورد خطوط جریان از مسیر مستقیم بالادست به محدوده استقرار آبشکن (۴۰ تا ۵۰ درجه) نسبت به قوس ملایم (۲۵ تا ۳۰ درجه) است.

همان طور که مشاهده می شود، روند تغییرات مشابه قوس ملایم و با مقادیر کمتر آبستتگی ناشی از تأثیر شعاع انحصاری قوس بوده که در ادامه دلایل آن ذکر می شود. با نصب آبشکن در موقعیت های یکسان از سه قوس، قدرت جریان ثانویه در قوس ملایم، مقدار بیشتری نسبت به قوس تند دارد. دلیل این پدیده، افزایش بیشتر سطح آب در بالادست آبشکن در قوس تند نسبت به دو قوس دیگر و ناشی از انحصاری شدید و نیز کاهش مؤلفه عرضی سرعت به دلیل برخورد مستقیم جریان از مسیر مستقیم بالادست قوس است. در قوس تند به دلیل طول کوچکتر قوس نسبت به قوس ملایم، قسمتی از خطوط جریان وارد شده از مسیر مستقیم بالادست، به ناحیه جداسدگی جریان پیرامون آبشکن برخورد می کند که این باعث کاهش مؤلفه عرضی سرعت و در نتیجه کاهش قدرت جریان ثانویه می شود. لازم است ذکر شود که پدیده یاد شده برای آبشکن های مستقر در نیمه اول قوس تند، مشهود تر است. حال با توجه به دلایل ذکر شده، میزان آبستتگی در قوس ملایم و در مقاطع مشابه از دو قوس دیگر، بیشتر است. همچنین شکل گیری مکان هندسی سرعت حداکثر در نزدیکی ساحل داخلی در قوس تند و تأثیر مضاعف آبشکن بر این موضوع نیز، برخی از مسائل حائز اهمیت است.

شکل ۶ نمونه ای از تغییرات توپوگرافی بستر را برای آبشکن های مستقر در ابتدا و انتهای دو قوس تند و ملایم نشان می دهد. در این شکل F_r عدد فرود جریان، Q دبی جریان، L طول آبشکن و l طول بال آبشکن است. بررسی اثر موقعیت آبشکن بر تغییرات توپوگرافی بستر بیانگر حرکت رسوبها در سه دسته ذکر شده در قوس ملایم



د- قوس ملایم، موقعیت ۷۵ درجه

ج- قوس ملایم، موقعیت ۳۰ درجه

شکل ۶ نمونه‌ای از توپوگرافی بدون بعد بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت ۳۰ و ۷۵ درجه

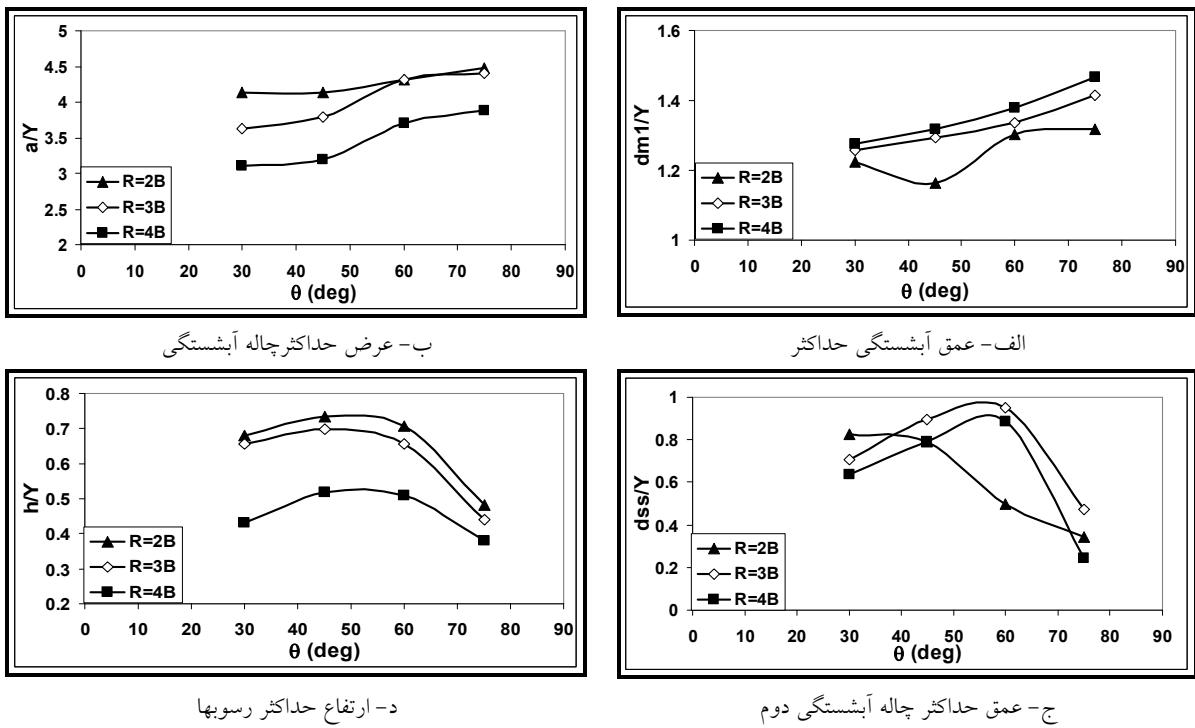
که باعث افزایش ارتفاع رسوهای حداکثر (شکل ۷-د) در نزدیکی ساحل داخلی در قوس تند نسبت به دو قوس دیگر می‌شود. روند تغییرات ارتفاع حداکثر رسوها نیز با استقرار آبشکن تا نیمه قوس، صعودی و سپس نزولی (شکل ۷-د) بوده که دلیل آن تأثیر جریان در مسیر مستقیم پایین‌دست قوس بر حرکت رسوها و توزیع متقارن آن در عرض کanal است.

شکل ۸ نمونه‌ای از تغییرات عرضی توپوگرافی بستر در مقطعی به فاصله $0/25^{\circ}$ طول آبشکن در بالادست و پایین دست آبشکن مستقر در موقعیت 45° درجه را نشان می‌دهد. روشن است که با افزایش شعاع انحنای قوس، عمق چاله آبشستگی افزایش یافته است. در بالادست آبشکن مستقر در قوس تند و در نزدیکی ساحل خارجی، چاله آبشستگی به دلیل شکل‌گیری سرعت حداکثر در نزدیکی ساحل داخلی و از ابتدای قوس شکل کاسه‌ای (محدوده A) پیدا کرده است. همچنین در نزدیکی ساحل داخلی و در قوس تند، رسویگذاری مشاهده می‌شود که این رسوها ناشی از تأثیر مکان هندسی سرعت حداکثر در مجاورت ناحیه رسویگذاری شده و حرکت عرضی قسمتی از رسوهای دسته سوم به این سمت است.

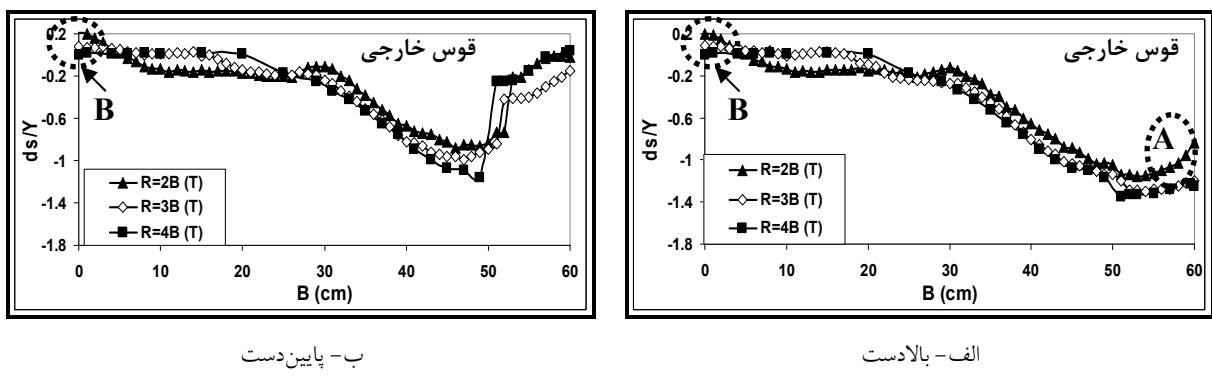
نکته جالب دیگر این است که در فاصله ساحل خارجی تا حدود محور کanal، میزان آبشستگی با افزایش شعاع انحنای قوس، افزایش می‌یابد و از آنجا تا حدود 10° درصد عرض کanal، گسترش چاله آبشستگی با کاهش شعاع انحنای قوس (و به طور مشخص در قوس تند) مشهودتر است و در فاصله 10° درصد عرض کanal تا نزدیک ساحل داخلی، با کاهش شعاع انحنای قوس رسویگذاری مشاهده می‌شود. در واقع گسترش چاله آبشستگی در عرض کanal برای قوس تند با دو شیب همراه است.

در این ناحیه مؤلفه سرعت عرضی به سمت ساحل خارجی و ناشی از جریان ورودی از مسیر مستقیم بالادست وجود داشته و در تقابل با جریانهای قوی عرضی خروجی از چاله آبشستگی و در لایه نزدیک بستر، از قدرت جریانهای عرضی کاسته شده و باعث کند شدن حرکت رسوها، به خصوص دسته سوم رسوها و سقوط مجدد بعضی از ذرات رسو ناپایدار به سمت چاله آبشستگی می‌شود. این پدیده همان‌طور که مشاهده می‌شود، بر عمق حداکثر چاله آبشستگی نیز تأثیرگذار است.

میزان پیشروی چاله آبشستگی در عرض کanal (شکل ۷-ب) نیز با تغییر موقعیت استقرار آبشکن به سمت انتهای قوس، به دلایل ذکر شده (افزایش تنش برشی و جریانهای عرضی) افزایش می‌یابد. در شکل ۷-ج نیز تغییرات عمق چاله آبشستگی دوم در موقعیت‌های مختلف بیانگر افزایش این عمق تا آبشکن مستقر در موقعیت 60° درجه و سپس کاهش در موقعیت 75° درجه در دو قوس ملايم و متوسط است. در صورتی که در قوس تند با تغییر موقعیت آبشکن به سمت انتهای قوس این پارامتر تغییرات نزولی را از خود نشان می‌دهد که دلیل آن، تمایل محدوده سرعت حداکثر و در نتیجه تنش برشی حداکثر به سمت قوس داخلی است و این مسئله باعث افزایش رسوهای دسته سوم نسبت به دو دسته دیگر در قوس تند و ورود قسمتی از این رسوها به چاله آبشستگی دوم و کاهش رسوهای دسته اول و در نتیجه کاهش قدرت ریزش جریان از روی رسوهای دسته اول به سطح بستر اویله (در تشکیل چاله آبشستگی دوم) می‌شود. همچنین محدوده سرعت حداکثر در قوس تند و تمایل آن به سمت قوس داخلی، باعث حرکت سریع‌تر رسوهای دسته سوم به سمت پایین‌دست و کاهش شبیه چاله آبشستگی به سمت قوس داخلی یا افزایش عرض حداکثر چاله آبشستگی (شکل ۷-ب) می‌شود. ضمن این



شکل ۷ تغییرات بدون بعد پارامترهای توپوگرافی بستر برای آبشکن‌های مستقر در قوس‌های با شعاع انحنای متفاوت در برابر موقعیت استقرار آبشکن (عدد فرود ۰۳۴)



شکل ۸ نمونه‌ای از مقاطع عرضی بستر به فاصله معادل 35° برابر طول آبشکن برای آبشکن مستقر در موقعیت 45° درجه از قوس‌های ملایم، متوسط و تندر

ب) بیانگر گسترش بیشتر چاله آبشتستگی به سمت پایین دست با کاهش شعاع انحنای قوس است. همچنین چاله آبشتستگی دوم در قوس ملایم در فاصله بیشتری از آبشکن تشکیل شده، درحالی‌که در دو قوس دیگر، محل

در شکل ۹ نمونه‌ای از مقاطع طولی برای آبشکن مستقر در موقعیت 45° درجه از سه قوس ارائه شده که بیانگر افزایش آبشتستگی حداکثر در قوس ملایم نسبت به دو قوس دیگر (شکل ۹-الف) است در حالیکه شکل ۹-

شعاع انحنای قوس، افزایش در مقدار عمق آبستتگی حداکثر در تمامی موقعیت‌های استقرار آبشکن (شکل ۱۱-الف) دیده می‌شود (به جز مقدار حداقل این پارامتر در قوس تن و در موقعیت ۴۵ درجه که قبل از دلایل آن بیان شد).

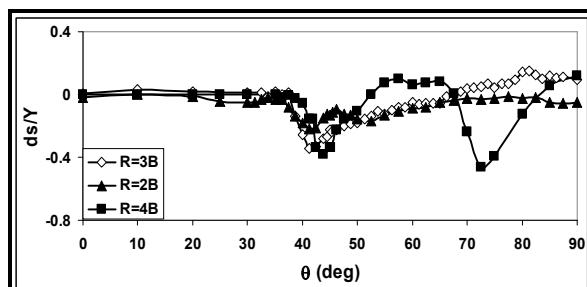
با کاهش شعاع انحنای قوس، به دلیل نزدیکی مکان هندسی سرعت جداکثر به ساحل داخلی، از رسوبهای دسته اول و سوم کاسته شده (شکل ۱۰-الف) و به رسوبهای دسته دوم افزوده می‌شود. این پدیده با توجه به برخورد رسوبها به ساحل داخلی و کاهش نرخ حرکت آنها در پایین دست، افزایش ارتفاع رسوبگذاری را در پی دارد (شکل ۱۱-د). البته در حالت استقرار آبشکن در موقعیت ۷۵ درجه، به دلیل حرکت متقاضی رسوبها در مسیر مستقیم پایین دست، کاهش چشمگیری در جداکثر ارتفاع رسوبها مشاهده می‌شود.

با کاهش شعاع انحنای قوس در نزدیکی ساحل داخلی و در جلوی بال آبشکن، به دلیل حرکت سریع تر رسوبهای دسته سوم، گسترش چاله آبستتگی به سمت ساحل داخلی به طور محسوس بیشتر است (شکل ۱۰-الف). مقایسه مقادیر جداکثر عرض چاله آبستتگی در شکل ۱۱-ب نیز بر این موضوع دلالت دارد.

تشکیل آن به انتهای قوس نزدیکتر است (شکل ۹-الف)، که دلیل آن کوتاه بودن طول قوس است؛ ضمن اینکه گسترش چاله آبستتگی دوم به سمت ساحل داخلی در قوس ملايم (شکل ۹-ب) به دلیل نزدیکی بیشتر رسوبهای دسته اول و سوم در عرض کانال به یکدیگر و افزایش سرعت در لایه‌های نزدیک بستر و در پایین دست آنها بیشتر است. لازم است ذکر شود که با تغییر موقعیت استقرار آبشکن‌ها به سمت انتهای قوس، تغییرات ذکر شده برای سه قوس مشاهده می‌شود.

شعاع‌های انحنای متفاوت قوس و تغییرات ذکر شده ناشی از آن در الگوی جریان و آبستتگی باعث ایجاد تغییراتی در توپوگرافی بستر در پایان زمان تعادل می‌شود. شکل ۱۰ نمونه‌ای از تغییرات توپوگرافی بستر در پایان زمان تعادل و برای آبشکن مستقر در موقعیت ۴۵ درجه و شکل ۱۱ تغییرات پارامترهای توپوگرافی بستر را نشان می‌دهد. لازم است ذکر شود که نمایه شکل ۱۰ بیانگر محدوده بین تراز بیشترین میزان آبستتگی و رسوبگذاری بی بعد شده با عمق جریان در بالا دست قوس است.

به عنوان مثال در شکل ۱۰-ج، عدد ۰/۵۵ نشان‌دهنده ارتفاع جداکثر رسوبگذاری در پایان زمان تعادل و عدد ۱/۴-نیز نشان‌دهنده عمق جداکثر آبستتگی است. با افزایش

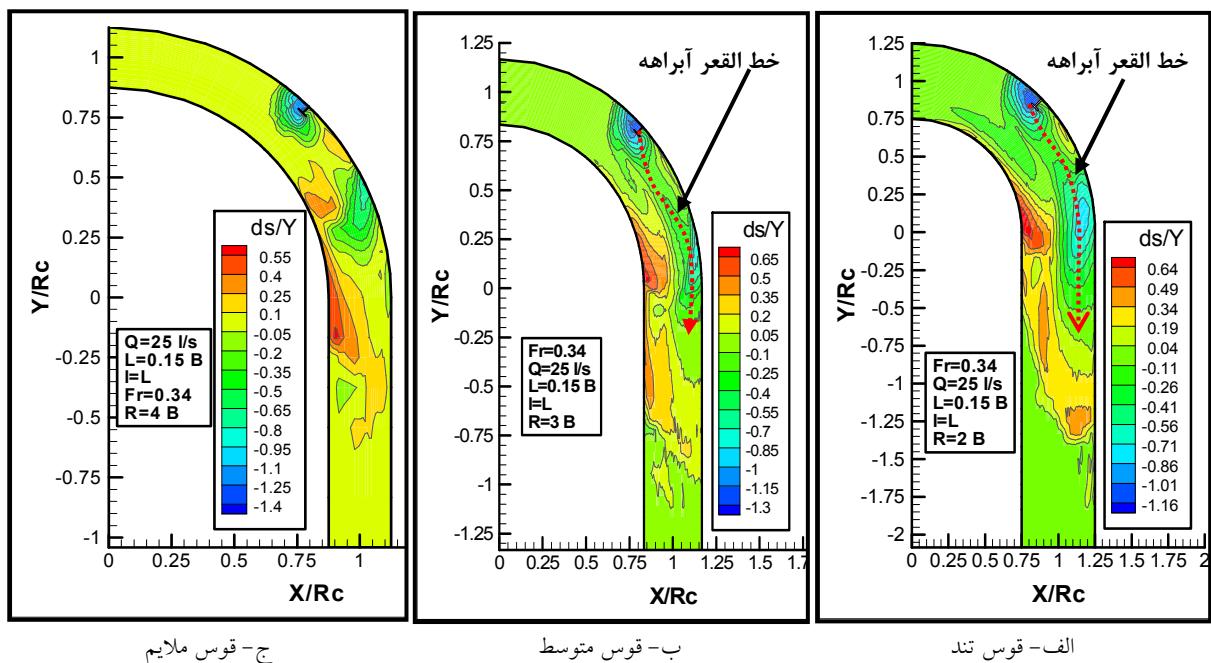


ب - ۵۰ درصد عرض کانال، از ساحل خارجی

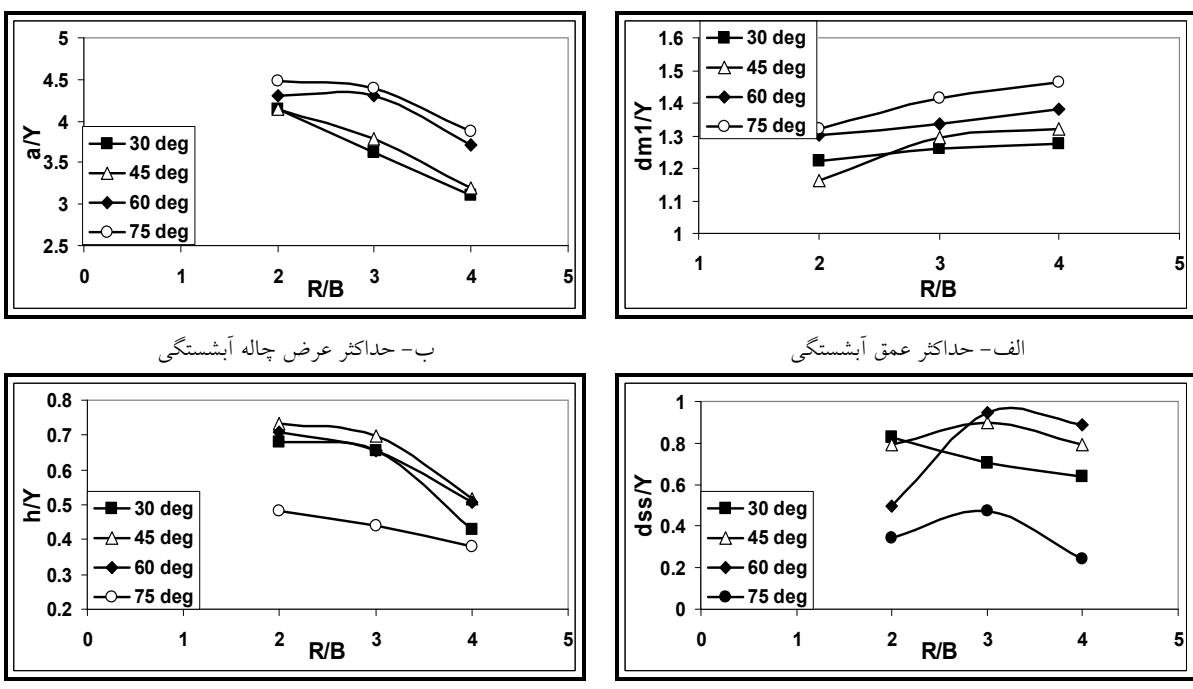


الف - ۵ درصد عرض کانال

شکل ۹ نمونه‌ای از مقاطع طولی بدون بعد توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت ۴۵ درجه در سه قوس تن، متوسط و ملايم



شکل ۱۰ توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت ۴۵ درجه و برای قوس‌های مختلف



شکل ۱۱ تغییرات بدون بعد پارامترهای توپوگرافی بستر برای آبشکن مستقر در موقعیت‌های مختلف

در برابر شعاع انحنای (عدد فرود ۰۳۴)

بالا دست آن بیشتر باشد (به دلیل افزایش سرعت)، چاله آبشتستگی دوم عمیق تر می‌شود. ضمن این که در موقعیت استقرار آبشنکن در زاویه ۷۵ درجه، به دلیل شروع تشکیل چاله دوم آبشتستگی در مسیر مستقیم پایین دست (به دلیل حرکت سریع رسویها و ریزش به درون چاله)، عمق چاله آبشتستگی در پایان زمان تعادل کاهش می‌یابد. با توجه به عوامل ذکر شده در موقعیت‌های مختلف استقرار آبشنکن و در شعاع‌های انحنای متفاوت، نمودار تغییرات آن در شکل ۱۱-ج نشان داده شده است.

۵- نتیجه‌گیری

در این مقاله به بررسی تغییرات آبشتستگی پیرامون آبشنکن T شکل و توپوگرافی بستر تحت تأثیر تغییر موقعیت استقرار آبشنکن در طول قوس و همچنین تأثیر شعاع انحنای قوس پرداخته و نتایج زیر حاصل شد:

- سازوکار حرکت رسویهای جداسده در بالا دست آبشنکن و ناشی از آبشتستگی موضعی، بیانگر حرکت رسویها در سه دسته اصلی است که با تغییر دو پارامتر موقعیت استقرار آبشنکن و شعاع انحنای قوس تفاوت‌هایی در نحوه حرکت آنها و شکل‌گیری توپوگرافی در پایین دست آبشنکن مشاهده می‌شود.
- با تغییر موقعیت استقرار آبشنکن به سمت انتهای قوس زاویه برخورد خطوط جریان به آبشنکن نسبت به افق افزایش می‌یابد و در نتیجه ابعاد چاله آبشتستگی و حداقل عمق آبشتستگی افزایش می‌یابد.
- اختلاف آشکار در میزان آبشتستگی در مقاطع بالا دست و پایین دست آبشنکن بیانگر تأثیر هندسه آبشنکن در کاهش رسویگذاری به خصوص در پایین دست آبشنکن‌ها است.
- بررسی پروفیلهای طولی بستر در موقعیت‌های مختلف استقرار آبشنکن در طول قوس بیانگر عدم آبشتستگی در

نکته جالب دیگر افزایش پیشروی چاله آبشتستگی به سمت پایین دست با کاهش شعاع انحنای قوس است که دلیل آن افزایش سرعت جریان در نیمه دوم قوس تند در مقایسه با قوس ملایم است.

اندازه‌گیری تراز جریان، بر افزایش عمق آب در نیمه اول قوس تند نسبت به قوس ملایم ناشی از برخورد مستقیم جریان از مسیر مستقیم بالا دست دلالت دارد (که در موقعیت استقرار آبشنکن در زاویه ۴۵ درجه محسوس‌تر نیز هست). در نیمه دوم قوس تند، کاهش تراز جریان ناشی از تأثیر مسیر مستقیم پایین دست، محسوس‌تر از قوس ملایم است که استقرار آبشنکن و تنگ‌شدگی ایجاد شده نیز بر کاهش تراز آب در پایین دست می‌افزاید. به همین دلیل، گرادیان منفی فشار در پایین دست آبشنکن ایجاد می‌شود که به افزایش سرعت جریان و در نتیجه تنفس برشی و بالاخره حرکت سریع تر رسویها منجر می‌شود. در شکل ۱۰ نیز چاله‌های دوم آبشتستگی ایجاد شده بر این موضوع دلالت دارند. همچنین این پدیده باعث پیدایش خط‌القعر آبراهه در دو قوس متوسط و تند می‌شود و هرچه شعاع انحنای قوس کمتر باشد تشکیل خط‌القعر مشهودتر است. همچنین هرچه محل تشکیل چاله آبشتستگی دوم به انتهای قوس نزدیک‌تر باشد (به دلیل افزایش سرعت در انتهای قوس و همچنین تغییرات مکان هندسی سرعت حداقل در قوس‌ها)، عمق چاله آبشتستگی دوم بیشتر است. لازم است ذکر شود که در قوس ملایم خط‌القعر آبراهه تشکیل ننمی‌شود که دلیل آن، عدم برخورد خطوط جریان از مسیر مستقیم بالا دست به محدوده آبشنکن و پایین دست آن نسبت به دو قوس دیگر است. همچنین هرچه میزان رسویگذاری در اطراف و پایین دست چاله دوم زیادتر شود (به دلیل ریزش جریان از روی رسویها به درون چاله) و میزان تنگ‌شدگی مقطع در

- با کاهش شعاع انحنای قوس، پیشروی چاله آبستتگی به سمت پایین دست افزایش می یابد که دلیل آن افزایش سرعت جریان در نیمه دوم قوس تند در مقایسه با قوس ملائم است.

نزدیکی ساحل خارجی پایین دست برای آبشنکن های مستقر در نیمه اول قوس و آبستتگی اندک برای آبشنکن های مستقر در نیمه دوم قوس است.

- با تغییر موقعیت استقرار آبشنکن به سمت انتهای قوس حرکت رسوبهای به صورت متقارن تر در عرض کanal مشاهده می شود. ضمن این که چاله آبستتگی دوم نیز در مورد آبشنکن مستقر در موقعیت ۷۵ درجه با کاهش عمق همراه است. این روند در مورد آبشنکن های مستقر در قوس تند نیز با تغییر موقعیت آبشنکن به سمت انتهای قوس مشاهده می شود.

- محدوده سرعت حداکثر در قوس تند و تمایل آن به سمت قوس داخلی باعث حرکت سریع تر رسوبهای دسته سوم به سمت پایین دست، و کاهش شبیب چاله آبستتگی به سمت قوس داخلی یا افزایش عرض حداکثر چاله می شود؛ ضمن این که باعث افزایش حداکثر ارتفاع رسوبها در نزدیکی ساحل داخلی در قوس تند نسبت به دو قوس دیگر می شود. روند تغییرات ارتفاع حداکثر رسوبها نیز با استقرار آبشنکن تا نیمه قوس صعودی و سپس نزولی بوده که دلیل آن تأثیر جریان در مسیر مستقیم پایین دست قوس بر حرکت رسوبها و توزیع متقارن آن در عرض کanal است.

- در فاصله ساحل خارجی تا حدود محور کanal میزان آبستتگی با افزایش شعاع انحنای قوس، افزایش می یابد و از آنجا تا حدود ۱۰ درصد عرض کanal، گسترش چاله آبستتگی با کاهش شعاع انحنای قوس (و به طور مشخص در قوس تند) مشهود تر است. در فاصله ۱۰ درصد عرض کanal تا نزدیک ساحل داخلی، با کاهش شعاع انحنای قوس، رسوبگذاری مشاهده می شود. گسترش چاله آبستتگی در عرض کanal برای قوس تند با دو شبیب همراه است.

۶- فهرست عالیم

ds	عمق آبستتگی در هر نقطه
Y	عمق جریان در ابتدای قوس
R	شعاع انحنای قوس در هر نقطه از عرض کanal
Rc	شعاع انحنای قوس در مرکز کanal
θ	موقعیت استقرار آبشنکن
Fr	عدد فرود جریان
Q	دبی جریان
L	طول آبشنکن
l	طول بال آبشنکن
B	عرض کanal
a	عرض حداکثر چاله آبستتگی
h	ارتفاع حداکثر رسوبهای پایین دست
dm ₁	عمق حداکثر آبستتگی پیرامون آبشنکن
d _{ss}	عمق حداکثر آبستتگی چاله آبستتگی دوم

۷- منابع

Ahmad, M. (1953). Experiments on design and behavior of spur dikes, Proc. of IAHR Cong., p. 145.

Ahmad, M. (1951). Spacing and protection of spurs for bank protection. Civil Engineering and Publication Review, pp. 3-7.

Giri, S., Shimizu, Y. and Surajata, B. (2004). Laboratory measurement and numerical simulation of flow and turbulence in a meandering-like flume with spurs. Flow Measurement and Instrumentation, 15, pp. 301-309.

Ghodsian M., Vaghefi M. and Salehi S.A. (2009). Experimental study on scour and flow field in a scour hole around a T shaped spur dike in a 90° bend. International Journal of Sediment Research. Vol.24, No.2, pp. 145-158.

واقفی، م.، قدسیان، م. و صالحی نیشابوری، ع.ا. (۱۳۸۷). "مطالعه آزمایشگاهی الگوی آبشنستگی پیرامون آبشکن T شکل منفرد مستقر در قوس 90° درجه" مجله تحقیقات منابع آب ایران، سال چهارم، شماره ۳، ص.ص. ۵۷-۶۹.

واقفی، م.، قدسیان، م. و صالحی نیشابوری، ع.ا. (۱۳۸۷). "مطالعه آزمایشگاهی تأثیر هندسه بال آبشکن‌های T شکل مستقردر قوس 90° بر میزان آبشنستگی اطراف آنها"، هفتمین کنفرانس ملی هیدرولیک ایران، دانشگاه صنعت آب و برق، تهران.

واقفی، م.، قدسیان، م. و صالحی نیشابوری، ع.ا. (۱۳۸۸). "مطالعه آزمایشگاهی اثر عدد فرود جریان بر الگوی آبشنستگی پیرامون آبشکن‌های T شکل مستقر در قوس 90° درجه" هشتمین کنگره بین المللی مهندسی عمران، دانشگاه شیراز.

Gill, M. A. (1972). Erosion of sand beds around spur dikes. Journal of Hydraulic Division, Vol. 98, No. Hy9, pp. 1587-1602.

Mesbahi, J. (1992). On combined scour near groynes in river bends. M.Sc. Thesis., Delft University, Hydraulic Report HH 132.

Soliman, M. M., Attia, K. M., Kotb, Talaat A. M. and Ahmed A. F. (1997). Spur dike effects on the river Nile morphology after high Aswan dam, IAHR Congress, pp. 125-146

Tingsanchali, T. and Maheswaran, S. (1990). 2-D depth-averaged flow computation near groin, Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, V. 116, N.1, pp. 71-86.

Fazli, M., Ghodsian, M. and Salehi, S.A.A. (2007). Experimental investigation on scour around spur dikes located at different position in a 90° bend. 32nd Congress of IAHR, Venice, Italy.

Forghani M. J., Fazli, M. and Ghodsian, M. (2007). Experimental study on flow field and scouring around a spur dike in ninety degree bend, 32nd Congress of IAHR, Venice, Italy.